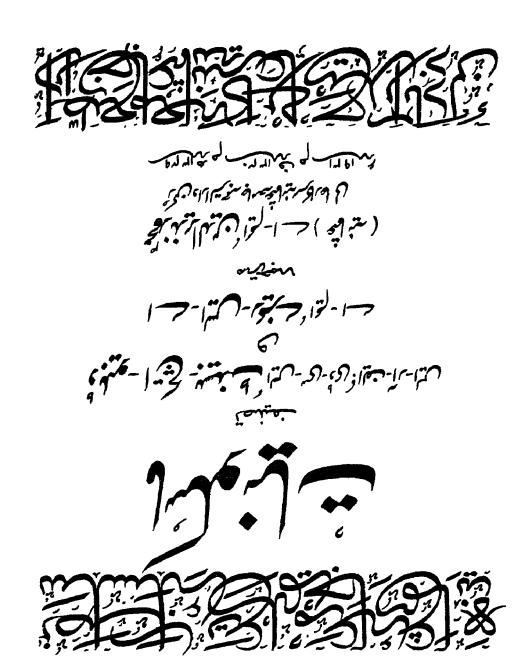


DELHI UNIVERSITY LIBRARY

Ol. No. 1375:3 Ac. No. 10401 168N34

Date of release for loan

This book should be returned on or before the date last stamped below. An overdue charge of one anna will be charged for each day the book is kept overtime



15N891 E:518 10h01 IW258 TES

	1	T	T	r	T-	Y	
\$1	h	25	38	*	-1	4 12,000	A LAND
	וע	(<+,000 €)	(0,000)	*~	•	12	12
all	لر	مهرافير	1	7	14	L× 4	سے × م
1	AA	وتعجير	والمحقي	لمرح	**	4	
	البر	50	مرافيه و المحر المحر	*	11	170	ا بهرة ا
"	"	فياسا	143	أشرط	4	10	
l u		1916	148	"	٠٨		رش
4	قر ا	حسالت	حسرالة	7	VI	70	ا ہترا
*	ы	2,	2.6	بدلد	,	جيتر ا	- پیشتر
b	11.	من إن	المسيترة	11	ا (ر	ناجيسا	المائيسرا
4	61	المناجة	الميتراة ا	لمدام	Ь		+
*	لم	2	2	"	11	2 25	2 70
•	•1	87.79	حبرك	المر•	V	でったり	54,28
*	14	00	W. C.		٧)	z.	2.
•	٧I	564	210	Q4	الد	न् 51	2.50
لد	61			غرفع	þ	ù€	312
"	IJ	17	التراثر	14	1,4	£0	666
*	14	lera La	ler jes	"	И	4	دست،
لم	العر.	الكريخ	259 18	धा	V	+ +	7+0
1	البر	15	12	hi	As	1-1-	1
05°	nd	गुष	كخح	بجس	pr	39	مخنخ
5-9	مرابع المرابع						
	الأن المانية في المانية						

7								
	N	٠,		-	b.	, ,,,	4.	el
-	ولر			<		, ,	3,50	
1	47	۱.,	نهمر ا	مند	*		ره نست ا	3.6
1	94	61	مند	م السر	1 2	77 71	' { (克) 설	
	d h	71	الماميسرا	المحادات	"	71	- 4 6 - 60+	نه (مراه دراه بخرورنه)
	• 6	,	- The	3-3/40	1	المبر	a, a	
			لا كوراء		74	المر	بر بر بر	مع و حد بنه تمز
	60	.			h.v.	"	(2)	
	4	1.	2	2	"	-	ł	750
	44		elè	1 .	11	91	الرب	1.0
	7	الد		15%	04	6	340	ن با ا
	4	8	3	ر بر بر ا	۷ کمبر	and .	in C	8160
		ł		7	11	71	مت زار	اسائلا
	7 4	1	مهلخين	יבלני	*	•1	>	<
	"	71	سرزاه پارا	سرّا او مراه	N	6	6	(L)
/	Jo	V	11	1	IV	Y	>	<
			(المهيئ لأسب		"	11	at Ulist	1 1
ł	10	ابر	232	\$ - 3 2 2	"	4	45 -	ن وقا
1	10	نر	₹ J 29	Ĭ,	·v	1	÷12	r(2
1	Ø	, l	ا د ا	π η			(45,5)	'-
'	"	61	-	(جهمه وخوا	67		1	
'	9	71	7	>	hy	н	7	ا بز
	*	91	کرونه	fer	"	•4	40	(10)
l	ا ئە	4	ر گذ	36	97	6	ت کیا	1
6.	1	h	ش گئ	40	9 لد	id.	ن برن	200,50
ort	ا ب	-4	.१प	تختع	بجهن	nd	,19	3

	1	T	 	•	y	T	
الدو	1,4	p	<u>r</u>		11	2+2	نالم
741	نم	2	1 2	- ≱+	V	2	2
	"	34	30	v ¥1	br	7	7
البري	15	9	77	7 Y 1	4	جهر	了异
المرا	ىر	(ایمای) به ن	نه ف	الالر		جَــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ا جره ا
141	VI	17751	اديدار خ ف	141	bi	アデナッシ	1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -
641	لد	\$2{ \$\frac{\oldsymbol{\sigma}}{\sigma}\$		7	14	بي بر	ر المال
-	نىر	<u>8</u>	<u> </u>	.vı	1	2	2
F#1	1	of .	1600 1 10 DO 1 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	h71	H	7 c;	× 2
14.	71	777	الم المنظمة ال	#	71	G	6
-11	114	7	ラ	171	0	795	حنف
*	الم	-7	3	.71	4	والمتا	ننتع
6-1		خدربه	سسه	bhi	الع	مثبر	ستني ا
7-1	2	ښروبر (اوخنه) ۲ کينر	€.	741	,	5	1
	t	کیتر	مرة ا	141	44	719	1819
hel	,	حبيترو	اران الارت الاستاه	•#1	01	1) if 10 if to it is the o	1-2-41) is to 3 - 12:35 14 3
AH	9,4	درن درن درسیناه	एंट्र-	101	لم	175	ب. و
95	•,4	515	ي المية	الع	نہ	3	두
طنه	71	6.2	£14 2	"	61	1× 20	יארץ קידו
16	١,	3	2	المه	b	6	6
•	الم	1885	1885	الداد	14	ل ميز	زائون
-	<i>3</i> 1	_گ ر	r _a	"	النر	er	15
	لم	2	2	الدا	# 1	हें।	59
bv	7	20	grant.	اغرط	الم	•	٤'
25.	A	.99	je de	سجير	id	भूष	3

į.)	1 _	j	11			
1 47	ы	150	30	1			-
. 6.	1	*	57	777	(ر از	7) 9 10
الملمة	8	-	6	× .	ادر بخد در التي م	ز دسانهٔ ۱۶ دارد نسریمند سیکه اکاری	
deld	1 1	اببن	ر احمه	1.4		1 3129	1 3 1
indd	6	1 4	1	A A A A	0	1 5	ſŗ
644	\ v	2×c3	mx cg	Vint	71	المجبر	ر بحد
KKA	1	اجم	in	#	7	70	مآسر
711	1.4	التنب	(وربن	hind	1	Ward.	و المراكبة
914	1	- N-	100	PIN	14		
111	ولانا	1	12	6.4	البر	(n+b)	(946)
124	71	= 20 6	- الوالم	لهوالمهر	h) (क्वंश)	(Aria-)
914	1	–	67	994	1	=	**
-	01))	4	h	uper der	Sib 19dU
MA	•	4		464	h	1	asinnatire.
"	a i	بالمحق	3000	AAY	b	Britanica	Bringshiff
0	,	680	110	PAY	h	Despor	жпостьо
dia	1	ex ए छ	c×00	درال	الم	£	*
411	91	الم المحاسب	تربيس	674	لىر	+	_
٠	ja j	7	الأثرار	444	Á	~2	
2.4	P	2		*	"	1.7.7	(5)
ida.	٧١))	4	81	يتمني	54
441	Vİ	-	بالمجرد	·k/		(2)(204	الهيراهي
ASI	#		~1}	467	b	40-	10=
• \$1	iri	() 劳	小子	104	.d	مع دست الأ	سي پششر ي
ok.	4	नुष	277	25	pd .	ग ष	-3

1.h-1.h 2/2 00	
مر معرب معرب معرب معرب المعربير علا- جاء مر مستقد معرب معرب المعربير علا- جاء	ا امدا ا لمرا
10-00 Suce 5 2 - 5 2 Dael 34	-
مهروجيتي ١٧٠	Pii Hii
	االر
مر کاری این اور ۱ مرا دو ۱ مرا	•
مري الأنجا المرق على المراجع المرق المراجع الم	المد
سر مرس مرس المام المرس الم	All
المن المراج الأراد والم	111
ماسره دراني دلا	-11
خارك المان المان والمان والمان والمان والم	1.1
لنجيه	
المجام	ad b
ربيخ لأل لمؤالين تأريس مأنه الا ١٨٠٠	hv
المحالات المحالية المحالية المواليات المحالية ا	77
أرمه في	
مهيدا	hh
١١١٠-١١ على دراز- دراز - کور	لده
الم مد ا	
رنات امثار	أمدي
1	

غرفون غالة في مجار المالية المدور المده. معيد على المدور المده. عرف ما المديد على المدور المده. لملما 444 أدالم IIA المان المانية من أبيا المان المانية من أبيا المان المانية المانية المانية المانية المانية المانية المانية المان المانية المان IVI V 7 (70-01 Elib-Machaldic

الماء علما المستران الماء المراز الماء الماء الماء الماء الماء الماء المراز الماء المراز الماء لمعلموط لمهامد لعر 714 4 Odel لمراح البرج ر المانية - إلى الله الماء ال لمط لمد 144 474 711 781 944

V/

المناسطة المناسطة المانيات

خوره ايخير برياني اله وهذي رين بين الهال الدين كرمه و در المراه اله والمراه اله والمراه اله والمراه اله والمراه و المراه و المرا

نام كارد المدين المال ا

عالي مهر و المري م الارائد المري المري المري المري الم ويرايز بمه براءانامال والمالي المسروب خير) لذكرستين مل إلى يزرسي يجوان سايرسيجه ركة كسسة اليس المحلاسي الخلافظ المساحد الميهمات كالمراحبة مالية جولة إلى المدينة والمالية وزاري المرايد والمرايد المالية مه -المؤرية ذاته إلى المقرمة لارتمال هذا المراحب لتلخز يثين وكالبتناب بميتاكم ليذخف بماليد ببأبوه فالمايدة ستسيه فدي يذرك باحداد ومخدسهما ومحرا سيدري عوبيهم إن المراك فراكه والماسري ت انبهرا 70. Bet

M == mass	ک برکست
M = metacentre	هر = مركز العد
g=acc. due to gravity	ج = اسراع بره جاذبه ارض
G==centre of gravity	ث ۽ مركز نقل آ
S = Surface	س ۽ سطح
s = length of an arc	س = توس کاطول
C=constant	م/ هر=مستقل
C = centre	Sp = 7.
C=centroid	ت = مرزبهنای
C=point	مرج = ريقط
c=capacity	ک ۽ تنجابش
c = semi- axis	ح م ع نيم محور
W=	و عن شن خ
r=radius	ر ۽ نفن قطر
r=distance	ف = ناصلہ
$r, 9, \phi = polar co-ordinates$	راط، فر = تطبی محدد
r, g, z = cylinderical co-ordina	ر؛ طرءي = اسطواني ميرو tes
R=resultant	س اح = عاصل
R=reaction	س = تعامل
t = temperature	ت ۽ ميٽش
T==tension	ست = تناد
T=absolute temperature	ست = تيش طلق
t=time	ست = تبش طلق ت = دفت
h=height	روت ۽ ارتفاع
h = depth	گ ۽ حمبران
	~,

$$h = \frac{dy}{dx}$$

P=point

عي = ليجنظر كان وال سر Legenders ntn coefficient

P=power

F = density=radius of curvature

"=density

f=acceleration

f = function

F=force k = constant

k = radius of gyration

K=quarter period

v=volume

V = volume

V=potential in.

W=weight

m = mass

Modulus	مقياس
Bodies under constraint	مقيداجسام
Paraboloid	مكافئ نما
Flexible surface	ملاتحمتطح
Unduloid	موج لنما
Ellipsoid	نا قص نما
Elliptic Integral	'اقصی پجمله
Elliptic paraboloid	نا تصى مكانى نما
Synclastic	نِدانِحًا تَيُ
Dew point	نقطيمش بنمر
Downward pressure	فيحيح واردماؤ
Medial line	وسطى خط
Trim of a ship	وصنع (جهازی)
Displaced fluid	بيثايا مرواسيال
Isothermal	بمتينى
Level	سهوارسطح
Air-tight	بهوابند

Sinuous	لبرملا
Hydrodynamical	، رت باحر کی
Hydrostatics	اسكدنيات
Focal conic	مانسکر بخر وط مانسکر بخر وط
Parameter	مدار
Homogeneous	متحانس
Equilateral Hyperbola	ب منساوی المحاور زائد
Isoscelus prism	منسادى الوجبين منشور
Similar and Similarly situated	تنشأبه اورتشابهاواقع
Variable	منغه
Variable density	متغرفنا فيت
Convex	و هرار
Position	محا
Axial plane	مر مردسة مير مرسم دسية مير
Helix	وري مرن ده ا
Helicoid	ا مرحوم - ه: از ا
Metacentre	ا هرمولدمه اسم د ان
Nucleus	المرتز الجلد
Centroid	ا مرکزه سرن د سر
Torsion	المركز بهمدي
Surfaces of equipressure	المرور رسطي
Plane	ا مساوی زاول ۱۰۰
Momental ellipsoid	المستوي
Concave	مسأوی داوگی هیں مستوی مداری اقص نما مقفر
	المفعر

Astronomical density	· طلی کُن فت
Eathom	ميدم
Receiver	ا قابله '
Rectangular hyperbola	قاً مُمْ رَائِد
Hinge	فبفنه
Bow	يقدامه
Divisibility	قسمت پذیری
Parabola	قطع مكافي
Force function	توتی تفاعل
Force to a point	قوت ائل بانقطه
Constraint	تيد
Constraining forces	ر فيد كرنبوا لي قوتيس
Bibiliography	ركتبيات
Spheroid	کره نما
Crank	ي كرنيك
Centre of mass	کیٹ کا مرکز
Step of a helix	گام (مرغوله)
Radius of gyration	وتحردهن كانصت نطر
Surface of revolution	گردشی سطح
Roulette	گرو دنن <u>ي</u> ر
Pitch	ر کما نی
Periphery, perimeter	گهیرا
Elastica	ہیر لدنی <u>لفیف</u> کنگر جملا
Convolutions	<u>لفنف</u> پرم
Anchor-ring	كنگرچيلا
1	1,

الله المراجع المراجع والمراجع المراجع ا	
Catenary	زنجره
Catenoid	زنجيره رنجيره منا
Stress	رور
Lower limit	زرین مد
Stem	سكان
Trilinear co-ordinates	سکان سیخطی محدد
Fluid	مسال ا
Perfect fluid	سال کامل
Capillary curve	شعاري منحني
Scap-bubble	سیال کامل شعاری منحق مرا بونی کمبله
Principal curvature	صدري انخناء
Principal axes	صدری محور
Principal tension	صدري تناؤ
Antiekstic	صدانحاني
Necessary & sufficient conditions	هزوری اورکانی مشطیس طبعی حیشیت
Normal mode	الله مرحيتيت
Strata	ا طبقا مير .
Longitudinal	
Deck	عوی عرشه رمبازگا) عرضی
Transverse	اعاض
Nodoid	عقدها
Element	376 35
Hetrogeneous	اغ متدائنه
Water-section	ا ناصلا آپ
Separability	انفيد :يي
	المسل پدیری

Boundary conditions	حدیدی سته طیس
Terminal conditions	ئى يەن طىر
	العدق شريس
Specific heat	حرارت نوعی
Adiabetic	מיוניג
Convective equilibrium	حلی توازن
Water line	خطآب
Cycloid	خطتدوير
Line of action	خطاعمل
Line of greatest slope	خطه سلان اعظم
Shell	خول
Period	دور ر
Bifurfaction	دومث خگی
Shaft	פיתו
Impulsive tension	د حکاتنا و
Wall- sided ship	· پيار بېلو جهاز
Sheet iron	ڈیلا ہوا لو یا
Intrinsic pot. energy	وَا بَيْ تُوانًا بَيُ بِالْقُورِ
Intrinsic equation	ذانی مساوات
Quarter-period	ربعی دور
Areal section	رقبئ ترامستس
Wrench *	رنج
Hyperboloid	نائدنما زائدنماک چاوری زائدنما دوچاوری زمل
Hyperboloid of one sheet	زائد تماآک چا دری
Hyperboloid of two sheets	زامد منا دوچاً دری
Saturn	رص

Gravitating solid	تحا ذیی مفوس
Configuration	تثثيل
Counterbalance	التعدل كرنا
Variation	ا تغیر
Righting moment	نقوتمي معيار
Line of contact	تماسي خط
Tension	أثناؤ
Tensile	ا تنادي
Kinetic energy	أنزانا في بالفعل
Potential energy	ا نوانا بي بالفتوه
Line of floatation	ا تنراؤ كا خط
Plane of floatation	ا ترازگامستوی ا شراد کامستوی
Surface of floatetion	ا براغ کی سطح ا تیراغ کی سطح
Floating bodies	ا پریان ایزنے والےاحسام
Lintearia	ا تأس
Self-attracting	ر من الذات أمان بالذات
Life-belt	ا بار ب بارب ا ملامینی
Algebrical moment	ا جن رسوار معار
Couple	
Product of Inertia	ا جريم الم
Film, membrane	ا ما
Oblate spheroid	ا جهلی صدا کرومنما
Annulus	
Thread	چیٹا کرونما چنبر چوڑی لایق کی)

Inextensible	امتندادنا يذبر
Freezing machine	انخبا دی شین
Deflection	الفرات
.Upward pressure	ا ديروار دما و
Apses	ا وخین
Mean centre	ادسطفركز
Conduction	الصال
Load	ا
Barometer	الميا
Upper limit	بالانيُّ حد
Vapour	بخار
Evolute	بربيجي
Dilatation	ليبط
Incompressible	بين كالك
Lamiva	يتنز
Compression	بنچکاو
Compressible	بکیک پذریه
Metacentre	یس <i>مزکر، حرک</i> زامبد
Paddle steamer	بِنَكُهِما بَيْ جِهاز
Lune	ببيانك
Turn of a helix	بهيم (مرغوله كا)
Hold of a ship	بیٹا (جانکا)
Screw	پٹ (ہوادکا) تیک پرچ بانی جہاز متران سرمہانا
Screw-steamer	يريح إني جإز
Constant of gravitation	ستحا وب كالمستقل
	-

فہرستا صطلاحات بوط: - ان اصطلاحات کواردو تروی کے محافات ترتیب دیا گیا ہے -

Water line area

Centre of buoyancy

Surface of buoyancy

Calculus of variations

Inferior limits

Flying wheel

Restorative moment

Thermal capacity

Meridonal section

Radiation

Relative equilibrium

Superior limits

Extensible

Water line area

Centre of buoyancy

English of the section of the sectio

وبالوسيع نقدر

سيعجبال

کے کہ ہے جہاں سے حامل قرت، کب کل جاذب کیت، مرکشش کا مستقل ہے اور منجل مساوی دباؤگی دونوں سطوں سے درمیانی کل حجم پر ریا گیا ہے۔ ۸۸ سے ایک متجانس جاذب تھوس کا حجم ہے ہ ہما ادر کفنا نت مف + نڈ ہے ۔اس کی شکل نقریر آبا کردی ناقض نما

س = الا+ ب ا + ج ی + ۲ نی ا+ آگی لا + ۲ هلاا= ۱

کی سب اور یہ بہ ۱۱ (سل سے اور یہ بہ ۱۱ (سل سے گرا ہوا سے جب کی سب اور یہ ۱۳ (سل سے گرا ہوا سے جب کی کا نظام توازن میں ہو یہ اقتص نما کتا نت من سرے - نابت کردکہ آزا وسلے کی مکن شکل حکم نظام توازن میں ہو یہ اقتص نما لا + ما ا + می ا - سل = ل ا هم س - (الا + الا + می ا)

العديم ه غ الح على المعرف المعرف

۸۹ ۔۔۔۔سیال کال کے مِرتفظ پرصغیراً ختیاری ہٹاؤ ہیدا کیا گبا ہے۔کسی نقطہ پر ہٹاؤ کے اجزا سے تخلیل محوروں کے متوازی معت لا معت می ہیں جہاں معت لا ،معت ما، معت می اختیاری سلسل تفاعل ہیں لا ماای کے ناہت کروکہ کل جم

یں دباؤ جو کا م کرا سرجے دو کل گام ایس دباؤ جو کا م کرا سرجے دو کل گام کرا حرف مف لا م جف اللہ محف اللہ محف اللہ محف کا مندی کے فرالا فرما فری

جے جہاں دکسی نقط برکا دباؤ ہے ادر کھل کل جم میں ایا گیا ہے -اس طرح ابت کروکہ سال کے لوان کیلئے مرط طب

و دے ت (لا فرلا ہما فرما ہے من فری) جہاں ت سال کی کٹا نت اور لا ماکھے تجافی توت کے اجزاء ترکیسی فی اکائی کمیت ہیں۔ قرت کے بڑا ذبی سیدان میں موازن ہے۔ اگرایک عمومی کرہ اجدا ورب سے
ادب کے انع سٹرن میں بردی طرح ٹود ابوا ہوا ور بجرا سکو آہت آہت میں جوئیلا
جاست بماں تک کر ہر یوری طرح سب سے عظیم انع نث میں بوری طرح عزی
موجائے اور اگر کرہ کا مجرح بمقابلہ ہرانع کے جم کے چھوٹا ہوتو ثانب کروک
سیالی دہاؤ کے خلاف جوکا کم ہوا ہے وہ تقریباً

١-٥ (رحم - را) شا + (رحم - را) شاب + بن (رحم - را) + بن (رحم - را) كان الم

+(٢٠٠٦) ځن }

پر کے قوے ہیں اور ہے ' ہے ' ہے ' ۔۔۔۔۔۔ ہے ' نامل طوں پر کے نوشے ۸ ۲ ۔۔۔ دوستعانس کرے مٹ کٹا فت کے بے بچک متجالنس بیال میں عرق

۱۰ برسائن ہیں۔ کرون سکے تنعیب قطرب اور ب اور نما نتیس شاور یہ ہیں۔ کمیتور ۱۰ برسائن ہیں۔ کرون سکے تنعیب قطرب اور ب اور نما نتیس شاور یہ ہیں۔ کمیتور

کی بیایش تجاذبی اکائیول میں کی تئی ہے۔ کل کمیت کوایک امستوار کردی لفا فہ میں بند کرویا گیاہے جس سے وہ عین بجرحاباً ہے۔ نامت کروکہ مٹ کا فت کے کرہ پر

عمل كرنيوالى كشش وردباؤي سب قيتر اعى وت الله ١٦ ش (ف - ف) ب ج اور

و فاعی تو ہے <u>"ا آا (ٹ - ش) رفتہ (ہ)) ہے ہ</u> میں تو یں ہوسکتی میں جائیالاَلاَ 9 د اس د فاعی تو ہ نفا نے کے مرکز سے اور مونرالذکر دوسرے کرہ کے مرکزھے اِ_{ہُ ج}ا پیمل کرے

ج نفافے کے مرکزے اور د دو سرے کرہ کے مرکز سے زیرمجٹ کرہ کے مرکز

کے فاصلے ہیں ۔

الجدسخا ذبی کمیت حبکی سطیم، قوہ سطی سبے سیال سے گھری ہوئی ہے مسیال
 کرنسٹ الذات نظرا نداز کیجا سکتی ہے نابت کردکہ کسی نقطہ برکا دباؤسطے پر سے

(177

بموجب کشش ر کلشاه به نابت کرد که مسا دی و با و کی طبی مخروطی نما بی اوراگر اس نظام کی ایک معین طبح بر کونی نقطه ن موتو هرکز و مین سنت گذرست و الی اور ن و بر علی الفوائم مطبح مستوی بر کاعاش د باو شد به ک ار و ن ایموگا جهان هداک مشتقل . بین جو مساوای د باوکی متحنب مشده مطبح بر منجمه بین -

سم ۸ - اگر ظرف عواص کو ایک رسخیرے ذریعہ یا بی میں اظامیا جائے۔ اورون یا نی میں اظامی جائے۔ اورون یا نی میں بوری طرح ڈوبا موا ہو تو تابت کر دکداس کا محورانتصا بی مدر میکیا جسب کک کہ

و(ا-ئى)گ- وَك - <u>(كان ق</u>

مثبت دہو جہاں و ظرف فواص کا وزن ہے ، قر ا ندرونی ہواسے ہٹا ہے ہوئے سیال کا دن من اندرونی ہواسے ہٹا ہے ہوئے سیال کا دن من اندرونی ہوا کا حجم سن ظرف عواص کے اور کے کی کتا تتا عنا فی ا اکم ا ندرونی مائع کی ہموار سطح کی عموا وی تراش کے جود کا معیار اگ اور گٹ ظرف فواص اور حجم سے مراکز نقل کی گہرائیاں اس نقط کے نیچے جس برزمجمیسم باندھ دی گئی ہے۔

مهم ۸ ۔۔ آیک ظرف غواض اندر کی طرف شد آیک گردشی مکا فی نماشکل سے محدود ہے اس کا ارتفاع ب اور قا عدہ کا نفسف تھر لا ہنے۔ اگر یا نی کی سطح کے بیچے ظرف سے قاعدے کی گرائی ٹی مونو ٹاہت کر و کہ ظرف میں من بلندی تک یا نی جڑھ جائیگا جہاں

ت ن (۱۱،۰۰ ت)= (ل ون) (د،۱۰ ت

ف أبى باربياكا ارتفاعي-

میز اگر نظرف غواص بوری طرت غرق موادراس کو ایک جیوسٹے زادیہ طر میں تھا باجا سے تو نابت کردکر استردادی معیار سے

جاں کے متعل ہے جو ف پر مخصر نہیں اور فد یا نی کی کٹافت ہے ۔ محصر نہیں اور فد یا نی کی کٹافت ہے ۔ ۸۵ ۔ ۸۵ متار د

تطيخ القوسية حبيك محاور ٢ أور ٢ ب مي - يا بع اور اسطوار دويون اسطواب م می می گرد کیساں زاول رفتار سے سے تھوت ہیں۔ نابت کردکہ آزاد طع لی مکن شکل ہم ماسکی اقصی اسطوا مذہبے حیادر م او اور م ب ہیں ایسے ک

سا(و + ب) = ١٩ ف (وب - وَ بَ)

٥٤ - شجانس ائع كاكست (ك) اضافى توازن مي ايك نابت محرك كرد یکسان زاو کی رفغار سے گئوم دہی ہے اس طرح کواس تی سطح کی لمبلیجیت رضه) حِمونی ہے۔ اگر کمیت کا مہ ک حصد مرکز پرناب لامنا ہی کٹیف یا دی مقط کی شکل میں منجد ہو جائے اور بقیہ جصے (۱-مه) ک کی کٹا نٹ کو منسبت اے میں: مدمیں گھٹا دیا جائے تو نو ازن کی صورت یں اس نئی سے کی لمیلیجیت کیا ہو گی اگر ترومشر ، کا

وقت دہی فرطن کیا جائے جو <u>بھلے</u> تھا۔

م ۸ ___ بکسال کٹانٹ کا ایک پھوس ناقص نما استے آقل محدرکے گرو گھو متا (۲۳۷) کے گرد مختلف کٹا فت سے متحاسس انع کا ایک غلاف ہے جیے یہ بہ لئے رہتاہے کل کمیت قانون قدرست کے موتب پیکٹشس رکھتی ہے۔ان شرائط کامعلوم کرنامطلوب سبیعے جن کے پورا ہو سے برآزا دسطے ناقص نمائی شکل اختیا ر

. ف ب فركافت كے عثوس كرول كى كھ تدراد مف كثافت كے سال میں متوازن ہے کل نظام ایک مجون کرومیں ہے۔ اگر کل کمیت مجا فرنی موتو تابت روك كرول كى كيت كا مركز مجودت كره ك مركز برمونا يابعيم - نيز اگر موت دو كرس بون يا بعيم - نيز اگر موت دو كرس بون و نقط تماس بران ك ورسيان دباؤ موكا

 $\begin{cases}
\frac{\dot{\pi}}{q} & \pi' \Gamma' + \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \pi' \Gamma' + \frac{\dot{\pi}}{q}
\end{cases}$ $\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}}{q} \\
\frac{\dot{\pi}}{q} & \frac{\dot{\pi}$

ریں ایک کھوس متجانس اقص نمائے اندرد نی حصد میں ایک ہم مرکز کردی خول ہے۔ ایک گھوس متجانس ای تص نما کے اندرد نی حصد میں ایک ہم مرکز کردی خول ہے۔ کل اور تا وال قدرت کی

سمندرکی تُدِان تقریباً ک (-صدحب ال) ہوگی جہاں کے اسستندا ، یہ کی گہرئی صدرین کالمیلیجید ہے۔ کے سے اگر مانع ایک خابث محرکے کرزیکیال دفعار سے گرم رہا ہو اور اگر ام اسك زرات ايك ايت ما نون كري وب ايك دوسرسكو وزسك بدول ك اوی دادی سفمس مرمحد متشار میشید کرد شابول تو نامها کرد کسی کرد منساکی ماسل منسير حبي سك وراس اسي فان ن كي موجب ورب كرسته بي دو قو تو ل كاحاصل موكى جوعلى الترميب استواور إوركر دش كصفحر برعموه واربس اوعلى تزب السيداتي مبي جيع ويزب موسف واسك لقط كااستواء اور محررس فاصلو ٧ ٤ - ونغرام ١٩) كي صورت بين تابت كروكه تام انع مير ١ و سط دباؤ نافع نما ك مركزيرك دباؤكا يد مؤتاب، الرآناوط كى مساوات $1 = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} + \frac{1}{12}$ ہوا در مائع کی مکیت ھر تہ نآبت کروکہ نظام کی توانا ٹی اِلفعل イン・リーででかり مے جاں انع کی سنسن کے اعیف محدوں لادانی کے سرول برکی قریس (مب اج میں - گردش عوری کے گرد بوری ہے۔ کے کے سے دفور (۱۸۸) کی صورت میں مانع کی کمیت کے اندرو فی حصد کے کسی نقطه مردباؤ معلوم كرو جيك لدامتفرجيرا بوكر لأ نظرا ندارم ستك اس صور الت میں اگر نمیلیجبیت ن مواز نابت کرد که استوای مستوی پر کادباوتوستاکی تقریماً (۵- ۱۷ ن) (۱۲ من وا) المر ۱۵ فلی اکا ئیوں کے مساوی ہوگا۔ جہاں و اسطوائی مضف قطرہے۔ ۸ سے سے اس کی لاستنا ہی کمیٹ لا انتہاطویل ۸ سے سے ت کتافت کے تجا فوبی کیسان اس کی لاستنا ہی کمیٹ لا انتہاطویل ا در بیند استوار اسطوا سف کوگیرس و سن سبت- اسطوان کی عبود ی تراسش

کے اس صید عمل میں فزار سے داخل ہوتی ہے ادر ضرب کے بفتیہ ي بي مييل كركره جوالي مح وباربر خارج موجاتي سند - خاج جوت وثمت اس مواکی تیش کھٹی ہوئی ہوتی ہے۔ اگر اسطوانوں کے جم منم اور سے ہوں اور اگر پیچا دادر بھیلا دیم حرنا کرر فرض کرلیا عاسے قرنا بٹ کرد کہ ہر صرب میں بیلے اسطوام ع وه ۱۳ ع مورد بر مادر دوسر مع اسطوادي T - - (دُرُاكُوْ وَلِينَان) مع - الم كوه موافئ كا داؤ سب - (دُرُاكُوْ وَلِينَان) نابت اودی منوانسس کلوس دین ایاب مندر سے گھری وئی ہے (۲۳۰) ایک جسم کے زیر مشش ہے - اگر یا بی پر طود اس کی مشفل فارنداز ی جائے تو ٹاکمٹ کرد کرسمندر کی سنط کردی رہنگی لیکن اس کا مرکز زین سے سے بغدر اس فاصلے کے بسط جا ٹیکا جواس کے تفسیق قطر کو ئے اوراس ۔ یک گرز کر گیرائی کا ایک اسمندر ورس پرنظ الداد کردی جاست او مواد راگریا فی سیکه زیامته کی مشهشر الک تاب*ت گروگه کودی مهندار کی المیلیجیب*نها م إمستوار برعركة كريزةسند زمين ل سطح ريعاذ بر الدعن كي و مع مهد سال کی کھے مقدار ایک ادی برور سے کرد ماکی سطح پر کھیلا وی محتی بيم النابية كروكر سيال في آوا يسطح بحي كره بنات بير ادرا سواد يرسسيال كي تبرا في كو بولنديت قطب يركى كرل كراني ست مع درى للبات كره الأسكه موراعظم كو محور المنف الروين كروكم كران كاليك مندر بوقة ابت كروكم ومن بدل ب

عراب (ا - سال فرور المعروب فر فرفه) - الماس الماس الماس فرفه الماس فرفه الماس الما

ہماں بلبلے کا نفعت قطر سے اور فی اکا فی رقبہ بابی اور ہوا کے لئے جوسطی توا نا ان ہے مس کو بانی مے اکا فی حجم سے وزن کے ساتھ نسبت واسے۔

تراش کا انخائے اعظم ہے (اللہ - اللہ) ہے اور دوسر العدرى اتخاہے (ナーナ)ナ

40 - ك كيت ك مايون بلني يربوا مع جوكليد إلى إبندى كرتى معد ادر جهلی کا تناوُ (نشه) نشعف تطرکی بچیر ای تبدیلیوں سنے شغیر نہیں **جوا - جهلی آبادان** ك كرد يهوف ابتزازات كردى ب - اكر جلى كردى شكل مي كول تبديل واقع ند ببونو تا بت كردكه اجتزاز كاوقت المستنظمة على ما كاجمود نفراندانكيا (٢٢٥)

كيا هي اوربلبله خلامي ركها كياسنيه -

١١١ - ج ميدل ك الكورتيرة كو الكيدة كو الكيدة كالمراحة أوجو مرتب كم متوازى ادراس سے ک فاصلہ برہے معارا کے بندسطی عائن کی ہے - اگراس می ف كن نت كا الع جرد إجاب جريكان ذاوى دادار سدست مورك ودكور

راب ادراس کواسی تشری انع ان وبواط است در اگراس می ایک سوران بوجس میں سے بیرون داندرون الع کی تحدور فت ہوسکتی ہے تو عابت کردکم

مورسے ر فاصلے پرصدری تناؤ ہونگ

(ノローンアングニュニュー (ノーン) アンニュ

عه __ اگرایک صابر ن بلید کے زائد فاصلے کے معکوس م اج کے قافن كي برجب ايك ودسرسيكود في كرين اوراكرف فره موقو نابت كردكم

فه ا ا ۱۱ رب م جار ر بلیل کا نصف قطراور ت مناؤسرے -

۱۸ - بتل کے ایک کردی خول میں (مفعف قطر 1) آمایا فی زورسے داخاک کا گیا۔ کراس مج نفعف قطر ریک مجیل با اسم سے اگر خول کی مجلب کی مفرح کیجئے ہما مد ہو اور بانی کے بجاؤی سترح لد تو تابت کردکہ خول میں إنى كى مقدارہے

كاقانون معلوم كرو-

۲۲ - آگر لیے دیا جائے کہ با نی کا طبی تناؤ ت ۲۰۰ مئی بر ۸۱ ڈاین نی نتی پیر مے اور فرت = - ت قوصابوں کے ایک بلیلے کے بھیلاؤ کی شرح دریافت

كروجيسة ميش ت برمتي جاسئ

زل = الالا + كا) - الالا + كا)

سے عاصل ہوا ہے جہاں الراستوالي نفف قطرمے۔

سم ۱۹ --- ایک کمی قدرتی نصف قطر او کے قائم متدیرا سطوانہ کی شکل کی ہے اور کائل طائم اوسے ستے بنی ہے جو کمون کی سمت میں امتداد نا بذیر ہے لیکن کوین و اگروں کی سمت میں امتداد نا بذیر ہے لیکن کمون کی سمت میں امتداد نا بذیر ہے لیکن کمون و اگروں کی سمت کردی گئی ہیں اور پھروستے ہوسے وباؤ کی گیس اس میں وا خل براجھی طرح نبت کردی گئی ہیں اور پھروستے ہوسے وباؤ کی گیس اس میں وا خل کی گئی ہے۔ تہالیاں آزاد ان طور برایک دوسرے کے قریب آسکتی ہیں۔ نابت کردک شعال انہادی تراش کی تفرقی مساوات ہے

ما خوال + ۲ ما (فرن) = م (۱- و) (فرن) الم

جبال م لیک اور دباو کو کفاعل ہے۔

المام داؤں سے ملط الی سے صدری تفق قطر انحت اتبالیول برا ادراکی نشبت میں موسے بیں -

الى كے مخلف ابتدائى فولوں كے كرسب سے چور سے نقط بيف البارى

يتى الرحون رفح كن نمو) برنسبت أس يانى كى مقداد مح (١٢٠٨) مانى بىر ھوسكتا ہو تو نابت كرو نیک کی تھر ع ہے۔ ان عباروں کوایک ہی بلندی پر ایک ہلی رسی -، برتها ما گیا ہے جو ایک رقبنی چرخی پرسے گزرتی ہے اگر رسی کو کا اللہ دیا ئے تو ابت کردکہ غماروں کی مبندیوں میں فرق جب وہ توا زن میں مول رسی کا تناؤت ہے اور وباؤ ہ پر ہوا کی کٹا نت ف لت میں ایک استقطال میں تبدیل موجا آ ہے جس سے صلعوں کی تسبت ہے۔ خابت کردکم جلی کی یہ نئی فکل مخروط ہونی چاہیئے۔ اس مرسیال داؤ

ج وج انتها بی بادروزن ولاناتس نما مے وزن کا می اور مے سرے ج برتابت رواگیا ہے۔ اگراتس نماکواوسط ج برتابت کرداگیا ہے۔ اگراتس نماکواوسط محور ب مے گروایا محدود زاویہ طریس تھا دیا جاسے تو شاہت کرو کر حبنت کا معیار جواس کو اس محل میں محلور ب

و (٥- ١ زجم ط (١- زعم له) ٢) جب

ہوگا جاں تاش (الم ع) كاخودج المركز ز ہے۔

۵۵ مے جہاز کے عرم شریر کے بسطی خط سے ج فاصلہ وسطیں ک ٹرینت رکھدی کئ ہے جسکی وجرسے جہاز ایک طرف ابتدر بھوسٹے زاویہ طرکے جبک جا اسے ۔ جہاز کا کل جُماؤ مدفن ہے۔ ٹابت کروکہ اس کمیٹ کی عدم موجود کی میں مرکز تقل

کے اور مرکز البدی بلندی تقریباً کی ج کے مساوی موگی اور اس جل کو وور رے

رتبه تك صحيح بنافي من مقدار

ك (ب- الم فرقي)

کا اس میں اصّا فرکر نا پڑسے گا۔ جہاں خط آپ کے اوپر ک کے مرکز اُتل کی اوپر ک کے مرکز اُتل کی مرکز اُتل کی میندی بیندسے کی گہرائی گ ہے، خط آب کی تراش کا رقبہ ﴿ اور جبود کا معیار جج ہے جن کا تقریبًا معلوم ہونا فرص کردیا گیا ہے ۔۔۔

۵۸ - تجافی کیست میں ایک جیوٹا کردی جوت (عدمت تطویر) ہے جس کو متحان سے جس کو متحان سے جس کو متحان سے جس کو متحان میں ایک جیوٹا کردی ہوت اور کرہ سے مرکز پر کی گھشش إلكا معلم معلم میں ہے مرکز پر کا سیالی ویا و سے شاخ مرکز پر کا سیالی ویا و سے بات جی سراے کم اور جوت کی ستانج

برکل دباؤ - (ج + بی اله دف) ۱۲ دف مراسته کم نبین بوسکا- بها سیال سیال کی گذافت من به می و عشر فرس کے کی گذافت من به محد فرس کے قوہ کو ذہب تعبیرکریں توعشر فرس کے لئے ہورکز سے کسی مست میں کھینچا گیا ہے مرکز پر فرنس کی افل دبری قیمت ج ہے ۔

ف= شار رجب مام ۱۱ را کرکر رجب مام ۱۹ زیر کرکر

جہاں زین کا نصف قطر ال ہے اور مرکزست زیر کہف نقط کا فاصلار۔ کیست کی تنیا ذہی اکائی یہاں استعال کی گئی ہے اور زمین کی نورس کروش کا

کٹافت مکانی آناکی کٹافت کو ن گٹا ہے تیررا آہے۔ اگر مکانی منا کا ارتفاع ف ایسا ہے کہ اس کامرز نقل مرکز ما بعدے اور ک بلندی پر ہے تو نابت کردکہ توا ڈن کا ایک محوالیا ہے جس میں محورانصا بی نہیں ہوتا اور قاعدہ پوری طرح مائے کے

بابرر بتاب اگرک 🗸 ن (۱- ن م)۲-

ہ ہے۔ ایک جہاز کے بہلو یا بی کے قریب انتهابی ہیں اور ہٹائے ہوئے یا فی کا مرکز تقل تنی گروئی پرے بازی کمیت ک ہے۔ یک چھوٹا بوجد طہ ک جیاز پر مشتا کا دکھا گیا ہے جس کی وجہ سے جہاز بقد رسمے گرا فی کے اور جیاز پر مشتا کا دکھا گیا ہے جس کی وجہ سے جہاز بقد رسمے گرا فی کے اور جی انتی ہوجا ہے۔ صغیر مقداموں کے مرابوں کو فی طراف کردکم

رو ہے۔ من تی = ہے۔ لاتی + ط^{اع} تی - ہا طہ ہے۔ 4 ہے ۔۔۔ کی متجانش انص نما انع میں اس طرح تیرتا ہے کہ اس کا اعتسام محور

فرب میں جو کام ہو تا ہے وہ

ال المراب المر مح مساوی سبع اگر موا کے تیمبلاؤ کو ہم تیشی فرض کرلیاجا سے جہاں او خابلہ کا اور

ایک قابلس اگرب گنجا بیش کے ایک مشف کرنے دارے ن ونظرانداز كيا ما سكتاب تو ابت كروكه ن فربول كي بعد قابله بي اکا دماؤ کرہ پروائی کے دہاؤکا (۱+ ت مبار ا علیہ گناہوگا۔ بیمعلوم کروکہ قابلیں

نبیش کمیا ہے اور بچکا نے میں جو کام ہوا اسے دریافت کرو۔ ين قابل مين بواكا دباؤمعلوم كرد جبكه اليهمال سيمتبشي توازن بصر برقرار

هر --- دى مع ني كيت اور نصف قطر كا ايك نظوس كردي مركزه كيكدار سبال (< = كم هف) منت تجاذبي كره مبواتي منه كهرا مبواسي - ثانب كروكه دباؤكم تعين كرمنيوا في مساوات س

 $\frac{c_1}{c_1} \left(\frac{c_1}{c} \frac{c_2}{c_1} \right) + \frac{\eta \pi}{2\pi} c_1 c_2$

كن شرطول كے تحت د باؤكي شكل الله بموسكتي ہے۔

ا ۵ --- اگریہ مان لیاجائے کہ زمین کے اندرمسادی کتافت کی سطیس ہم مرکز کرے میں اور وباؤاور کتافت میں ربط د= کے (تا۔ مثل) سے جہال ت سطیر کی

کٹافت ہے توٹا بت کردکہ

نابت کرد کہ زمین کے مرکزے و فاصلہ پر دباؤ د ہے الیماکہ

اک د عن (ان-۱) در الان-۱ ا

جاں زمین کا نصف قطرا ہے۔

اگر ن = ا تو تابت کروکه ایک کروی غبارسه کا مجم حبکا ما دو تمام سمتول می مساوی طور پر امتدا د بذیر به برسه سعد برا امراع حب راس مساوات

م زن (+ باکا-وک (باسک)) کنابی ابوجائے گی جاں ک = جن کظابید ابوجائے گی جاں ک = جن

کم _ نابت کروکرمین (Smeaton) کے بوایکب کی (ن ۱۰)ویں۔

جسکی کثافت (گبرائی) کے متناسب ہے۔سیال کی مجرائی معلوم کروتاکہ توازن تنا کی مد

٢٧٠ - بارساكا ارتفاع ، ١٠ النج اور باره كى كُنّا فت ا صَانى بلجاظ يانى كم ٢٠٠٠ مر ١٥٠ كى كُنّا فت ا صَانى بلجاظ يانى كم ٢٥٠٠ مر ٢٥٠٠ كرين سيف - ٢٥٠ مر ٢٥٠٠ كرين سيف - النج كا دزن ٢٥٠٠ كرين سيف - ان حالات سكف تحت مره هوا ين كى ايك كمعب كربوا ايك ظرف بين حبكى تخبائش

ان حالات مسلط تحت عره موال کی ایک ملب کر بهوا ایک ظرف بین حبی مخباتش ایک ملعب نث مرم بچکادی گئی سے اس میں جمع سشدہ توانا کی کی معتب دار

مقریباً معلوم کرور معوم مسلم ان ادر شیشے کے پھیلاؤ صوا بط

ح - حراد عرات - م المارح و حراد ه عرف

سے معادم ہوئے ہیں جہاں ت تعیش سنتی گریڈ ہے اگر ایک آبی تنیش ہیا بنایا ما کئے اور اس کی ورجہ بندی معمولی سیابی تعیش بیا کی طرح کیجا سے تو ٹابت کرد کہ نفاط انجا دووش کے سوائ ملف نیشوں براس کا ارتفاع صیحے تبیش کو ہبت گھٹا کے ظلم کرکیکا ادر ۹ سے ۱۴ سے کچھ ڈیا دہ ممک اس سے جوارتفاع کمکیکا وہ منفی ہوگا

ک بر کریده اور . سے ۱۲ کے بیاد کریادہ بعث من سے جوار تھا کہ ہوا اور خطا سب سے بڑی ہو گی حب کہ ۵ ھہ ت۴ ۲ ت = ۱۰۰-

مہم سے ہواکی کچر مقدار جسکی کثانت مٹ اور حبکا وباؤ د ہے کردی ظرف میں بندہے۔ اگر کرد کے مرکز برقت، مد ن ف کا مرکز رکھدیا جاسے آتابت کرد کہ مرکست رفا صل برہواکی کثافت ہوگی

توت کی مفدت اس قدر بڑی فرض کیگئی ہے کہ طرف کے سائھ تماس رکھنے والی ہوا کی کتافت تطرا مذاذ کیجا سکتی ہے۔

(۲۲۷) هم سسطے زمن برگرہ ہوائی کا دباؤ ج اور کنافت ف ہے اور لبند رُنقطوں برگرہ ہوائی کا دباؤ کی دویں قوت کے باعکس متناسب ہے

ائی موٹائی اُنقی سستیں ہر نقطہ پر ایک ہی ہے اور بقا بلہ ل کے بہت جبوق ہے۔ یہ بیالہ راس کے اوپر ف ارتفاع پر دائری کورد کہنا ہے اور رکفف قطر کے ایک کرہ کے بمند ترین گفتہ پر ٹکا جواہے - اگر اس میں اٹنا پانی ڈوالا جا سے کہ اس کی سطح بیاد کے محرر کو راس سے ہے ث فاصلہ بر تعطع کرے اور اگر پانی کا وزن بیا ہے کے وزن کا جارگا ہوتو ٹا بت کردکہ توازن قائم ہرگا اگر

<u>ن</u> < ر- ال

ساک جوری مسادی اساقین شاخی بترا الدب ج ساکن ہے اس طرح کے اسے اس طرح کے اس کا مستوی اشترائی ہو اس کا مستوی اشترائی ہے اور دامس ج میں کی سطح کے نیچے ک گرائی ہو بر فاست ہے ۔ الرفیاری کا استحالی کا ارتباع سن است انتقالی کے جن کا دائیا ج سن است انتقالی کے ساتھ ذاوی ط بنا سے آو ثابت کردکہ ساتھ ذاوی ط بنا سے آو ثابت کردکہ

٨ د ت جم (الله عر) جم (الله عر) = ١ ك جم عرف

جال زاوي (ج ب= ١٥-

، ہم _ ، ارتفاع اور و نصف تظر کے بچوت اسطوانہ کے اندر بانی ہے اور اسطوانہ کے اندر بانی ہے اور اسطوانے کے سرے بندجی اِسکور نصف قطرے ایک کمرورے کو براطح رکھا گیا ہے کہ اس کے قاعدت کا مرکز کرہ کے بلند ترین نقطہ کو مس کرتا ہے۔ بابت کردکہ توازن قائم بانی کا وزن اسطوانہ میں بانی کے وزن سے مساوی ہے ۔ نابت کردکہ توازن قائم موگا اگراسطوانہ میں بانی کے ارتفاع کا طول مساوات

٣ ١١- ٢ (١ ر - ف) لا+ وإ =-

کی اصلوں کے ورمیان واقع ہو۔ اہم -- گروشی مکانی نما کی شکل کاایک بے وزن خول ایک متنابہ خول میں مکا ہوا ہے جبکا مبل قبل الذکر کے مبدل کا دوجیند ہے ہیں کے اندرسیال ہے

ایسے مستوی سے کا ٹ لیا جائے جواسکے محور مرعمود دار ہے ادراگر اسکوسینیج وار راس کے ساتھ اس عرق کرکے ایک جھوٹے زادید میں بیرادیا جائے تو اس وا دی معیار مصطم موسئ حصد كى مقدار يرمنحصر مني موتايناست كروكم اكر ! = ف (لا) مكويتى منحتی ہوتو ف کو معین کرنیوالی مسا دات ہے

[ال (١١)] = ق [ا + [ن (١١)] + ن (١١) تَ (١١) [ن [١١ + ن (١١) تَ (١١)]

جہاں مجسم کی کٹانت بلحاظ سیال کے ٹ ہے ۔ ۴ سا ہے۔ رنصف قطر کے عٹوس نیم رہ سے ایک مصد علیجدہ کر ملیا گیا ہے پیصیہ قائم اسلواند کی فعکل کا سے جس کا رتفاع ت سے اور حبکا محور کو محور اور حس کے قاعدہ كا مركز كره كا مركز ف - كره ك اس صديس ايك يتلى نلى يكدي تى ب جرابس يس مُعيك بينهُ ما تي ب- عراس كو بيع وارداس كيساية ايك سال من رهدكر على مين ف كنافت كأسيال والأكنياب- معلوم كردككس قدرسيال اس من دا إلا عباك توان تعديلي مو ماسئ- اكر على من التفاع كسسيال دافل کیا حاسے تو ٹابت کرد کہ

<u>ت = (۲-۲ با ن۲</u>

جال مٹوس *جبم کی ک*ٹا نت بذہبے اگر تی گران برک نت ف (ع) بواوجبم کی خرق سفره سطح میں کے کسی نقط کے محدد (لا ، ا ، ی) ہوں مبرسطے کو حوالیے کا مستوی لا ا فرص کیاما سے (۱۲۵) تو تا بت کروکه تیرا دُرکے مستوی میں کا وہ نقط جسکے گردیسم گھومتا ہے اس متوی کا مرکز تقل ہے جسکوایک پترے سے اندخیال کیا گیا کہتے حسکی کٹا نت

نقد (لا ، ما) رف (ی) ہے۔ ایک بیاله کی بیرونی سط کل وتر فاص کا ایک مکافی نماسے اور

سطح کے نیجے حبم کے اور مٹائے ہوئے سال کے مراکز تقل کے فاصلوں كا فرق عام طور براعظم النفل موس المراس كي كر وارن فيروا م إ وائم ہو بیفرطیکہ مٹالے ہو کے اسال کا وزن فیرنے دالی شے سکے دزن کے سابق یزاگر به فرق سے ہو اور صبم ایک انتصابی سندی کے محافظ سے متشاکل ہوج اس خطر عود سے جس کے گرد لتذکرہ بالا مناؤ پدائیا گیاسے اور ارا ایک ثابت خط کامیلان جوحبم کے اوراس مستوی کے اندروا تھے ہے انتصابی سے ساتھ طربوتو جمو ك امتزاز كا وقت وبي مركا جوسا وه رقاص كا بوا مع جسس كاطول سے ہو جاں گ اس خط کے گردش کا نفعت تطرب جو مبم کے مزار تقل یں سے گورہ ہے اور ہٹاؤ کے عور کے متوازی ہے۔ من خطور كوبيان كروجوان سائل كى عوميت كونود وكرف إن -المرامع بسير أيك انص مناايك سيال ميرجس كالنافت أس كالأفت كا دوجند المعاطيح تیرتا ہے کہ اس کا اقل مور (۱۷) انتصابی سندی میں ایک تقطیر کے کرد جوٹا بٹ محور ا (٢ ف) مي واقع مع جمو المامترازات كراب - الابت كردكد دور ہے جاں ابت نقط کا مرکزی فاصلہ کہ ہے۔ مم سو سداید رقی رس گاڑی ایک زنین دور رامسترین حس میں بی عمام ساسكتى ب آزاداد وكت كوسكتى ب- اسكواك مرب يرساكن ركها كيابادلك الجن دوسرے مربے براستے اندکی بواکو فالی کونا شروع کتا ہے اور مساوی وقون میں مساوی مجم کی موا خارج کرا ہے۔ نامت کردکہ وقت من برگارای کا فاصلم اس سرے سے صطرف کر یہ جارہی ہے شکل ذیل کی مساوات سے معلوم ہوتا ہے۔ ۵ مع --- ایک گروشی مجمع میں یہ فاصیت یا ئی جاتی ہے۔ اگراس کا ایک حصد

جہاں ناتص مخروط کا ارتفاع ف اور اسکے رخوں کے نفست تظر الاب ہیں۔ فیز ناتص مخروط افقی محدر کے ساتھ تیر ہا ہو تو تو ازن تا ہم ہوگا اگر فن سے (4 + ب) الر الا + ب ا)

من سے (4 + ب) الر الا + ب ا)

۲۹ -- کعب کی شکل کے ایک تطرف میں اُنے ہے کعب کا صناع ۱۱ و ہے۔
اس کوہ اوسفف نظر کے ایک کا مل کھر درسے ٹابت کرہ کے سرپر اسس طرح رکھ یا
گیا ہے کہ وہ مکار ہے ۔ خات کے دزن کونظر انداز کرکے ٹابت کروکہ اگر انتصابی
د حوں کے متواذی مستویوں میں مٹاؤ بیدا کئے جائیں تو تواژن قائم ہوگا بشرطیکہ

ائع کی گہرائی م و اور او اور او ایک ورمیان ہو۔ دما -- ایک متساوی انسافین مثلثی پتراجکے امثلاع (ب اس مساوی

بیں ایک اُئع میں جس کی کتا نت گہرائی کے متناسب ہے بیچے وار راس کے ساوی ساتھ تیرائی کے متناسب ہے بیچے وار راس کے ساتھ تیرائے اس طرح تیرسکتا ہو کہ خطا ﴿ د استعابٰی سمت سے زادیہ طد بنائے تو نابت کرد کرطہ اس مساوات

۱۸ نه حب طد = ۱۹ شام عر (جب اط - جب عر)

سے مامل ہوتا ہے۔ جہاں زاویہ ب (ج ، ۲عہ ہے اور بترے کی کٹافت شہ ،
اور أب یا أج کے مسادی گرائی پر انع کی کٹافت من ہے۔
الاس سے ایک گردشی محبر انتها بی توریح ساخة بتر اہے ۔ اس کے موریکے
ایک ثابت نقط پر اوز ان رکھ کر اس کو مخالت گرائیوں تک ڈبویا گیا جا سی کے شکل معلوم
کرداگر توادی بہیش تقدیلی رہے۔
کرداگر توادی بہیش تقدیلی رہے۔

١٧٧- - الرايك مبتم سكون من تيرس و نابت كردككسي مثاديك لفسالك

ان کے انتائی ارتفاع معلوم کروتاکہ توازن قائم ہوسکے۔

ہم اسلے وزنی کمدب ایک ابسے محور کے گرو حرکت کرسکتا ہے جوایک بنج

کے مقابل صناحوں میں سے گزرتا ادران کی مضیف کرتا ہے۔ اس محور کو افقی طور

پرایک خالی ظرف میں خابت کرویا گیا ہے اس طرح کو کمصب توازن کے محل میں

ترجما ہوا ہے۔کس گرائی تک سیال کو ظرف میں ڈالا جاسئے کہ توازی عیم تا کہ تا ہم میں ہو جائے۔

ہو جاسئے ۔ کمعب اور سیال کی کتا فقوں کی بڑی سے بڑی نسبت معلوم کرو کہ یہ

مکن ہوسکے۔

مکن ہوسکے۔

ہو فون کے کے کہ کہ کہ کہ کو کمعی نصف عزق ہے اور قان اور نا فائد کے صغوا متہ اور کا

ت به فرعن کرکے کہ کعب نصف عزق ہے اور توازن فائم ہے صغیرام تنزاز کا معالیم

رس ساہ کر ایک استادانہ جس کا تحورا نتھا ہی ہے ایک سیال میں تیررا ہے جس میں کسی نقط برکی گنا فت ایسے بدلتی ہے جس کا گرائی کی ن دیں توت-اسطوانہ کو اتنا سے دباری سطے پر عین منطبق ہوتا ہے اور تب اتنا سے دباری سطور عین منطبق ہوتا ہے اور تب اسطوانہ کو چیوڑو ہے براسطوانہ سیال کے عین اہم انتحاز تاہے - فاہت کروکہ حب اسطوانہ تیر افتحاز فرق سندہ گرائی کو اسطوانہ سے اسطوانہ تیر مرافحاتہ فرق سندہ گرائی کو اسطوانہ سے ارتفاع سے دہی سبت تھی جو ا

کو(ن۲+)^{0+۱} سے ہے۔

۲۶ -- ایک کیمال گردشی مکانی نما کا ارتفاع ن اور وترخاص ل ب افد اس کی کثافت اعنانی لمحاظ اس سیال کے جس میں سے تیرر ایسے س ب سے میابت کو کہ غرق شدہ راس کے ساتھ وازن کا صرف ایک کل بقیمیاً موکا اگر

٢٤ -- رئين اوه كا ايك ظرف گروشى مكانى ناكى شكل كا جه اوراس ميس النع جه نا بت كردكه قوازن ميشه قائم موكا بشرطيكه افررونی سيال كی مختافت بيرونی سيال كی مختافت سے برطى بو خطوف كا وزن نظرانداز كرديا كميا جه -كى مختافت سے برطى محروط انتصابى محر كے ساتھ ايك المع ميں عبلى كمافت اسكى ۲۰ ___ مکانی نما کا ایک حصر، درخاص ۱۹ ایک مستوی سے جوراس سے اور اس سے بوراس سے بالا ناصلہ برخور بر عمود وار ہے کا طب بیا گیا ہے۔ اگر مکانی نما کا دیا جا سے قو خا بت کرد کہ بیسائن ار ہے کا اللہ کے اس کا ماسکہ اگر کی میں ہوگا اگر مان کی کثافت کو مکانی نما کی ۔ کنافت سے نسبت ۲۰۰۵ نے در میں ہوگا اگر مان کی کثافت کو مکانی نما کی ۔ کنافت سے نسبت ۲۰۰۵ نے در میں ہو۔

ك = م كل مو كن لا فرلا

(r

(1711)

١٩- __ بيريك سيال ، وولال

کے زیر عمل ساکن ہے جو ملی الترتیب موروں کے متوازی ہیں- ایک ورو جس کی کٹا فت سے کم ہے سطح

یں کسی مگرر کھر ہاگیا ہے۔ مزاحمت نظر انداز کرکے نا بت کردکہ ذرہ کی رفعاد سطح (حسکی تعین مقدار کی سے ہوتی ہے) سے گزرتے وقت ایسے دلتی ہے مسلح

، الله المروى فا فرقوان كى حالت من سع جبكراس مي كره موائي المروي فا فرقوان كى حالت من سع جبكراس مي كره موائي المروي في المروي في المروي كالضف قطر كان المدن المراس كالضف قطر كان المدن المراس كالضف تطرف المروي الم

بع - اگر بار باکا ادتفاع ن ایخ اتر جائے تولفاً فرکے ناب میں صغیر استراز

کا وقت وریاف رود مرا --ایک قائم مخروط ایک طرف میں جسکے اندر دو و منے ہوئے سالول

۸۱ - ایک فا م طروط ایک طرف می جدای کا محدانتهایی ب اوراسکا کی گرانمان مساوی بین اس طرح اکا بوا سے کواس کا محدانتهایی ب اوراسکا

راس فرف كى تركساتر بالده داگيا به قائم وازن كى خرط معلوم كرو-١٩ -- يك سد إيسال وزرا ايسا ، دو نوشل سه جس كير شش (فاصله)

کے متناب ہے۔ اس کے گروسائن سال ہے جو درف اس کی کشفش کے الائت ہے۔ اس کے کروسائن سیال ہے جو درف اس کی کشفش کے الائت ہے۔ ناہوں کروک مسادی دیاؤگی طوں کی تفعید النماری تراشوں کی تفرقی

مسأدات اس تنكل

فرا ا الوك أو = ٠

میں رکھی جاسکتی ہے جہاں ڈنڈے کے سروں سے نقطہ (ادا) کے فاصلے ری تر ہیں اور ڈنڈے کے محافری اس نقط پر ڈراویوسا بٹما ہے۔

السلط ایک بالدتیل میں سیدائیر الم ہے ادراس کے اندریا نی ہے۔اس کی شکل معلوم کرد اور اُس کا فرق اغراق سے معلوم کرد اور اُس کا فنت شد کھینچر جب ودون ما نکات کی سطحوں کا فرق اغراق سے تام درجوں کے سام وہی ہو۔ منا است سی عکل سے ظرف میں کچھ انع معے ادراسکو مختلف فنکل سے دوسرے ظرف میں بہتے دیا جاتا ہے - اگر علی القوائم محددوں کے محاظ سے جو فارون پر المرتبيس أيه القطه (لا ا ما ، ى) يركسي ظرف مين و يا وُد مِرْتُو كالدولا فرما فرى كي دو نول فیتوں کے درمیان فرق اس کام سے جو مانع سے ادر واکے ظرف سے سیجلے فرت یں بہرآنے میں کیاہے اس قدر فرق رکھتاہے جواس کام کے مساوی ہے جو شخلے ظرف میں سیال کی سطح کو آسی ا تفقی مستوئی برالا نے میں اور کار رواسي جواديروا في طرف من سيال كي ابتدا في سطي على -مم ا - گردینی مکانی ما گی فنکل کے ایک ظرف میں مجھ سیال ہے جسکانی نما کے ایک ظرف میں مجھ سیال ہے جسکانی نما کے ا مشروع كرسى- اور ثابت كروكه اگرىي زاو كى زقيار ماج / ل بو تو ظرف سيال سى تفعف بحوا جواردنا جا بيئة -

اگر مكانی نما گردشی شرو بك ى = الله + الله كنال كابو اور محر (ى) انتقابی ہو اوراگرمسیال کی سطح جس منحی کرنطرت کو ملتی ہے اس کے اعظم اور اقل ارتفاع ی ، ی موں تو نابت کردکہ

جاں دونوں مکانی ناور سے داسوں کے درمیان فاصلک ہے

10-- ایک اسطوانی فارف عواص انتهابی مورکے ساتھ اس طرح انتھا گیاہے کہ بانی فارف کے اسلوائی فارٹ کی اوپر کی سطح سے کمر بان سے مرکز سے اس کا تم بوسے کے واز ن محررکے زاولی ہٹا وکے محاظ سے کا تم بوسے ۔

(۲۲I)

منکٹ کے راس ب تک پنج جائے۔ اگر منکٹ کے رقبہ کو کم سے کم رواجائے ہی طور پر کہ یا نی کی دی موئی گرائی کے سائے کا نمت برقرار رہے تو نابت کردکہ

مرس ج = مان ۲+ س + ۹

سر (= اس ۱ - س ۹ + س ۱ - س

جہاں ہندکی کثافت نوعی س ہے۔ ۱۰ ۔۔ مسال کی مجھ کمیت اپنی خوکمشش کے زیر عمل قوادن میں سبنے ناہت کردکہ کسی نقطہ (۱۱) می) برکا دباؤ اس مساوات

جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن (الم جفن الم جفن (الم جفن الم جفن (الم جفن ألم جفن الم جفن الم جفن (الم جفن ألم جفن ألم جفن (الم جفن ألم جفن ألم جفن الم جفن (الم جفن الم جفن الم جفن (الم جفن الم جفن الم جفن (الم جفن الم جفن الم جفن الم جفن (الم جفن (

سے حاصل برزارہ جاں ت نقطه (الا ١١٠٥) بری کن فت ہے۔

سیال کی لا تمنا ہی کمیت (ایسی که د = که ث اسم مهاں کرمت قل ہے) ایک ہتوار کروی خول کو گھیرے ہوئے ہے اور خود اپنی کمشٹ سے زیر عمل مواز ن میں ہے۔ اوج اسر رہے در مرس کسے افغال کردیا ہے۔

لا تنا ہی پر دبائہ ۱۱ کے کسی نقطہ پر کا دباؤسلوم کرد۔ 11 - منتقبیوں کا ایک بل؛ ایک مستری است زار داستے { ب کوانتی محل میں

ما منا ہے۔ اگرایک چوٹا منوک برج نقط کے برد کھا جائے قبل بچسال طور پر یسے دبتا ہے۔ جب بوج نقط ہے برر کھا جانا ہے تو سرا کر اپنے تحل میں فیر تعلیر

ربتانب، جب نقط که برقو سرانب این محل بن غیر معفیر ربتا سبع، اور جب نقطه ن برتودامست کا نفط ق اسنے محل این غیر متفیر ربتا ہے۔

ابن ارد ال ، كج = بك ، ك د انك ، ك ق

ادریک نظر ن برکے ایک وجہ سے نقلہ می برج انخاف بیدا ہوتا ہے وہ اس انخاف کے مسادی ہے جو اسی بوج کو نظر می برر کھنے سے ن بربیدا ہوتا ہے ۔

تابت كروكه آوازن كى منظر بورى وزى مارسطى اكرسطى ايك خاص لميايجيت كالموراكره نما ہر مبتر طبی_{کہ} د فاعی توت رہبت ریادہ بڑی نہ ہو ۔ ه سایک منلقی رقبیرسیال مین اس طرح درویا کمیاسی که اس کا ایک صلاح سیال كي سطي مير سبير - اس مثلث مير سب سية برسب مكن رقبه كا قطع نا قص ما باكيا ے - فابع كردك مثلث ك يقيد حصد ك دباؤك مركز كى كبرائ اس ك زیرترین نقطه کی گهرائی کا بدر ماس - ۱۱ اسم ٧ - سمال بركلي نبوش سك بوجب وإزب بالذاف معا يك ظرف يس عن برطاتا ہے۔ یافرت اقعی نا اللہ + اللہ + عیا = اکٹال کا ہے -کسی نقط برکا دباؤاور طف براعظم ادر اتل داؤك في تقط معلوم كرو-مد سه اكرايك ذوار بعتم الا عنلام كنتيك راسون كي عبرائيان عدى به مرى صنہ ہوں اور رقبہ ایم میں بوری طرح غرق ہو اوراس کے مرکز تقل کی گہرائی ف ہو تو اس کے دباؤسے مرکز کی گہرا ن ہے الله على المراب المراب المرابي المرابي المراب المرا _ ن ارتفاع كا ايك مخروطي طوف، راس نيج وار، ائع سے عمروا كيا ہے الغ كى كنافت لدلا سے جہاں لا كہرائى سے-اس كو دوسرے ظرف ميں جوا يك حردش مطح مى فكل كاب فرالد إليا جعب من بيمعلوم بواكه اس كى كثافت مه السيعة ابت كروكه ظرت كي شكل اس مساوات

اً + ئ = الم الا (ف - مب لاً) مسر عد

سے ماکل ہوتی ہے۔ ہ ۔۔ شلتی تواسش (ب ج کا ایک بند، منبع ب ج بریانی کا واو تھاستا ہے۔ایسی مضرط معوم کرد کہ زاوی (کے گردیہ بندالٹ نہ جا سے جبکہ یا بی

- كلدارسال كركيد مقداد جس كاجزا ايك دومرس كربرجب ما ون مردت عذب كرف بي ايك كره ير بحرما في سع جس ك مركزيرايك مركزى وست مد موجد سے - کره کا نصف قطر ج ادر سال کی کمیت (م که - مه)ج ہے جہاں ف ك = د - الاسك كروك وان كى شرطيل ورى موتى بيل اكرف، راسك إلكرت الريد ا --- ایک کره رنفف تطرص) با ن سے مین بجا بواب اور انتها بی مور کے گردزا و نی برقدار دسد کے سابھ گھومتا سے اس طرح کر سامن سے عن ماہمت کو دسامی داؤی جرمط کرہ کر علی انقوائم قطع کرتی ہے اس میں داؤ سے ت عام - الع كى كي كميت يمن محددول كم مستوايل كے ورميان واقع سے ان مستوايل یں سے برایک ایس وت سے الغ کوجذب کرائے جو فاصلے کے متناسب سے الد مش كى مطلق توتي مدا منه مراست المرسيقيدين بي- اكس نصف اتص منا اس طرح فابت كرويا كياسي كراس كاستوى رئ ايك موتى يرواقع سري ادر اس کی منحنی سطح ورسرے دوستویوں کومس کرتی سے اس کے مور تحدووں کے محدد ا

到河山

کے مالعکس مثنامب ہیں۔ اكرنانص نماكو وباعب ويف ك سلة سال ما كانى موة غيرومنها موا

ایک دائره سین محدد و بوگا -

تم سل نع کی کچر کمیت اسینے ذرایت کے باہی حذب کے تابع ہے ادر ایک وفاعی قوت التی کے مرکزیں سے گذرنے والے ایک مستوی سے پرے مہالنے کا از رکھتی ہے اورایسے برلتی ہے جیسے اس ستوی سے عودی فاصلہ۔ کے ساتھ گھومے تو لفا فرصغیر دباو کی آزادسطی ہوجاناہے ج کی تما متیمتوں کے سلتے مودواد خواد دہ ع سے بڑی ہوں یا چھو دلی ناست کروکہ لفائے کے متوالی تراش کے عمودواد مناؤ في أكا في طول سي

جہاں ('انف نما کی قبلی تراش کا رتعبہ ہے۔ ۔۔۔۔ کی کے نقریبا کردی مٹوس جسم کی سطح پر انع کی کے کمیت ہے۔ ۔۔۔۔ کی کی کی کی کہ ہے۔

شوس حبم كى معطى كى مسادات بر = ال (١ + عرف على) - عقوس اور ما تع كلينوش كى مورب برجب مناس كالم ما تعلق كلينوش كم محور برجب مناب كرست مي اوركل نظب مراوى روتال سد كسائة موسيقى كم محور ك كُروكه مناج - نا بت كردك خطائك توا الله است عير و بنيا بوا بوكا اكر

ک ﴿ وَ مَكَ ﴿ (١١ ل - ٢) - ٥ سد و الر (١١ ل - ٢) اور قطب غير و النبي موسك

بونك الرك < ١ عد / (١٠١٠) + ٥ سد الر (٥١-١)

جاں ا وونسبت ہے جو تھوس مبم کی کنانت کو النے کی کنافت کے ساتھ ہے۔ ١١ --- يه الكركوزين ايك سال بيشتل عن جرايك عنوس كروى مركة كو كليرك

روسائد ابن كروك لميلجيت صحبكو صغير فرض كما كياست ومشت

صدیک سف رن مره + ۲ (نف/نف-۱) سے عامل ہوتی ہے جال ک وہندت ہے جواستوار پرمرکزی تو ت کودیال کے جاذبہ سے ہے۔ کسف کل زمین کی ادسط مخافف اور ف سیال کی مخافت ہے۔ ذيل كي صورتين متنبط كرو

(۱) بورے طور رسیال زمین کی صورت صد = مدے (٢) فقوس در دوربهت پایاب سمت ر مه دل

ك على مخير وكا حادرتي مسيه مترجم

- لا مضف قط اور ث كثافت كا ايك كشوس تبافي بى كره مائع سنع كمرا مواجمة مبلی کتا نیت نه ادر حبکا مجم مید ۱۱ (ب ۳- ۱۴) سے - کل نفام صغیر زاد فی دختار سے تھا یا جا آ اے۔ ابات کرد کہ مانع کی ازادسطی مشکل رست ر = ب (ا- الله صه عي) سے حاصل ہوتی ہے، جہاں کرہ نما کی صغیر لیلیجیت صبہ ه اسلاب مردف مرده المرابع المربع ا اور ع ووسرارته كاليجند كالسرب . مَثْ كُنَا نُتُ اور سيم 11 (كم"- و") حجم كے متجانسس ائع كى كميت جو نہ کنانت اور و نصف قطرکے ایک نابت علوس کروی مرکزہ کو گھیرے ہوئے ہے تطبی محور کے گروصغیرزا و بی رفیار سدے ساتھ مٹھوس کے اننداینی خود شیش ہ کی منتش ادر ایک ذرہ کی کثیش کے ڈیرعمل گھوم رہی ہے۔ ذیرہ کی ے سے اور وہ قطبی تحور برکرہ کے مرکز سے لیے فاصلہ برواتع ہے۔ كل كي نعيش كرو كه تره كاكوني حصه المئيسة خالى نه بو اور ثانبت كروكه (٢١٩) کے زویے انزاز کو کے نفف مصدیر انع کا جم ان کے اُس جم سے بقار کے بڑاہے جواس صورت بن ہونا جبکہ ک نہ ہوتا ۔ الیسی عورت میں بحبث کرومکوٹ تقریباً فی کے سادی ہوجا سے-مم المسدايك متوانس تجاذبي الله الك استواد تعاف كويركر في مين اكافي ہے۔ نفاذ ایک یفیٹ ناقص منائی شکل یں ہے۔ سیال اضافی وادن می قطبی مور کے گرد توانائی بالحرکت ع کے ماضا گھوم رہا ہے۔ اگر سیال توانائی الحرکت ع

١١ و الناسة) سدر (١٠ وف- فر) و١٠ ١ نه عدا - سداعرا كم عدا

ا --- ف كنا نت كے جا ذب سيال كى دى ہو ئى كميت ا منا فى توازن بيں داو ئى رندار سنتہ كے ساتھ اس طرح گھوم سكتی ہے كہ اس كى اُزاد سطح نا قص منا كى شكل ميں ہے جس كے لميون محاور غير مسادى ہيں اور سب سے بڑائيم محور اوج البین شكل كا ایک استوار بڑن بنایا گیا ہے ادراس کے اندرونی سیال كوظرف کے ساتھ اون ئى سیال كوظرف کے ساتھ اون ئى توان كى حالت بيں سب سے جيو سطے حور کے گروزاو كى دفستار سد سے گھایا كيا ہے نابت كرد كر سطح سے كسى نقطہ بركا وبا دُسبے

ا أن (ساء شدًا) (لأ + أ) إ أن أساء شدًا) (لأ + أ - أوا)

بوعب اس کے کہ سد، مثلبہ سے بڑا ماچھوٹا ہو۔ میٹر نہ میں کے کہ

11 --- ادسط کنافت ف کا ایک خوس کرد یجسال کنافت نہ کے انع کی ایک بنا چا درسے بدید دالے ایک بنا چا درسے بدید دالے کر سے کرد سے کرد سے کرد سے کرد کے مرکز میں سے گزر سے کرد کے کرد صغیر کیسال زاو کی برتما رسہ سے گھو منا ہے - کلو من کرد معکوس مربع کے قانون کی بوجب اس طرح جنب کرتا ہے گویا کہ اس کا اوہ محور سے ایک نقط پر منجد ہے جب کا مرکز سے فاصلہ ج جھوٹا ہے - ائع بھی معکوسس مربع کے قانون کے بوجب حذب کرتا ہے - نا بت کرد کہ انع کی بیرد نی سطح مربع کے قانون کے بوجب حذب کرتا ہے - نا بت کرد کہ انع کی بیرد نی سطح تقریباً ایک کرد نما ہے جس کی بلیجبت 10 سنا / ۸ (ہ ف - س ف) سے اور جمام کرن کے مرکز سے ف جرا (ن - ن) فاصلہ پر داقے ہے ۔

سے گھوسے تو ٹابت کود کر مفترک سطح کی مکن ٹیکل ایک کرہ ہے۔

اللہ سے گھوسے تو ٹابت کے متجا مش اور کی محجہ کمیت ایک غلاف کو بھر دیتی ہے جو کئیک نافص تما لا ارفی + اسر مبا + محا ارج اسے نیے غلاف استواد مبم کی اندخط لا ارفی = الم م = می ارف کے گرد سکیاں زادی رفتار سدسے گھومتا ہے۔ اگر مرکز برکا دباؤسطے برکے کسی نقطہ برکے دباؤسے بقدر لم له دف کے زیادہ ہو اوریہ اصافہ فر بڑے سے بڑا ہوتو ٹابت کردک

جہاں ﴿ لا ، ب ا ، ج ما ، کسی افرونی نقط برکی مشف کے اجزار ترکیبی ہیں۔

ایک یکسال کرہ جو معبولی تجاذبی ا دے سے بنایا گئیا ہے اور جبکا نصف تطرار ہے جہدی یکسال زاوئی رفقارسے دور کے ایک قوت کے مرکز کے گرو ایک دارہ مرتشہ کرتا ہے۔ مرکزی قوت فاصلے کے مربع کے بالکس متناسب ہے۔ دارہ مرتشہ کرتا ہے۔ مرکزی قوت فاصلے کے مربع کے بالکس متناسب ہے۔ اگر کرہ کو بوری طرح یا نی سے ڈھانب دیا جائے اور یا نی کی برخ وکسٹش تظراندانہ کردی جائے تونا بٹ کروکہ یا نی کا بحم

٠١ ١٦ سي لا الرساح

سے بڑا ہونا جائے جہاں ت کرہ کی سطح پرجا فرہادض کی تبت ہے۔ ﴿ --- دونجا ذِنَی اِنَّات آمیز نہیں ہوتے ادر جن کی کنافتیں ف ، شراف کش)
ہم ایک استوار کروی لفا فر میں بند ہیں اور کل نظام اِ صافی تواز ن میں کرسے میں ایک قطر کے گرد صغیر بیساں زاو کی رفتار سد سطے گھو ستا ہے تابت کرد کہ ان دو التوں کی شفر سطے کی مکن شکل ایک جیٹا کرہ نما ہے جس کی ہملیجیت اور سالم کے مکن شکل ایک جیٹا کرہ نما ہے جس کی ہملیجیت اور سنا کے اسلام اللہ جیٹا کرہ نما ہے جس کی ہملیجیت اور سنا کے اسلام اللہ باتھ کے سالم ایک جیٹا کرہ نما ہے جس کی ہملیجیت اور سنا کی میں بیادہ نما ہے ۔

(۱۸۲

امثله

--- و نفف قطر کا ایک بپلا کر دی حول ب کثانت کے بیجا ذبی ائے ---عین بحرا بروانبیں ہے۔ آر اونے اصانی قوادن میں ایک قطرکے گروزا و فی رفت ار ۔۔ے تھوم رہا ہو تو اُبت کردکہ گر دیش کے محد سکے علی القوا کم خول کا جو بٹرا دائر ہے اُس کے کسی نقطہ برسطے وائرہ کی علی انقوائم سمت میں تناؤ ستان وہ ار کے مساوی ہے ---ایک استوارکروی خول تجاذیی سیال سے عین بجرویا گیا ہے۔ یہ ایک مرکزہ ہے جوایک دوسرے ملکے سیال کے خول سے گھرا ہوا ہے۔ کل نظام کوایک نظرے گرد گھایا گیا۔ ناہت کردکہ ایک جیٹیاکرہ نماسطح فاصل کی مکن شکل ہے۔ - ایک استوارکروی خول می و دانقات این جرا میز بنین موست ی نطب م استوارمیسم کی انندخول کے مرکز میں سے گزرسنے واکے ایک محور کے گرو ب سے بڑی زاوئی زقار معلوم کروجی سے لئے مشترک سطح کروی ہو جاسئے اورخول کومس نہ کرسے اور نابت کروکہ جب زا و کئی رفنار اس مجملت متعا وزنہیں ہوتی توکرہ نما کا حزوج المرکز خول کے تضعف قطور سخصر نہیں ہوتا۔ ـ ثُ كُنَانت ك الله ك كي كي كيريت ث كنانت ك الع كي تي كيديت س تحرى ہوتی ہے اور کل کمیت پوری طرح ایک غلاف میں تھرعا تی ہے جسکی شکل برلميليجيت صد كا ايك جيثاً كره نما ہے - اگر غلاف البين محور محمد كرد نيزنوني رفیار سه سے محموصے تو نا بت کروکہ مشترک سطح کی مکن شکل صر ہلیدیجیت کا ایک چیا کرہ نما ہے جہاں صب

هاست/۱۹ = صرف + بدرصه-صر)ت

سے عامل ہوتا ہے۔ ھے ۔۔۔ ایک غلاف صغیر ہلیلیجیت صدکے ایک لمبوترے کرہ نما کی فسکل میں ہے۔ اس کو ف + نه کن نت کے ایک سیالی مرکزہ ادراس کے گرد ف کفاض سے سیال سے بھردیا گلیائے اگریہ اپنے مورکے گرد زاد کی رفتاد (ہے۔ ۱۹ مف صد) آ

لك +ك) وك =ك ن ن سز<u>د مرکک +ک)</u> د و المراب و سنة (و المرب على) - با (ا-ركب) . و سن الراس الم كونكه سنة/ن ادر ا-ب جورفي بي-

> لميكن دفعه كزست تبسس

(14) \[\frac{1-\psi}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} - (\psi - \frac{1}{2}) \right] \pi \tau \frac{1}{2} - (\psi - \frac{1}{2}) \right] \pi \tau

(でーろ)カー はってをしか). اسی طرح

1-3 = 11-31 7 = 40+2 1-31 7 = 11-31 7

فاق الذكر ميك كے سات لركر مرکن = = سر مدک رجم طر

و ا کے متوازی -اگریم اتص نمائی شکل مان لیں اور و از کو محور لا اور گردش کے مورکو محوری

غرج = سنا(لافرلا+افرما)- الحب الأفرلا - ب ت إفرا- ج ت ي فري - مركب ر فرر + سرك لا ولا

ادرآزاد مط كي شكل بوني عاسيه

لاً (سدِّ- أث + مرك - مرك) + ما (سدِّ - ب ف - مرك)

- ی (ج ن+ مرک) = ستقل رست عمر المرك ما المرك من المرك المرك المرك المرك المرك ا

= ع (ج ت - مرك)

اب چوکی مین بنے مرز تقل دے گروزاو فی رفارسے کوم رہی ہیں ن سلم وث <u>- مرک</u>

لمبامورک کی طرف ہے اورسب سے جمعوا محد رحرکت کے مستوی برعلی انقوائم ہے - اور اجسام کے مراکز نقل کو لانے والے خطیں سے گزرے والی صدر می تواشوں کی پیجیتوں سیسیت مرکب برس کے بیم ک بیم ہے ۔ سمی مسبت مرکب برس ک بیم ک بیم ۔ (Math. Tripos. 1888)

اگراجمام کے درمیان فاصادت ہوتو کمیت ک کے مرکز تُقل و کاامراع منک ہے اور وکو ساکن کرد إ جاسخاہ اگر انے کی کیت کے برطفر پر یا اسراع متقابل سمت میں لگا دیاجا۔

الركيت كل مركز تقل الرواور ائع كي كميت مين كوئي نقطه ك جوتو ن پرعمل إرواي

كرف والى توتى بي ملك الىستىن الملك إلى كمتوازى وه قوت جو مائع كى برخود كشفس يدابوتى سبع، اورمركز كريز قوت -اب ن (كى مستدين

عمل كرف والى توت ن ١١٠ معادل ب

ن و کیست ین عمل کرسنے والی ترسست

سرک xن و کے اور و ایک موازی سل كرف دال زت رك × و (ك-

اول الذكر مدک ر (ن ۲۰ بر ۲۰ ن رجم طر) ۱ ایک کے پہلے رتبہ تک -

له اس قسم کے سٹلوں پراہ پلاس سنے (Mecanique Celeste)

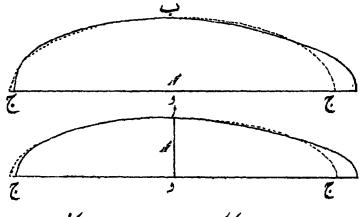
اشكال إلا يرج كوالا جازيت متذكره صدر ذارون كدومر عقاله سعداياكب ب نقط دار خط جیکو بی ا قص ما کو تعبیر است اور دوسر منحنی اسیاتی مانتکل کو ادروالی شکل است توانی راغی اور تجلی نصف اکنهاری زاش سے تشاکل کے مستوی میں-معجود في الميكيجبيوں مح بطوس متعانس اقص ماكي كشف سے كئے ب ذیل مجلے تھو سفے والے انع کی کمیتوں کی اختیار کردہ اشکال کی تجنب میں اکڑ مفید ثابت موتین می اگراد ب ، ج میم محرر موس ایسے کوب = او (ا- صه) ادرج = او (ا- شه) تو کسی اندرونی نقطہ (لا^ر ما ، می) برگر شش کے اجزائے ترکیبی ہیں ا نه، ب ن، ج نى جہاں (= ١١ ١١ - ١ صر - ١ أ أ (まなしかのかり)のから ان مبلوں کو ششاکل صورت میں اس طرح مبھی لکھا جاسکا ہے (= ١٠٤٠ (١- ١<u>٠ ١٠ - ٢ - ٢) وغ</u>ره ک= اله (اله + ب + ج) ا جيال ۲۰۵ __ مثال _ سخانس انع كيكيت ك اورك كيت كا ايك دوركها بوا كره اضافى توازن مي ابين مركز تقل كروبهو في يكسا ل زاو في زقار مسه سع محموم رہیے ہیں۔ نامت کردکہ انح کی آزاد سط صغیر کمیلیجیتوں کا ناقص نما ہیے جس کاسہ

له دیمیوراوُته کی (Analytical Statics) طدووم دندا۲۲ (طبع دوم)

ام

2

کونکر برانگارے کے مقالہ میں جوشکل کھینجی گئی ہے وہ نامسیاتی سے متشابہ ہے۔ مزید تحقیقات سے معلوم ہواکھ شکل اسیاتی سے اتنی شاہت بنیں رکھتی جبنی کہ بہلے فرض کی تھی۔ ڈارون نے اس پر دومقالوئل میں مجف کی ہے اور دوسرے تقرب نک اس کی شکی کا تعین کیا ہے و دشاخگی کے نقط پر جبکو بی ناتص نما کے تحوروں میں نسبت اس کی شکل کا نقین کیا ہے و دشاخگی کے نقط پر جبکو بی ناتص نما کے تحوروں میں نسبت اور سال میں کا جا کہ میں اور سال میں کا تعین سے دراسا فرق رکھتی ہے۔ ناسبیاتی نماشکل جبیکو بی کے اس ناتھ نما سے فرراسا فرق رکھتی ہے۔



جوا سینے سب سے بلے مور کے ایک سرے پرامحرا ہوا اور دوسرے برگند ہوا ہے۔

Loc. cit. p. 347, also Figures d'equilibre d'une masse fluide, p. 161.

"On the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 198 A (1901), p. 301. or scientific papers, Vol. III p. 288, and "The stability of the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 200 A (1902), p. 251, or Scientific Papers, Vol. III. p. 317.

ال اشکال کی فائمیت پرایک سلیس اور دلجیب معنون .The Genesis of Double Stars کی است پرایک سلیس اور دلجیب معنون .Darwin and Modern Science کی مصنون کا نکسا جواست -

درج کیکئی تھی - ان نیٹجول کو قائم کرنے کی کوسٹشش میں پوائکارے نے ایک Stockholm) بين شائع موا-اس تفاله مين توازن كي نشكر سيكم مشاربر زياده اقعل منا دوررا - يا بوسكم است كداك مى شكل دومناف سلسلول سعقلق ركح - اسطرح فمسلد برنجى تحبث كى سبع أوريه تناياس استجیکوی کے ناتص نما قائم ہو جاتے ہیں ۔ جبکوبی کے ناتص نماؤں کے نقط (Lame) کے نفاعلوں کی مدد خُنش میں واکارے نے دریا فت کھا کہ قوازن کی اضکا کی سے سلسلو ہے منشاکل ہوتی ہیں۔ تمام اشکال کراز کر ایک تشاکل کام اری باریس سرف ایک قائم موتی سے اوراس صورت میں تفاکل کے مرف شکال میں سرف ایک قائم موتی سے اوراس صورت میں تفاکل کے مرف توی ہو سے ہیں - یو دو فلل سے جو جیکو ہی سے افض نماؤں سے سام ل میں بہلی دوشا خگی سنے بیدا ہوتی سب اور ان کو توازن کی ناسباتی تناشکل

(117

ء = قد + الم سائر

بیرونی مانب حاصل عادی توت جعنء جه اور توازن کے لئے ازاد سطح کے مرفقط پر جن ع۔ منفی ہونا چاہئے گرین کے مسلمے سے <u> گرجت ع</u> فرس = کارلف ؟ فرلا فرما فری جہاں پیرالا تملی سطے پر اور وو سرا سال کے کل حجم کے اندر نیا گیا ہے۔ اور لفناء = لف فر+ ٢ سدّ = - ٢ ١١ ث + ٢ سدّ اس کے گرفت ع فرس = ۲ (سارہ ۱۹ مث) × جم

جبِ كا تعلق زحل كي جبلوں سے سبے ادراس و قت مسے اس مفنون بربہت سی تحقیقات

ہو چکی ہے۔ کمپلون اور شیط کی (Natural Philosophy) طبع دوم کے دفعہ ۷۵۸ میں متیجو س کی ایک تعداد جو مذکو رہ بالا اشکا ل کی قائمیت سے ستعلق ہیں بغیر ترویت

که افت افر ۵ مایه

مير Mecanique Celests, Tome II. p. 155 (Mecanique Celeste) حارروم کے افراب نہم اوہم اور وہم دیکھوٹن میں لا باس ا اسمیکول اور (Mme Kowalewsk) کی تختیعت تر ا برجب

كاكسيمكيول اور کی گئی ہے۔ کی گئی ہے۔

 $\frac{4i\sqrt{4}}{67} = -\frac{1}{67}$ $\frac{16i\sqrt{4}}{67} + \frac{1}{9}i\sqrt{4}$ $\frac{1}{67} = -\frac{1}{9}i\sqrt{6}$ $\frac{1}{10} = -\frac{1}{9}i\sqrt{6}$

اس سے سدکی تعین ہوتی ہے اگرف ان ب دے سے شخ ہیں۔ میکن اگر سد، ف دے جائیں توجو تکھ

اس کے بعدی مطوانہ توازن کی مکن فعل مبیر ہو گا سوائے اُس صورت کے حبکہ

سند < ۱۱ فسند < ۱۱ فسند < ۱۱ فرانگارے کامسکد - ہم سے یہ دیجواہے کہ جیکو بیکانق نما اصافی
توازن کی ایک نامکن شکل ہوتا ہے اگر

ستر/ ۱۱ ث 🗸 ۱۸6۰۹

اکے چنہاکرہ نمانا مکن کل ہوتا ہے اگر سمۃ / ۱۹ ث کے ۲۲۲ ء اور ایک ناتھی ہطوانہ ناکش کل اگر سمۃ / ۱۹ ث کے ا ناکش کل اگر سمۃ / ۲۸ ث کے ہو ۔ بوانکارے نے ناست کیا کہ اگر سمۃ / ۱۹ ث کا تو تو ازن کی اوری سفرط یہ ہے کہ آزاد تو تو ازن کی کوئی شکل مکن مہیں ۔ کیوکہ تو ازن کی ایک صروری سفرط یہ ہے کہ آزاد سطے سکے میر تقطہ برمضن اور مرز کریز تو ت کے حاصل کی سمت اندرونی جانب ہو ورنہ ایک حصد عبد ابورہ اسے گافرض کروکہ تجاذبی تو توں کا تو ہ فرسے اور محورست فاصلہ رہے اور خور کے وادن خورکہ

Bulletin Astron. Tome II. p. 117 or figures d'equilibre d'une masae fluide, P. 11.

اگر ۲۲۲۰ کی ۱۹۲۰ کی ۱۹۲۰ نے ۱۹۲۰ کی ۱۹۲۰ و تو دوسید کروناادرای اتف کا ۱۹۲۰ کی ۱۳ کی ۱۹۲۰ کی ۱۳ کی ۱۹۲۰ کی ۱۹۲۰ کی ۱۹۲۰ کی ۱۳ کی از ۱۳ کی
یم ہ ت ب لا اور سم ہ ت ال اور سم ہ ت ال اور سم ہ ت ال اور اللے ہزاوسطے کی مساوات ہے اور اللے ہزاوسطے کی مساوات ہے اور اللے ہزاوسطے کی مساوات ہے ۔ سنہ) لا زلا + (ہم ہ ت اور سنہ) افرا = • اس مساوات کو اس مساوات

"On Jacobi's Figure of Equilibrium for a rotating mass of fluid."
Proc. Royal Soc. Vol. XLI. (1887) p. 819, or Scientific Papers,

Vol. III. p. 119.

III, p. 170.

- ہمردیکتے ہی کہ وفعہ 194 میں (اب ب اج کے لئے جو جلے ئے سکتے من وہ اُل حبول میں تول ہوسکتے میں جو دفعہ (ما ١٩) میں مندرج ہیں اگر وہ کی کیائے جا(ا+لا) اب نے کی کیاہے جا(ا+کا) اور جا ہے کی بجائے جو اُر وا مکھا جا سے اس طرح د مغد (۱۹۷) کی مساور تیں (بر) ارجہ) وری بی جو وقعه (۱۹۴) کی مساواتیں (س) اور (س) بیں- اگرسیال کی کست ک دی جائے توایک اور مساوات سیے ۸ نٹ لاب جی ک حاکل ہو تی یے۔اس مساوات اور دفغہ (۱۹۷) کی مساواتوں زمیر) (حیر) سے ای ہے، کا گتین کے بٹ اور سد کی رقوم میں ہوسکتا ہے۔ ان ساوالوں کوسی- اور تیم (C. O. Mayer) نے دریافت کیا Traite de Mecanique یں بھی ان کی ب*وری تشریح موجو دِسبے جس میں ب*یر یمی ناقص نما سے جوسکارن کے ایک کرہ نما پر نطبق ہوتا ہے۔ مزید مہرا ریم بنا یا گیا ہے کہ دنفہ (۱۹۶) کی مساوات (جہ) کے این حانب کا تعث عل اس قبیت سے ایک بگار فتیت اعظب ما ختیار کرتا ہے ادر اس سے جیو کی فتیتوں من اور مرف ایک ناتص ما حاص بوتاسے ۔ میکلا رن کے کرہ کاؤں اور حیکو ہی کے نا قصر نماؤں سے متعلق نتیجوں کا خلاصہ لکھیکتے ہیں:۔ اگر ستر/۱۶ ت 🖊 ۲۲ ۲۲ و ټوکونۍ کرونما پایا قص نماېښ

Crelle's Journal, Tome XXIV. (1842) على اس تشریح سے فلا تسدیک نے وکمیو Traite de Mecanique Rationnelle, Tome

جلمنفي مونا جاسية ـ

يس يدمعلوم بواسيحكه

اوراس کئے مقادیر و ادر ب میں سے جمعدار جبول ہے اس سے ج جبوا اسے۔ زاو کی رفتارمعلوم کرنے کے سئے ہم جانتے ہیں کم

سز(دا با) = (ا - سب

= + (1-4) (1-4) (1-4) (1-4) (1-4) C

اور اس کے اگر ایب سے مختلف ہے تو

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{1} \sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{(-1)^2 + 2(-1)^2 + 2(-1)^2} = \frac{1}{1}$

ادر چونک یہ حبد ایک مثبت مقدار ہے اس کے سدگی ایک مکن قبیت حاصل ہوتی ہے ادریہ خاب مراک میں ایک مکن قبیت حاصل ہوتی ہے اوریہ خاب و قب کہ ایک مکن شکل ہے دب کہ اس نا تص منا کے تیوں مور غیر مساوی ہوں اور مائع سب سے چھوسے مور کے گرو

-1 = 11 - 31 J

جس سے بیٹا بت بونا ہے کہ سے حقیقی ہونے کے لئے یہ صروری ہے کہ ج حرو اور ادر

لاب (ب -) - (لا - با) جاج = (عد ابار د= ((۲ + و) (ب ۲ + و) (ج + و) اور اگر مانع کی کمپیت ک ہوتو $\frac{9j}{>(9+10)}\int_{1}^{\infty} \frac{\pi}{1} = \frac{9j}{>(9+10)}\int_{1}^{\infty} \frac{\pi}{2} = \frac{1}{2}$ $\frac{d}{\sqrt{(s+i\pi)}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{d}{v} = 7$ تب مسادات (عه) ہوجاتی سے $\cdot = \left\{ \frac{12}{5+12} - \frac{11-11}{(5+11)(5+11)} - \frac{51}{5} \right\} = \frac{51}{5}$ اگر وا ب سے مخلف ہو تو محروں کے درمیان جوربطسے اس سے مساوا (۲۱۰) $(r) \cdots = \left(\frac{r}{r_{12} r_{14}} + \frac{1}{r_{12}} - \frac{1}{r_{12}} + \frac{1}{r_{14}}\right) \frac{r_{12}}{r_{12}} \int_{r_{12}}^{\infty}$ پوری ہونی جاسیئے۔ اگر اور ب معلوم ہول قواس مساوات سے سے کا تعین ہوجا آہے اور ہو کک دامنی طرف کا جلد منفی ہے جبکہ ج = ، اور مثبت ہے جبکہ ج = ٥٥ اس کے ج کی ایک قیست حقیقی ہونی جا سینے جو مساوات بالا کوبوراکرے۔ ع اور چونکم FUT + TZ - TU + TT مثبت ہے اگرء کا فی بڑا ہو اس سلتے بیٹیجے کلیا سے کہ حب،ع چھوٹا ہوتو یہ آخری له دیجوکیوین اورمک کی (Natural Philosophy, Art. 494 n.

Munchin's Statics, Vol. If. P. 808

تعبیری رسکتی صبتک کدل ، ه، ن بی سے دومقداری معدوم نم موجائی۔ مسٹرگرین ل نے بیان کیا سے کروش کے مورکے سرے پر الئے کا ؤرہ صب الغ کی مشعش کے زیر عمل ساکن رہے گا کیونکہ اس نقطہ پر جلہ سکتا رسعدوم ہوجا آ)۔ بس ذره بركى كشش سطح عدادى سمت مي مونى جا جي جوصرات مورکے مرے کی صورت میں درست ہے۔ 4 و است جيكوبي كمسئله كاحسب ذيل نبوت اس - اسمته في مساله المومين (The Cambridge Mathematical Journal) یں دیا ہے۔ اگرانع کی کی کیست استواریم سے اندزاد فی زفتار سے محدی سے گرد گھوے اور اگر فقلہ (لا ١١) ي) بركشش كے اجزاء تركيبي ١٧ ما ، ع ہوں توآزا دیطے کی مساوات ہوگی (لا - سدّلا) فرلا + (ما - سدّه ا) فرا + سے فری = . اب أكرائذاد سطخ اقص نما هوتو ٧= (١١ما = ب ١١ ه = ج ي مہاں ('لب 'ج منصر میں ایں ان کا ۔ بس اگر او، ب ہج ناقص ناکے تفعن محد ہوں تو مساواتوں (﴿ - سَدَّ) لا فرلا + (سب - سنَّ) ا فرا + ج ى فرى = ٠ کوبشرطوا مکان متطابق کرنا ہے۔ اس کے مساواتیں (- سد = الم اب - سد = تابر ، ج = برا ا بوری دونی جا سیس جن سے له اور سد کوسانط کرفے سے مال دوا ب

140 - سطح برجا ذبه كا خاصل عمل قوتون ((- سنه) لا (ب - سنه) ا اورج ی کا جاسل ہے ادراس لئے اس عمود کے بانکس متناسب ہے جوم کرنسے مامنی مستوی برگھنٹیجا رہا ہے۔

ر که کراورلیب نیزے مئلسے استفادہ کرے یہ برآسان ٹاب ہوما اے کم می مرکزی مستوی تراش بر کا حاصل ندور اس مستوی کے عمود وار اور اس کے رقبہ

کے مشاکس سینے ۔ 190 مشار مربطر نے اس الم ن توجر دال کی ہے اور حسب ذیل طریقہ براس کی تشریح کی سومے کم گھو منے والے ناقص منا كا اعدا في توازن برقرار بہيں ره سكتا بدبكه كروش كامحوصدرى

صدری محادر کے محاف سے فرض کرو کی گروش کے محور کی سمتی جیوب المام

ل، ه، ن بين كميت كاكوئي نقطه (لا، أاى) سب اور ل اسعودكا إي

اسراع سلم هرك كومحرو ل كم منوازي تحليل كيا عاسية تواجزات تحليلي

عل ہوتے ہیں سنر (ال- لع) سنر (ا - مع) سند ري - نع)

اس ملئے آزاد مطح کی تعرق مساوات ہے

إسة (لا - لء ؛ - ولا كولا + إسة (١ - م ء) - ب اكفرا + إسة (ى - ن ع) يج ي فرى -بس آزا وسطح كالخيك مساوات

سنز(لا+ما+ئ)-سنزل لا+م، +نى)-(لا-ب، المرب على - مستقل سے ماصل ہوتی ہے اور بیساوات صدری موروں کے کافات ایک ناقص ناکو

مل له و لا كوبس سے جباكره فا حاصل اواب مستروكركارمسام كو وا بن طرف منفل كرك سي <u>ءِ آ (۱ - ۶) (۱ - لا کرا ج) فرع</u> اس مساوات سے لکی تعین موتی سرج جبکه لدمعلوم مبو-ان کومشبت قبت وسینے سے مساوات کی داہنی طرف کا جارمتنب بوگ اگر لہ = ر ادر سفی اگر لہ = ٥٥ ، بس لاکی ایک تیت منبت ہوگی جو رین مساوات کو یورا کریگی -زیربران سا دانون (۲) کی روسسے سر = ال الم = 37 (1-47) 27 is (7) (7) بس اس کی بور تی طرح تحقیق موگئی که تین غیرمساوی محورون والاانص نما ده. ۲۰ محورگردش کے محور پر منطبق ہوتا ہے ساوات (س)سے بدفا ہرہے کہ لا کہًا لاز اً کا ورنسٹکرا پھڑا ر كى بورى دست ميس متبت بوكا اوراس من معدوم نهوسك كا- اس ك لايالالاناً كالا ادراس نے وارے یا بارج کہ سے بڑا ہونا جا ہے۔ اس سے جيكوبى ناقص مناكى دول البيتين جمول بنين بوسكيس-

= \ \ \frac{q' \(\frac{1}{2} \) \(\frac{1}{2} ب = مرکز کر عافر ع جا کر (۱۶۲۱ عا) هر ج = سرک رُ عِزْمِ (15 1/1)(51)1 کونقبیرگرتاہے۔ اُزادسطح کی تفرقی مساوات ہے ((لا - سد لا) فرلا + (سب ١ - سد ١) فرا + ج ى قرى = ٠ ادراسلے اگر آزا دسطح نانض نیا (۱) ہوتو (ナール)(+じ)=(リールン)(+じ)=アールン)(+じ) سدا كرميا قط كرنے ہے (1+17)(1+17)(1-レー)=ラ (ピーピ) اور (' ب، م کی تیتیں اس می مندر ج کرنے سے یہ (١+٤١)(١+١٤) رُدِّا - لا) عِلَ فرع - (دَّا - لا) كُلُّ عُوْع -

Mécanique Céleste, Tome, II.;

نوٹ متعلقہ مغیر (۱۰٪) ریکھیہ

Cours de Mecanique

(Duhamel) נוֹין

Statics, Vol. II, p. 306.

(Minchin)

له کے سافہ صفراور لا تناہی ہو تا سے - اس سلے اس کو ایک الیسی قمیت اختیار کرنی حابسینے بوا صفراور ۵۰ کے درمیان لہ کی کسی خاص میت سے کئے ایس طرت کے مقبت متفل کے مساوی ہو۔ مزید برآں یہ تبایا حا سکتا ہے کہ اسس مساً وات كى عرف ايك إصل شبت سيت كونكرية ابت بوسكتاب كد والبنى طرف نتدم شبت ہے۔ اس کئے ہواور کے کو دی مونی مقداریں ن نتیج پر جنجیے ہیں کہ ایک اور مرت ایک کرہ نما شکل ہو گی جس کی طرت Mecanique Celeste, Tome, II ت لا لاس كي تحتاب Systéme du Monde, Tome II كصفحالا من إنتي كولان كي Mecanique Celeste Tome, II کےصفحہ ہی ہیں اور شیانڈ کی و التص نب - جيون في وريانت كاكر مير، ا دی موروں والانا فص ما تھوسنے والے انتح کی کمیت کے سلتے اصافی Journal de l'Ecole Polytechnique, سے لیا گیاہے جو گردش کے تورکو توری اس کر فرض کرو (اگر مکن ہو) کم التے کی سطح اس کل الی ہے۔ براز الح کی کیت کے ہوتوسطے کے نظر (لا) ایا ی) بر کے فدویر

(117)

ر فقارسے ایک خطاصقیم ہیں حرکت کر کیا بیس اُس حرکت صف خور کرنا ہوگاج کمیت کے مرکز کے لحافاسے ہے -مرکز کے لحافاسے ہے -کمیت کے مرکزیں سے ایک ایساستوی کھینچوجب کی سمت میں ڈاو کی معیار حرکت اعظم ہے۔ تب ریستوی حبکو معیاری ستوی کہا جاسکتا ہے ٹا بن دہے گا خواہ مرکت الم بعد میں سال سکے ذرات ایک دوسرے پرکسی طرح کاعمل کریں اور جب فرات كي المنا في حركت أن كي إيمي ركز من خاكم موج اليكي تواهنا في توازان كي ها مير ت وی پر کا عمود وار محور اسال کی کمیست کا گردسشس کا محو رتبو گا۔ فرض کر وکر نظام کا دیا ہوا زا و نئ سمار حرکت ھرہے اور با لا خراسکی زاوتی رفتار سدہے۔ نوازن کے کرہ نما کے محرول کو ج اور ج مرا + لکا سے ادر کست کو ک سے بقیر کریں توزاد نی سیار حرکت کے لئے جلہ ہے گئے جا (۱+ لا) سدحال ہوگا۔ ن باک ج (۱+ لز) سه = ه نز ہے ہوشج (۱+لا)=ک ان و ومساداتون اور سساوات سن = (س + فرا مست الرسولي دقعه (۱۸۸) سے ج اسد اور له كي ميس درافت كيجاسكتي ميں -بهلی دو مساوا توں سسے ドー(リナリ) ではけいるアロー でかっています。 で(<u>されか) いいっ</u> = ポリナリ (リナー) جس سے لاکی تعکین ہوجاتی ہے۔ اس مساوات کی ہیپیٹمہ ایک اعل وجود کہتی ہے کیونکمہ داہنی طرف کاجمسالہ

ست رکے ساتھ ملکر نقط ن پراس کرہ ناسے عود وارہ جو نقط ن میں سے محررتا ہے اورسطح اب ہے سکے ہم مرکز اور متشابہ ہے۔ دوسرے الفاظ بن سطی برے ایک ذرہ کا وزن اُس مسادی دباؤ کی سطے کے ع و کی سمت میں عمل کرتا ہے ادر کسی اندرونی ذرہ کی صورت میں اس مساو**ی دباؤ** اسي طرح الرُآزاديطي (ب ج كي مُثل مكن الشكال من - إيب موتو ہم یہ تیاس کرستھے ہیں کہ الع کاایات ہم مرکز خوا کمیت کے ساتھ جوار دیا گیا ہے جل کی بیرونی سطح مسی شکل کی ہے جینے آب ج یادد سری مکن نیکل کی سطے ہے۔ پهلې ديت ين (ب ج ساوي د بازي سطيمي روگي ليکن د وسري صورت میں (ب ہے مساوی دباؤ کی سطح منہیں ہو گی۔ کیو گمرساوی دباؤ کی نئی سطحیں بيروني سطح كے متشابر اور متشابها واقع ہونگی-سروا _ اگرسال کی مجرکیت ایت مرکز نقل میں سے گورنے والے ایک محور الیسی زاونی دفتارسے گھا دی جائے کہ ستر / ۱۱ نش کی تیمست ۱۱۸ یس عال سفدہ حدسے سخا وزکرجاے تو اس سے بیمستنبط نہیں ہوتا بال كره فاكى شكل مين موادن نهيس بوسكما كيوكرية فياس كيا جاسكنا سب كم موركي يعيل جائيكي اور زماره جيشي عورت اختياركرك كي حتی کہ اس کی زاو ئی رفتاراس قدر گفٹ جا ہے کہ کرہ نماننگل کا امکا ن ہوجا۔ یال کال پرشتل ہو تو اس کی شکل توان ن تیجیکرہ نماشکل میں سے رك بيدا برتو استزازاك بتدريج عصية عائس ك ادربالا خرفوازن كاايك محل روعا ع- آب بدا صول استعال كرك كركل نظام كا زاد في معيارا نوكت بلحاظ مجور تتقل ربسيگا ہم انتہانی زاو نی رفتار اور اختیار کردہ انتہا ئی شکل معلوم کر سکتے عام سوال ریحث کرنے کے لئے وس کروک سال کی کمیت کوکسی طرح حرکت ریکی ہے اور میرا کو بنی مالت برجیوط ویاگیا ہے تکست کا مرکزیا توساکن ہوگایا کیساں

ر من کرد که ﴿ سب ج آزار طح اور ۵ ع ب مساوی دبا دُکی کو تی سطے ہے ، بہلی صورت میں دع ف مے کسی نقط برکی عاصل قوت اس نقط برسطے فے عود دارہے اور (ب ج اور دع ب کے درمیا فی سال کے وجود سے - اس من آگراس سال کو نکال د ما جاسے قائس سیال لسكی نقطه پرکی قوت اگر دید که اس نقطه پرسطح کے عمود دارہے اندرونی نقطیر صفر دونی سبے اس سیم کس سے اور دع ن کے درمی نی سال وعليجده كما جاسكتا سنه بشرطيكه كروش كي رفغار غيرمتنغيريه کے کیے نقطہ ن پرکے ذرہ پر خول کا عمل مقطہ نہ ہے سکین میعل مکیت کی ھاک کی مشش اور مفروضہ قوت

اب یہ واقعہ کرمتجانس سیال کے ایک کرہ نما کے مورس کی کتافت زمین کی اوسط لآنت کے مساوی اور جس کی گروش کا وقت زمین کی گروش سے وقت کے مساوی ہوہ ۲۳ : ۲۳۲ کی نسبت رکھتے ہیں یہ بتا اے کہ یہ باکل فارج ازامکان سے کہ زمین ایسے رور جات میں سی و تت ایک متعان سیال کی کمیت تھی۔ – لمبوترا کره نما مکن شکل بنیں۔ یمعلوم ریسے کر ہم نے اضا نی توازن صرف بدوكها ما بسب كواكرستر/۲ ۱۱ ث حربه ۲۲ و تو يطيفي كره نما مكن شكل ادرېم د يلطنے بي كه يه نيتح سال كى مقدار كميت برمنحصر بنيس بلكه حرفسس لثانت اورزاو کی رفتار برخصر بسب - اگر سند / ۲ ش / ۲۲ و تو اس یہ نیتجہ نہیں نکلتا کہ وازن امکن ہے باکھرنٹ یرکہ اس صورت میں چیٹے کرہ نما میں لہ کی بجائے ۔ ک^{ڑا} لکہتے ہیں جہاں کہونا جاسیئے < ایت اُئس دفعہ ۱۹۲ _ اِسْ نے (Tome II p. 547) یہ بتایا ہے کہ بیرونی قوقوں کے زیرعم ساکن (۲۰۳ خروری فرق ہوتا ہی جوابینے ذرات کی ایک دوسرے کو حذب کرنے والی تو تول کے زیر عمل ساکن ہے اِن کے زیر عمل ثابت محدر کے گرد سکیسال دفست از سسے

مس کی میں نظام کی اکائیوں میں ج = ۹۸۰ تقریباً اور ۱۹۲ = ۲۹ × ، استی میر-

ع = س ع / ۱. × س ع د ع ۱ س ع ۱ م ۲ م ۱ م

آگریم کره نمائی نشکل کے لئے سنٹر کرد بالاتیت کو اس کی انتہائی تیمت معنوں ۲۲۲۷ کے مساوی میں اور دف کی منز کرد بالاتیت کو استعال کریں قومحوری کرزش کا وقت ۲۲ ۴۸ مست = ۲ گفتے ۲۵ منٹ حاصل ہوتا ہے۔ اس نے مقلیل ترین وقت ہے جس میں کچھ سیجانس کمیت جس کی کٹافت زمین کی اوسط کٹافت سے مسادی ہے
جوانتهائی قیمت ۲۲۲۷ء سے کم ہے اس کتافت اور اس زاو کی رنتار کے لئے دوکرہ خانی اشکال مکن ہیں کیونکر لکی دوحقیقی قیمتیں لتی ہیں جیسا کہ دفعہ (۱۸۸) میں واضح کر دیا گیا ہے۔ بڑی تیمت ایک بہت ہصنے کرد خاکے منتاظر ہے اور جیوفی قیمت سے ایک ایسا کرہ نما حاصل ہوتا ہے جس کی ٹیلیجیمت دند (۱۸۹) کی دوسے ہے

سے بہت ہی کم فرق رکھتی ہے کونکراس کی بلیجیت 114 میں ہے یعنی کرہ نما

اور (F. R. Helmert) اور (A. R. Clarke) کا (F. R. Helmert) کا مضون (Figure of the Eurth)

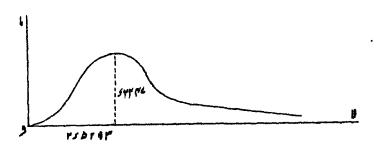
اور چونکو لم ١٩٣٧ ٥ ٢٦ اس في ١١ + كم ١ ٢ ١ ٢٥ ١ كين تيم مورون میں نسبت ۱۱۰ لا ۱: سب اس سے ل کی بڑی قمیت ہمین داوہ بی کره نما كو تعبيركرتي سبيعاور سنزار ١٠٠٠ من كوبهم عبنا زياده حيومًا لين وه كونها زياده ترحيثا موعيا بالسب جواصل ليسك متناظرت نیز سلام ہو ت کی جید اُلی تیتوں کے لئے اسل لم جید فی ہوگی اور اگرصد کرہ نما کی بلیجیت کو تغییرے تو م (١٠صه)= م ١١٠٠ و اسطرح صد = لم التريباً اوراس ك مسأوات (حر)سے مه كي بإرتوت تك - يا میکارن بیلانفیض تھا جس نے یہ ٹابت کیا کہ متعانس سیال کی کمیت جبکہ ده کھوم رہی ہوتو بواز ن کی ممکن تنکل میٹیا کرہ نماہوتی ہے اوراس کئے ان کرہ نماول کو اگریم فی الحال زمین کو ر بضوف قطر کا ایک کره امین ادر اس کی اوسط مختا کو ف سے تعبیر کریں قواس کی سطح بر کی کشش ﷺ ہٹ نے سے تعبیر ہوگی۔ اس سے قطب پر ما ذہ ادمن کی قوت (ج) کی بھی بیالسٹس ہو جاتی ہے۔

نه داردن کی کتاب «Scientific Paper» طیسوم کے صفحہ ۲۲۳ میں سنا / ۲ ف کی دوروں کی کتاب میں سنا / ۲ ف کی قیت بلیدیویت کی تیسری قرت یک ماشل کانجی ہے۔

کے معددم ہوتا ہے جو ماست بڑی ہے۔ مدولوں کی مردستے ہم باسانی دیکھ سکتے ہیں کون (۲) مثنبت ہے اور ف (ش) منطی اس سنے مطلوب ممیست میں اور ۲ اور ۲ مار سے درمیان واقع ہے۔ نیز من (۵ مرم) = ۲۰۰۵ و تقریباً اور

نوش کے طرفیہ تقرب سے ۱۶۵ و (۲۶۵) = ۱۲۵ سر ۲۰۹۳ د ۲۰۱۶

Y50495=



بیں فرا صرف اس وقت معدوم ہوتا ہے جبکہ لا = ... با ۱۶۵۲ میں اور اس کی تمیت عموم ہوتا ہے جبکہ لا = ... با ۱۶۵۲ م اور اس زفت ما اعظم ہے اور اس کی تمین عمر میں ہوتا ہے ۔ اس مقلے مساوات (بر) کی ترمیم اسٹان کی برگی بولسویریں دکھا انگا گئی ہے

لیکن اس میں معین کا بیانہ فصلہ کے بیانہ ہے براہ کیا گیا ہے۔

نیس ہم اس نیتحد بر بہنچتے ہیں کہ اگر سیا (۴ ہو شا) ۲۰ مرتوج بیٹا کرہ نما توازن کی مکن شکل نہیں ہو سکتا- لیکن اگر سیا /۴ دف حرے ۲۰ ۲۰ د تو

مروها کوارف می من مصل ہمیں ہموسلما۔ میں اوستہ ۱۶ کشت کے ۲۶ ۲۴ تو تو دوکرہ ننائی اشکال مکن ہیں کیونکہ ۲۷ مام ۲۰ سے کوم معین کی ہر خمیت کےجواب ہیں ۔ فصلہ کی دوختیقی قبیتیں کہ ، کرم حاصل ہوتی ہیں۔

(۲۰۲) ۸۹ ا کره نمانی امتکال کی بلیلیجیت - جب اکی درخیقی قیمتیں له، لی

مول توایک ۱۹۳۵ و ۲۹سے بڑی اور دوسری اسسے کم جوگی-فرض کروکرلم کلم

توجيع سنا/ ١٦ ث مُعَنَّاتٍ لم مُعَنَّاتٍ اور لم برنتاب (ديميونكل)

جإل

ا شکال (جر) در (بر) سے ظاہرے کہ بالترتیب لا = ، اور لا = 0 کے لئے

امدوم ہوجاتا ہے ۔ اب ہم بیتائیں کے کہ جیسے لا صغرت بڑتا ہے تو ما ایک

اور مون ایک متیت اعظم اختیار کرتا ہے ۔

 $\frac{i_1!}{i_2!}$ $\frac{i_2!}{i_2!}$ $\frac{i_2!}{$

اور حب لا نیز مہی*ں حاص*ل ہرتا ہے

$$\frac{(u'' - u'')(u'' - u'')}{(u'' + 1)''(u'' + 1)}$$

(لانها) (لانه)) الماه الماه) الماه الماه الماه) الماه الماه الماه) الماه الماه الماه) الماه الماه الماه) الماه الماه الماه) الماه الماه الماه الماه الماه) الماه الماه الماه الماه الماه) الماه الم

(1-1)

تواذن كى مساوات س فرو = ت (سدّلا - لا) فرلا+ (سدّ ١ - ما) فرا - ع فرى } لیکن کره نما کی سیاوات ست لا فرلا + ما فرما + (١ + لاً) ى فرى = . ادر جوئكه اسكومساوى وباؤكى سطح بونا چاسبية اس كنة سر- لال = سر- ما/ما = - مرال = - مرال ا + لا) ي میں میں ماصل ہوتا ہے <u> سنا _ (۱+۷) من لر-له _ ۲(له ممسن لر)</u> بولايف سلم = رس + لذ) مستل لرسم له (عر) اگر سداور ت وقع جائیں تواس مساوات سے لد متعین ہوجا تاہے اور بھر کرہ نما کے نیم محوروں کی باہمی نسبت معلوم ہوجاتی ہے۔ اصلی طل دریافت کرنے کے نئے فرض کروکہ ا= (4+ لأ) مست الا -4 لا مس الا كى كاس كے سلك موسدر عرف سے جيم عافق برك مرت ق ہے جبکہ لا < ا حاصل ہوتاہے

بقید نوٹ صغیردس کرکے استفال سے غیر منطق مقدارین شائل نہیں ہوئیں۔ مائل شکال کھیلوں اور را وقع کی تحلیلی سکونیا عدد معدد دم صغیر ۲۱۹ میں مندرج ہیں -

ای د فد کے تنائج نیر منجان سے ال بر بھی صادق آتے ہیں فواہ متوا**ر** طبقات میں کٹا فت کے گفیر کا کا فون کچھڑی میں۔ ۱۸۸ ۔۔۔ متنا نس العکی کچکمیت جس کے ذرات تعییز میڑی کے ہوجب یک دوسرے کو خدب کرتے ہیں اعلانی فوازن کی عامت میں اونی کمیت مے ے مورے کرد کیاں دفیا دسے طوم دی ہے سطح كي مكن شكل معلوم كزا مطلوب لين بدوكها ما حاسكنا ب كربيقًا (Oblate) كرونما تورزن كي مكن شكل ب-زص کروکہ کرہ نما کی مساوات ہے $1 = \frac{\ddot{i} + \ddot{i}}{(\ddot{i} + \ddot{i})^{2} + \frac{\ddot{i} C}{7}} + \frac{\ddot{i} C}{7}$ جہاں گروش کامور تحوری ہے۔ ت نقط الله الله ی برے درہ بر مبدا کی ست می کاور کے متواذی مال ششیں بالتر نیب ٧ = ٢ ان لا (١ + ١٤) مس الد- له } ما = ٢١١ شا { (١+ لا) مسال - له }

اله - لا باس ک (Mecanique Celeste) باکسن کی (Mecanique Celeste) وزیر کی است کی (Mecanique کردیر کی استوری (mecanique) اوراً کو بہتر کی سکونیات میں یہ جملے کمینی میں استورات (لا با تا) وال بات کی ساوات (لا باتا) وال بات کا کر والا (۱- زام) = اللیکی ہے لیکن استورات (لا باتا) والم بی میں سے متذکرہ بالا جملے حاصل موطبق میں -

جو ذرہ اور کمیت کے مرکز کے ورسیان ہے، اور اگر سیال کی کل کمیت کا ماب مد ہوتو نظف ا، ا، ی برکے سالی ذرہ پر ماصل کشش کے اجزاے ترکیبی محدول کے متوازی ، مدلا، صد ما، مدی سے تعبیر وسکتے ہیں۔ مبداکو مرکز مقل پرسیسے اور گروش کے محور کو محوری زارد سینے سے توادن كى مساوات ب فرد = ش (اسدًا لا - مدلا) فرلا + (سدًا - مدما) فرا - مدى فرى } رو = هر + الله ف (سيا - مد) (لا + ما) - ١٥٠ ي } آدادسطح ير د صفر إستقل ب اور آزادسطح كى مساوات ب 1147, (ا- سين)(الأ+ ما) + ي = ل مستقل ل سال كي كيت براور سد برمخصر وكا-سدجب بہت چموٹا ہوتا ہے تو آزاد سطح تقریباً کردی ہوتی ہے اور جیسے سد مفرسے صد تک بر بتا ہے و کرو ی سطح قطبین پر نیا دو ترجیبی ہوتی جا جی۔ سرِّ = صد تو آزادسط دوستويون برستل وي باس كومكن بناسف م یہ تصور کرسکتے ہیں کرسیال ایک اسطوا نی شطح کے اندر گھرا ہوا ہے جس کا محی سنّ کے مدتو آزاد سطح زائدنما دوحاوری ہوتی ہے جو سد کی ایک فاص میت (ستہ) کے سنے مخروط بنجاتی ہے ادر سیال اس نفیا کو یرکر اسے جو مخروط ادر اسطوا سے کے درمیان سے -سال کے مجرکومحسوب کرکے ل = ،رکینے سے سکتے کی تعین بوسکتی سرے کو کد اس صورت میں مسال داو معددم موجا اے۔ لل سعر > سند وأزادسطى نائدنا يك جادري بوقى بيد جرجيد سدرم بتاب اسطوان کی شکل کے قریب آنی ہے اور اس سے سے کی بڑی فیمتوں کے لئے یہ قایس کا مزوری مے که اسطوان جس کے اندرسیال سے اسیف سروں پربندہے۔

(194)

یا سب بار دہم گھوشنے والے مارئع کا تواز اجس کے ذرات ایک

۱۸۹ - گرائع کی مجھمیت جس کے ذرات ایک معین قانون کے ہوجب ایک وسرے کو ہوجب ایک فانون کے ہوجب ایک فائن کے ہوجب و ایک فائن کے موجب تو ایک فائن مورے کر گھونے تو ازاد سطے کی کسی خاص شکل کے ساتھ ہیں۔ بہرکسیت چونکو کسی ذرہ برکل کمیت اصلی تواندن کی حالت اختیاد کرسکتے ہیں۔ بہرکسیت چونکو کسی ذرہ برکل کمیت کی حاصل شخص عام طور براس کی شکل برمنصر ہوگی جو غیر سعلوم ہے اس گئے اس مسلے کی حاصل شکھر علم سے اس کئے اس مسلم کا مکمل علم المناز کی اماس کی اس مسلم کا مکمل علی مسلم کا مکمل علی مسلم کا مکمل علی مسلم کا مسلم کی اعاس تا۔

سن سہد و موروں کہ میں میال کو نیگے اور اپنی توج صرف ود موروں کہ محدود در تھیں سکے ۔ پہلی صورت میں تجا ذبی تو توں کا فاصلے کے متناسب ہونا اور دوسری صورت میں نبون کے کئیہ کی بابندی ڈنا ذخص کرلیا جاتا ہے ۔ کہ ہوا ۔ ۔ مینجانس ائع کی کچے کمیت آبنی کمیت کے مرکز میں سے گورمنوالے کہ ہوا ۔ ۔ مینجانس ائع کی کچے کمیت آبنی کمیت اس کے مرکز میں سے گورمنوالے لیک محور سے گرد کمیال رفتار سنے گھوم دہی ہے۔ اس کے ذرات ایک ودسم کو ایسی وت سے جیسے فاصلہ آزاد سطح کی مشکل متعین کونا مطلوب ہے ۔

ئى سىكى ئىنىدى ئۇنا مىللىرب سىيە -كىسى درە بركى ماسلىك شىش اس فا صلىكى سىنىدىن دراس كىستىلىپ

ام -- سیال کاایک قطاد جرکسی آدنوں کے زیر عمل منہیں سواسے بیکمال بیرونی داؤ اور سطی تناؤ کے ایک استوار مبم کی طرح ایک محور کے گرد تھوم را ہے ۔ ثابت کرو کہ سطح پر سے - لے منتقل سے جہال مرہ من سطح کے صدری قطانخا ہیں - لیم منتقل سے جہال مرہ من سطح کے صدری قطانخا ہیں - لام سینتھ وادا نتھا کی ہو اور مبدا مناسب ہنتخب کیا گما ہو تو تابت کردکہ میں مدم کتا فتوں سکے ودسالوں کی سطح فاصل ہی رابط

ای= ۱۱ (مرًا + سمرًا)

کو بوداکرتی ہے - حباب انخا کے صدری نفف قطر م اسم بیں جن کو مضبت قرار داگیا ب بیکر تقعر نیچ وار بور اوا اور دست/ اج (مم سمم) اور درمیانی رخ کا شعاری مستقل س ہے -

المن المطع موری کے گرد کر دستی سطع ہو تو فا بت کرد کہ مورکے زدیک کے حصد کی تقریبی مساوات (اسطوانی عدد ول میں)

٢ (ى - ى) = ى و ١٠ ١ + ١٠ (ى و١ + ١٥) و ١ ر٠

کُٹکل کی ہوگی اور بتا تُوکہ حب لی میں اٹھ ہو توالیسی صورت میں بی زاویہ تمامسس کی رقوم میں کمس طرح بیان کیا حاسکتا ہے ۔

(Amplitude.) Am. = b Cotam. = A

م مع -- إن كا ايك قطره سينيك كي ايك انعي تختى كي نيلي سطح من لاك راب أرسطى مناؤكو إن مع وغي وزن كي ما تونسبت مورد اور و = ١٠ مر (فرفه فرس) جہاں تُعَارہ کے نصف النہاری منعنی کی قوس س ہے اِدر فر دہ زادیہ ہے ۔ جو تضعف الهناري منحني كاعماس افق ست نبأأست تونا بت كردكه (جب فر + ع) (عب فر + م ع) عدد عرب فر العاف + مس فد ع + ع)

جهاب عَ = فرو/فرفد ، عَ = فراء / فرفد ، اگرمه كام يع نفرانداز كرويا ماسخ تونا بت كروكه مضف النبارى منحى كائما كامريع ب مع ولا ليا المرابط ال

جا لا = المست فر اور نظرانطات برلاكي قيت لا --4 مع زادیر راس م عد کا ایک طویل فان یا نی می ترروا مع اس طور برکداس کا تاعده انقى اوراس كا ادبركا كناره إنى كي قدرت جوارسط مي سبع -الرسرول بر شعاري ممل نفرا نداز كرديا هاسئة تو ناست كروكه

و-وَ= ٢ ست قطع (مبع مر+ جمم)

جهاں فان کا وزن نی اکائی طول وا اس کے ساوی حم کے بان کا وزن و بسطی تناؤ ت اورقوت شعری کے زادیو کا کمارم سے۔ ، ہم _ سے حج کے بارہ کا ایک نظرہ بغیر بیرونی و و سے علی کے سفینے کی دو ادارہ ان متحد میں محل کے سفینے کی دو ادارہ ان متحد منتوں کے درمیان دو یا گیا ہے۔ تعنیتوں کا درمیان فا صلاف بیطی تناؤ مت المشيق اور باره كے لئے زاويہ تماس دب - نا بت كرو كرمط اوب دا كى مقدار و ١٦ ست عرم / (١- م)

سے مانس ہو کا جاں کنافت کو من تعبیرکر ہا ہے اور یہ ان ساگیاہے کہ تعرہ کروی ہے مس وددائری مصلے من اشترک محرران سے سندیوں برعلی القوائم سے الع کی ا کے بند جلی کو تھامی ہوئی ہیں۔ جہلی کی اندرو نی ہوا بیرونی ہوا سے زیادہ دیا و پر ہے۔ تاب کردکر جہلی کے سرے نفسف قطر و = است کے گرے ہیں اور صبلیون کی درسیانی سطح ایک گردشی سطح ہے جس کے نصف البناری سخنی کی واتی سماوات جب فر - الله ید ب بان حرک ساته عما د کا سلان فرے در فاصلم

9 س ۔۔۔۔ اُگر اُئع وو سوازی انتصابی تختیوں کے در سان شعاری عمل سے او پر مینیا ما سے نو نابت کرد کم ساکن سطح کے او پر آزا وسطح کے کسی نقط پر جزا اور ت /طن مرسین ہے جہاں ماس کارتفاع ف اور آزادسطے کی قرس س ہے جوراس کھے نابل گئی ہے اسطی تناؤ ست اللہ ج ن ما کے مساوی ہے اور مقیاس ک

سا عراس کا حارد زادیه تماس عد سے اس کے محدرکو انفقار کد کراس کوبتدر مرج ا نع سے کا لاگیاسے ناست کردکہ النع کی ابتدائی اور انتہائی ہموارسطے کے اور دنت ارتفاع یک جب اسطواد کا مورانیج ماآج وا نع کے ساتھ تماس وُٹ ماآ ہے جاں فت ساورتوں

> ف=رجم (ف-ع)+ م جم ي <u> الر</u> بب (ذ - عه) + ۲ بب ف- - مسترا مب ق ع اجب الله - مسزا جب الله

سے ماس برناہے اور طی تناؤکو اس کی کفافت سے ساتھ جونسبت ہے وہ ہے ما ج

ا در تنجلی صدایک وزنی تحکیدار تا گؤ ہے جور تضعف قطر کے ایک افقی وائرہ کی شکل میں آزادان الك راب - "ا في كاقدرن طول ٢ أو اس في المكال قدر له اس کا دزن ۲ ۸ و اور جلی کا منا و ست سبے ۔ ا بت کردکرر ساوات

(الا - لا سام) لا - الأور + (لا + وا لا) وا = ·

- انع كى ايك جبلى برونى طف ست اكيد ايك بنداستواد تا دست محدود سب ب کے ("ارکے)منحیٰ کا ایک ہی مستوی میں ہونا عیزوری منہیں جہلی کی المرونی حدایک بندلائم الحامی - ا بت كروكه كسى نقط برا المي كالصف قطرا تخا مستقل (Torsion) کا نصف قطر جبلی کے اس نقطہ پر کے

نسی ایس صدرتی نفیف قطرائخا کے عدداً مساوی ہے۔

مع مع مع مستارك إيك دائره كو (تضف قطرلا) صابون آييرياني كي سطح مين ركفكر آبسة آبسندا علايا كياسي الداس كساته ايد جلي الحدة سك-اس ك

وزن كونظ الذاز كرك ابت كروكه جهلي كي نصف البناري الراش ايك زيجيره سي جبلي یا نی کی ہموارسطے کو حس زاویہ پر التی سیت اس کومعادم کرد۔ نیز تا بت کرد کر تصف النہاری منحنی کا مبدل جہلی کا رقبہ 19 اس سے ساوی ہو الری ہے جہاں ی

جمزای + ی (ی - ۱) أ = ی

سے عامل ہوا ہے۔

سم سر سفاري بي كارراجب إن من وبودياج البي ف ايتفاع مك (١٩٦) اس میں چڑھ جا آہے۔ ملی کو یا نی سے سٹالیا جا آ ہے اور ر نصف تطب رکا ایک قطرہ اس کے سرے بر منو دار ہوتا ہے اگر نلی میں شہیے ہوسے یا نی کا طول قطرہ کی تہ سے نلی کے اندرو نی آبی ستون کی جو ٹی تک فت ہوتہ نا ہے کرد کہ سطمی شاؤمنا

۱ مت رج ث = ر (ف ک - ف) - ليارا

کرہ ہوائی سے گراہوا ہے۔ اس کے اندرایک ہم مرکز جون سے جو ہواسے بھرا ہوا سے جس کا جم اس کرہ ہوائی کے داؤر ہے 17 اللہ ہوتا ہے۔ اس کا کاسطی تناکو مث ہے سنا بت کردکہ توان نی کے صورت میں جون کا تضعت تطرالا مساوات

 $\left\{ \vec{l}_{1} = -\frac{\vec{l}_{1} + \vec{l}_{2}}{\vec{l}_{1} + \vec{l}_{2}} \right\} \stackrel{(1)}{=} = \left\{ \frac{1}{\vec{l}_{1} + \vec{l}_{2}} + \frac{1}{\vec{l}_{1}} \right\} \stackrel{(2)}{=} r = \left(1 - \frac{\vec{l}_{2}}{\vec{l}_{1}}\right) \Pi$

49 - اگر کتاف ف کے انع کی کھی کیت قوقوں کے ایک بقائی نظام کے زیمل توادن میں ہوجن کا قوہ کسی نقطہ پر سے سم جہاں رہ ایک تاب نقطہ وسعے فاصلہ ہے ادر اگر مضیف کی دومتوازی تختیاں جن سکے نزدیک تر رخوں کے درمیان بہت جبونا فاصلہ ب جب انع میں و کے شفائل جا نبری میں رکھدی جائیں اور اگر ان تغییوں میں و کے مقابل جیو سے مواخ ہوں جن میں سے انع بد کر جاسکتا ہے ان تغییوں میں و کے مقابل جیو سے مواز جوں جن میں سے انع بد کر جاسکتا ہے تواب کردکھ واسب جو ہردو تختیوں کے عبیدے ہوستے دائری رقبوں کے اندرونی و برونی مضعف قطر میں مساوات

م ج ٺ (ال - لي) وس جم و

سے مربوط ہو بگے۔ جہاں عددہ زادیہ ہے جرا ہوائی سطے شینے کے ساتھ نباتی ہے اور معر رشعاری ہستقا ہے۔

س شفادی منتقل ہے۔ ۱۷۰ سئینے کی ایک بڑی تختی ایک اگئ کی سطے سے اسٹانی گئی ہے اس طرح مائع ف ارتفاع تک ادبر کھینج آتا ہے ادر تختی کی نجلی سطح کے ساتھ زادیہ نماس کا متم بہ ہے ٹابٹ کروکہ مائع سے بھیلے ہوئے دائری صدی نصف قطر تقریبًا

الله ب (ا - جم الله به) / (ف ا - ب الب به)

ہے۔ جہاں ب سب سب کے شارع شاہ سطمی تناؤ ن اورا نع کی کٹا فت ف ہے۔ اسم --- مائع کی ایک جہلی ایک گردشی سط کی شکل میں نٹک دہی ہے اس کا مور انتصابی ہے۔اس کی اوپر کی حدایا حاطم ایک دائری تارہے جوانقاً تعا اگلے ہے

+ ٨ ١٨ ف سارا + ٨ ١٦ ف من سرح ر + ف ا ت = سے ماسل بڑا ہے جہاں صابون کی جہل (کے دونوں سطوں) کا کل تناؤنی ا کا نی مال

٢٥ -- الكُ مستُوى تختى الع بين جزءً على كروى كنى عدد الع كى كثافت ف اور سطی تناو مت سے۔ ان اور گئتی سے ادات کے سلنے تون شعری کا زاویہ بر ب اور تختی انق کے ساتھ زادیہ عد کا سلان رکھتی ہے۔ ا بت کرد کہ ائع کی ساکن سطح سکے ادبر الم مخنی کے دونوں رموں پرا کئے سکے ارتفاعوں کا فرق ہے

۲۹ -- ایک زیم ا ب ج د تین سیدے تاروں (ب، بج، ج د سے بنایا گیاہے اوران کو ایک مرفولد د اک وس سے ملا دیا گیا ہے مرفول کا زادیہ ہے۔ ے۔ مرخول کا محرر ب ج سے اور اب ، ج د ، طول و کے نفیف قطریں - افر رمیر صابون کے محلول میں دبودیا جائے و است روکوایک جبلی بدا ہوگی جس کی سطمل قوانا ئې موگي

(1+Tb) (1+Tb) (1+1)

جا سطی تناد سے اور ا ب ،ج د کے درمیان میوازادی مدے۔ ٧٧ _ كُنَافَتِ بَنْ اورسطى تنادُ ت كاايك سيال ونفست تفرى ايكستعارى (١٩٥٠) نى يى او بركىنچا كيا بي جي تي ساته رادية تماس عب- اكرت عج ت ما تو نابت روک نلی کے محیط برسیال میں د تفاع کب بڑھ مبالات وہ ہے

المريخ معد الروقاء - المس عد- ومس م)

جان في كتيري اور اعلى قوتي تظراندازكروي كمي مي-

٢٨ ___ سينتي كُنانت من كتجاذبي ائع كاحجم الله ١٦٠ ١١ وإوبرك

ک (۱۳ ۱۵ + ۱۶ کا) (۱۳ ۲۵ - ۱۹ ۲۵ ب + ۱۳ ب - ۱۹ ۲۵ ۱۹ ۱۹ کا) (۱۹ ۱۹ کا) = ۱۹ ۱۹ ب ۲۵ ۱۹ ۱۹ کا

معوم اسمال کی ایک جہلی دو ایسے تا روں کو چبکی ہو تی ہے جن میں سے ہرایک مرغولوں (Turn)) ہے دونوں مرغولوں ہرایک مرغولوں کے جورایک دوسرے پرمنطبق ہوتے ہیں اور ان کے گام ((Steps))ساوی ہیں۔ نیا بت کروکہ جہلی سکے توازن کی مشرط بوری ہوگی اگرمحور ہیں سے گذر نیوا لی جہلی کی کسی تریش کی تقرقی مساوات

1 - 1 del - 1

کی فکل کی موجبکه ۱ ۲ عد = برم غول کا گام بینی دومتسله چرایوس (Threads) کا درمیانی فاصله-

مع سے سے تار کے ایک مرفولہ کی گھا تی ہے ادراس کا طول بھا باس کے قطر کے بہت بڑا ہے۔ اس کے مور کے سروں سے ایک کیکدار ڈوری (کیک کی قلام ع) إلاه دی گئی ہے تار کے مرمرے کو نضف قطر کی سمت میں موڈ دیا گیا ہے تاکہ دو مورسے جانے۔ ڈوری حب سیدھی ہوتی ہے توجیت لیکن ہے تنی ہوئی ہوئی اگل دو مورسے جانے ۔ ڈوری حب سیدھی ہوتی ہے توجیت لیکن ہے تنی ہوئی ہوئی اور دوری کو ایک جہلی الا اور دوری سے جبکی ہوئی نظلتی ہے تا ہے کروکہ سروں کے نزدیک سے حصوں اور دوری نفعت قطر سے آگا ہوئی مولد میں مجیح جاتی ہے حباں ر مسادات کے سواڈوری نفعت قطر سے ایک مرفولہ میں مجیح جاتی ہے حباں ر مسادات اس کے سواڈوری نفعت قطر سے ایک مرفولہ میں مجیح جاتی ہے حباں ر مسادات

---ایک صابونی نگبله کوایک تمیس که کمیت مک سے بحرویا گیا ہے جس کا و او وجیتے تیش برم × (اس کی کمافت) ہے۔ لمبلا کا نصف قطر کہ ہوتا ہے مبلا اس کوہوا میں کودیا جا اس کے بعد بار بیا کا ارتفاع بر بہتاہے اور بیش فیر متغیر مہتی ہے۔ نا بعث کروکہ لمبلہ کا تضعف قطر بر بتا ہے یا گھٹا ہے برجب، س کے کہ جہلی کا ناؤ

۸ ا نابن کروکدمساوات

= لامس (ه ی + سبا)

مائع کی جلی کی ایک ممکن شکل کو تعبیر کرتی ہے جبکہ دونوں طرف دہاؤ و ہی ہو ہے 14 -- اگر دوسوئيال جوياني برتيرريي مين متشاكلاً ايك دوسرے محموازي ر کعدی جائیں آو ناست کرو کہ وہ بغلا براکیب ووسرے کی طرف تھنچ اسٹیکی اور یہ کہ میمل شفش طحی تنا و کی وجہ سے ہو گا۔

- ایک چھوٹا کھب الع میں ترروا ہے اس طور پرکہ کھب کی سطے کے ساتھ۔ (۱۹۱۱) ا نع كا زادية تماس منفرج ب اور ١٦ - عدائے مساوى بى اوركىب كا او بركا كرخ افقى سب - اركا تركا كرخ افقى سب - اركا تو ج ف م ٢ افقى سب - اركا تو ج ف م ٢ موتو ثابت كروكهكس تبسك كااكر

۲۱ سرو و نفعتِ قطرکے دو دائری قرص اس طرح دیکھے ہیں کہ ا ن سیست کی ان کے مرکزوں کو ملا سنے والے خطیر عوویس ان قرصول سکے محیطول کو صابول کی ایک جبلی سے مانا گیا ہے جس کے اندر اتنی کمیٹ کی مہواہے جینی کو اُسی کڑھ ہوائی میں ج مفعف تطریح ایک کردی لمبلک عین بجرسکتی سے - اگر دیلی اسطوان كى شكل كى بوجكد قرصول كے درميان فاصله ب بوتو ابت كردكه قرصول سني درمياني فاصطفروى منك كمثانا بوكا تاكر جبل كروى فنكل اختيار كرس جبال

اس کو صابون اور با بن سے محلول میں داخل کرکے اوپر کھینج لیا گیا ہے حس سے مبعن اس کو صابون اور با بن سے محلول میں داخل کرکے اوپر کھینج لیا گیا ہے حس سے مبعن صورت میں مستوی جہلیاں بدیا ہوتی ہیں جن کی ابتدا کناروں سے ہوتی ہیں جن کی ابتدا کناروں سے ہوتی ہیں جن کی ابتدا کناروں سے ہوتی ہیں جو اور جوالیک تنظہ برا کر لمتی ہیں۔ خابت کروکہ ہر جارسطی کے لئے توازن کی بینظل مکن بنیں ہو اور بیکہ دیا کہ رخ مشاوی الا صلاع مثلث اور دومرے درج مشاوی الا صلاع مثلث اور دومرے درج مشاوی الساقین مثلث ہوں جن کے دوایا داس میں سے ہرا کی سے مراکب

سا ا -- سنتینے کی دوستوازی تختیوں کے درمیان بہت ہی کم فاصلہ د ہے۔ اسکے ا در سیان اِق داخل کیا گیا ہے۔ نابت کروکہ تختیاں ایک دوسرے کی طرف ایسی قرت سے کھنچ آئیں گی حج

آ د جمر + ب ت جب د

کے ساوی ہے۔ جہال جہلی کار قبہ (اور اس کا گھیرا ب ہے۔

اللہ اسے سٹیٹ کا ایک کھو کھلا کا تم مستدیر مخروط متجانس ائع میں رکھا گیا ہے اسطوریہ کہ ایک محوکھلا کا تم مستدیر مخروط متجانس ائع میں رکھا گیا ہے اسطوریہ کہ ایک محوراً شصابی اور راس اور وار ہے۔ محروط میں کس بلندی اکس افر قریمیگا۔

امکرونی ان کی کسطح کی نفر فی مساوات معلوم کرو۔ اسطوانہ کی صورت میں نتائج افقارہ اللہ اللہ کی قدرتی ہموار مسطح میں واقع ہے اگر فولا و کی کتا فت اصافی کی فایا فیا بی کے قد ہو اور قوت منعری کا واویہ بر ہو اور و و اور و می تواسش کی اوس محد کے دور می تواسش کی قس محد کے معاذ می باتی ہے تو تا بت کروکہ

(١ ف - ه) جب ال (١ - ١) = جم عد جم ال (عد + ب)

11 --- ایک متعادی بی گردشی سطح کی شکل کی بعد اس کوانصابی مور کے ساتھ۔ اس اس کوانصابی مور کے ساتھ۔ ایک افح میں جزو عرق کر دوا گیا ہے تکوینی سطی کی مساوات معلوم کرداگر ان میں از ان میں ہو۔ توازن میں دے جاہ اس کا ارتفاع نلی میں کچے ہی ہو۔

طول کی عددی قیت کے مساوی ہے ۔ اگر جہلی و خیروست علیحدہ کردی ماستے اور اگر فیسے کمیت فی اکا نی رقبہ تعبیہ موة نابت كردكه

ت=ع- فرح ، (كوكرمياكول)

۔ متعدد صابونی بلیلے ایک ہی انع سے اُٹھائے کئے ہیں اور بھران کوایک دوسر سے مادیا گیا ہے ایسی مساوات معلوم کرو جس سے حاصل سندہ بلیلے کا تصفیط معلوم ہوسکے۔ اور نا بت کرو کرسطے کا گھٹا و جھرے اصافے کے ساتھ متقل بنسبت رکھتا ہے۔ ٨ - ا ين كاسطى نناؤ جبكه اس ك ادر بهواكبو ايسا ك كه ايك الخ يركا زور تقت رياً م مسر گرن دزن کے سا دی ہے۔اگر ۱۰۰۰ کردی قطروں سے ملنے سے بارش كا أيّب قطره به الج قطر كاسبت تو نابت كروك مطى ناؤ ك كاكام تقريبًا ١٢٤٠٠٠٠٠ ف یوند کے مماوی سے۔

 ۹ --- اگرایک جبلی اندرونی دبرونی فیرساوی دباؤں کے زیرا زائی گروشی سطے بنائے تو نابت کروکہ نظام ن پر کے ماسی مستونی کامور کے ساتھ میلان فداس مساوات

 $\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \frac{dt}{t} = \int_{0}^{\infty} \frac{dt}{t} + \frac{1}{U}$

سے حال ہوگا جاں نقط ن سے مور بر کا عود لا ہے اور ایک ب منقل ہیں۔ ورسے انٹے کے ایک تطود کا سطبی تناؤیکساں ہے اسے ایک محررے گرد کھا ایکیا ہے (۱۹۳۳) نابت كروكه سطح كالفعث النهأري مختى استحنى

کے قطب کا گردونیہ (Roulette) ہوگا۔ ۱۱ ۔۔۔ دوصابونی طبیلے ایک دوسرے کومس کرتے ہیں آگر بیرونی سطوں کے نفقطر ر، ر ہوں اور اس دائرہ کا نصف قطر رہوجسس میں تینوں تطعین قطع کرتی ہیں تو + + + = F

اُ تُعَابُ مُنَّ مِن اور نفسف قطر ﴿ اللهِ على الترتيب ايك گرين اور ﴿ گرين كے اوزانَ مَساوى مور اور نفسف قطر ﴾ الله اور الله الله مران و دو نول صور تول ميں كل اندرونى دباؤكر ور اندان كا مقابله كرو- اندرونى دباؤكر اور كر نفسف قطر كے دو صابونى بلبلے ايك مى مائع سے اُ تُمَاسِ جائيں اور ود نول فكر من نفسف قطر كا ايك ملبله بن جائيں اور ود نول فكر من نفسف قطر كا ايك ملبله بن جائيں اور ود نول فكر من نفسف قطر كا ايك لمبله بن جائيں نو نا بت كروكر تناؤك

ヴ-5-で×T

کے ساوی ہے جاں آآ کرہ موانی کا داؤ ہے۔

سم --- یا نی ادر ہوائی سطح فامسل کا سطحی تناو ۲۵ و۸ ، یا بی اور بارہ کی سطح فاصل کا ۲ و ۲ م ، ادر بارہ اور ہوا کی سطح فاصل کا ۵ ۵ ہے۔ بارہ کی سطح پر با بی کا قطرہ رکھنے سے کیا از فہوریذیر ہوگا۔

اہم ۔۔ یل کے ایک تطوالویا نی کی سطی پر دیکھتے ہی وہ فوراً انتہائی رقیق پرست میں اپنے اس کے اس تھیلاؤ کے سبب کی تشریح کرو۔ اور مظہر کے ستا ہدے اس کے اس کے اس کے اس کے سبب کی تشریح کرو۔ اور مظہر کے ستا ہدے است ایس کرد ہے ت

میں ، بر اس کی موالی ا . . . ، و ایج سے کم ہوسکتی ہے ۔ سے نابت کرد کہ برت کی موالی ا . . . ، و ایج سے کمیا اے واقع ہوگی۔ رتیل کا دوسرافطرہ سطح پر ڈالد سے سے کیا اے واقع ہوگی۔

۵ -- اگر ایک لم کا تا کا جیکے سرے ایک ووسرے سے با دھ و کے سکتے ہیں ماتع کی جہلی کے اندرونی حدو د کا ایک جزو ہو تو تا بت کر دکتا کے کے برنقط برانخا ستقل

اگرتا گا وزن ہو اور جہلی ایک انتصابی محدر کے گرد گردشی سطح ہو تو تا ہت کر در کھی توازن میں تا کے کا تنا وُہوگا

17-17 V Hr

جہاں اس کا طول کی، اس کا در ن ٹی اکا ئی طول د اور جہلی کا تناور نہ ہے۔ ۲ ۔۔۔۔۔ صابون آینز ابن کے ذخیرے سے مائع کی ایک سنوی جہلی اٹھائی ممکی ہے تا بت کرد کہ توانائی (ع) فی اکائی رتبہ کی عددی قبیت، تناؤ (ست) ٹی اکائی د ح = کرط ، جاں کومتقل ہے : دیت ح = کرمٹ طر-ح معت د

$$\left(\frac{a}{c}\right)^{2} = \frac{b}{c}\left(1 - \frac{b}{c}\right)^{2} = \frac{b}{c}\left(1 - \frac{b}{c}\right)^{2} + \frac{b}{c}\left(1 - \frac{b}{c}\right)^{2$$

$$\frac{1}{c} \frac{ic}{c} = \frac{1}{c} \left(1 - \frac{d}{c} \frac{ic}{c}\right)$$

$$\frac{1}{c} \frac{ic}{c} = \frac{1}{c} \left(1 - \frac{d}{c} \frac{ic}{c}\right)$$

$$\frac{1}{c} \frac{ic}{c} = \frac{1}{c} \frac{ic}{c}$$

$$\frac{1}{c} \frac{ic}{c} = \frac{1}{c} \frac{ic}{c}$$

ا ــدوروی صابونی بلیلے ایک پانی سے اور دو سرایا نی اور الکول کے آمیزے سے

(19t)

انع کی جملیوں کے مضمون بر مختلف نصانیت و مقانوں کا کمل تذکرہ باٹیر (Plateau) پاٹیو (Pritarica) کی تصنیف اور (Britanica) میں پروفسیہ کاک میاکویل کے مضمون میں ملے گا اور قوت مثنوں میں کے مضمون میں می مضمون میں کے مضمون برعم واحسب ذیل کیا میں مفید است ہونگی

Mathieu, Theorie de la Capillarite, 1883.

F. Neumann, Vorlesungen uber der Theorie der Capillaritat, 1894.

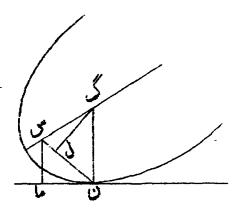
Poincaré, Capillarite, 1895.

The articles Kapillaritat by H. Minkowski in Encyklop der Math. Wissensch. Bd. v. 1907, and by F. Pockels in Winkelmann's Handbuch der Physik, Bd. 1. 1908, both of which contain a full bibliography of the subject.

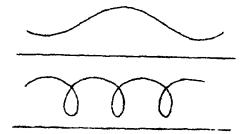
جم سے سے اس می گیسس داؤ در پرسے جس کی تیش مطلق طریع ۔ گیس کی تیپ سی میں اُبتدریج اعنا ذکمیا گیا ہے۔ اگر جہلی کا رقبہ ﴿ مِو حَبَدَتبِشُ طِر ادر دباؤ ﴿ سبِّ تَوْثا بَتِ ت الم قرا = د ح (ا - ق قط فط

جاں مطی تناو من کوستفل فرض کرنیا گیا ہے اور ہیرونی دباؤ نظرا نداز کردیا گیا ہے ۔ ۵ ١ ورطه يس ربط عال كرد جبكه لمبل كروى تسكل كابو -

> نوانان كاتغير = ت من ا د من ح



بہلا 'بخیرونلا Catenoid) ہے۔ دو سرے اور ٹیسرے کو پلاٹیو (Plateau) نے موج نیا (Unduloid) اور تقدونلا Nodoid) کہا ہے کیز کہ اول الذکرسے ایک لہر ملامنحنی اور یونحزالذکرسے عقد وں کا ایکسب تواتر تعبیر پرتا ہے۔



عقده نما (Nodoid) کی نکوین کا اچھا اندازه کرنے کیلئے یہ تصور کرنا ہوگا کہ حجیے زائدگی ایک شاخ لڑکتی جائی ہوگا ک حبیے زائدگی ایک شاخ لڑکتی جائی ہے نفطہ تماس لا شنا ہی فاصلے پر جلا جا اہے ت تب خط ستقیم دونوں شاخوں کا شقارب بن جا اہے اور دوسری شاخ لڑکنا شرع کرتی ہے مطرح شکل میں کممان سلسل پیدا ہوتا ہے تھ

له , کمور Plateau, بیر Delaunay کا مضمون Plateau, بیر این Plateau, بیر این Plateau, کا مضمون Vol. I. p. 136. میر Bulletins de l'Academie Belgique, 1857. کا معنون Lamarle.

انخار ہوتو - الله من المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المرجع - <u>ان تان</u> - <u>ان تان</u> -مكافى كى صورت ميں يہ صفر ہو جاتا ہے ادرا سلنے ر= - س ن_ (۱۹۰) انتص کے لئے میں مالا میں دن × هان جاں حدود مرا ماسکہ ہے اوراس کئے را + سان = ای اور ذامد ك في الم الله الد دامد ك في الم) با المرسطري يحملي حصا-Laculus of Variations) الله ومحمور الم Roulettes and Glissettes

جائ ادر نيلا نيج وارتوبرصورت بين جبلي موركيطون حركت كريلي-بس يونيتجه تخليا مي آمروني جانب كا زيمره نها قائم سه آور الدروني

جانب کا غیر آخام ۔ پیواس مدلال کسی دوسری طرح کے ہٹاؤ پر صادق پنہیں آٹا اور اسلیم میر اس میں اسلام کسی دوسری طرح کے ہٹاؤ پر صادق پنہیں آٹا اور اسلیم و المنت کے مل نبوت کے لئے احصائے تغیرات کے طریقوں سے مرولینا

عزوری مے۔ سم ۱۸ سار جبلی کے دونوں جانب داؤد مختلف ہوں اور ان کا فرق د ہوتو توازن کی شرط ہوگی

= ++

یا یک اوسط انخامستقل ہوگا۔ گروشی سطوں کی صورت میں اس دبط کو نامت کرنے کے لئے ہم (۱۸۹)

ا نی کا ستعال کرینگے۔ د کا ستعل ہونا اس طرح بھی بیان کیا جا سکتا ہے کر سرے بندکر دسئے

کے ہیں اور اندرونی ہوا کا حجم ستقل ہے۔

/(۱۱۱ فرس + د ۱۱ افرلا)

كا تغير صفر ہوگا۔ ج<u>س سے پنتے بکلنا ہے کہ</u>

 $\frac{i/U}{i/U} = \frac{1}{V} - \frac{U_0}{V} |_{U} \sim \frac{i/U}{i/U} = (-\frac{1}{V} - \frac{1}{V}) \frac{i/U}{i/U}$ $\frac{i/U}{i/U} = \frac{1}{V} - \frac{U_0}{V} |_{U} \sim \frac{i/U}{V}$ $\frac{i/U}{V} = \frac{1}{V} - \frac{i/U}{V} = \frac{1}{V} = \frac{i/U}{V}$

ن الله على الله على المراكز المراكز الله على الله المراكز المر

خط پرعمود وار ہوں تو تارو پر کو ائع کی جبلی سے ملانا جسینتہ تمکن بنیں۔ تعض صوراوں میں رو میں سے ایک زمجیرہ مناسے تا روں کو ملانا مکن ہے اسپکن ا دیر کے زبیرہ کو گھانے سے جرزنجیرہ نما پیدا ہوناسے اُس کی صورت میں توازن (۱۸۸) قائم بوگا اور دوسرے زمیرہ نما کی صورت میر

جب صرف ایک زنجیرہ نما ہو تو توازن غیر قائم ہو گا -اس مسئلہ کا ایک غیرسکسل حل بھی ہے جس میں رو وا کروں کوان نقطو نے سے حاصل کمیا جاتا ہے اور ان کے مرکز ایک لا انتہا مبك اسطوات سے لائے جاتے ہیں۔

انسائیکوییڈیا برشائیگار Encyclopaedia Britanica

نے قوت شعری ہے Clerk Maxwell

م طرح روشتی و الی سنے ب

ووزبخیرے بن کامریت وہی اور دو دے ہوے انتظوں میں ' جا سکیں اور مرتب کے گرد ان کو گھانے' سے دوز بخیرہ نما حاصل

كے جائيں تو ہرزىجرہ ناكا ادسط انخا صفر ہونا ہے -

اگران دو زنجیروں کے درمیان ایک ومراز بخیروا نہی نقطوں میں سے گذرنا ہوا کھینیا حائے تر اس کا مرتب اُن دونوں کے مرتب کے او پر مِوكًا اورا سلط منى نقط براس كا نصف قطرانخنا أس فاصلے سے كم موكا جونا د

ت میں اس نقطه اور پہلے مرتب کے درمیان ہے -

اس كئے گردشی سطح كا اوسط انخيا محور كيطرت محدب ہوگا اور بينتيجي نخِلياً

ہے کہ اگران میں سے تسی زیخرہ نما کو دو لال زنجرہ نما وک کے درمیان کے۔ کسی زنجرہ نما پر سٹا دیا جاسے تو جملی محرستے مہٹ حالیگی۔ پھر اگر ایک زنجرہ نما دو نوں زنجیرہ نما کو ں کے با ہرلیا جاسے تو اس کا اوسط انخنا محدر کی طرف مقعر ہوگا اور اس سکے اگراد پر کا زنجیرہ نما او پروار شایا

له انسائميكوبيدياكى كيارمويس اشاعت ميس لارة رياسي سنع اس مضموس كي نظرناني كي سع -

مر کتے ہوئے مے جبکہ دونوں رخوں یرد او وہی مو۔ ۱۸۴ – اصول توانا نی کی مدد سے بھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے کیونکہ سطح کر ۴۲ مافرس ر) اعظم یا افل موگی اوراهما سے تغیرات کی بروسسے اس. لتحنی حاصل ہوگا وہ ایک زنجیرہ روگا جس کا مرتب گردش کا محدر ہوگا۔ (Researches in the Calculus of Variations) مع كر حب ايك خطاستقيم ادرود فقط ايك بيئ متوى جا سطیم بین اور بیاکه ایک خاص صورت مین حرف ایک زیمره ایسا جاسيتا ہے۔ يه دونوں ريخيرے جب موجود بموں تو السي فتكل كا جوار ہو سے ہیں جو ایس مبد (بے سرآ) ڈوری کو دو جگنی کھو نیٹوں پر لٹکا نے ۔ کے دوز کیرے ہوں او او پر کے زیمرہ کو مرتب کے سے جو سلطے پیدا ہوتی ہے و د اقل ہوتی ہے لیکن تخیلے رئیر ي طفح في تكوين بوتي سب وه الآل بنين موتي - حبب صرت أيك ز کنیرہ ہو توسط اقل نہیں ہوتی۔ پس اگر دو داری تاروں سے ایک ایسا فریم بنایا جاسئے کران تاروں کے متوی ایک دوسرے کے متوازی اور اسنکے مرکزوں کو ملانے والے

حن میں سے ہرایب ایسی طلے ہے جس کا اوسطا نتا صفر ہے۔ باليو (plateau) كي تصنيف

Sur les liquides Soumis aux seules forces moleculaires, 1873 میں علمار را صنی سنے اسس مصنون پر جو خنتیں کی ہیں اُن کا شا مرار تذکرہ کیا گیا ہے اوراس نے فود ایسے تجربات بھی اس کتاب ہیں درج کے ہیں۔ ڈاربو Theorie Generale des surfaces کی کتاب Darbou

کی پوری تفصیل موجود سے مٹنی ایسے سطحوں کی جو متذکرہ إلا شرط كو پوری کرتی ہیں -۱۸۲ -- اگر جملی کی شکل گردشی سطح کی ہو تو سطح کے محور کو محور می قرار دینے سے

(ع الأ + ال = ف (ى)

اس صورت بی اوسط انخیا کے صفر ہونیکی مشرطسے عاصل ہوگا

$$\frac{\frac{i'' - i'' -$$

 $(\frac{i\eta}{i\partial y}) + 1 = \frac{i\eta}{i\partial y}$

رى = را اور ، ى + ب = الوك (ر+ مارا - الا) 1 + 1 + 1 = 1

Catalan, Journal de l'Ecole Polyirchnique, 1856.

اگریم بیان لیں کہ بلیلے کے اندرونی و بیرونی وبا وُں کا فرق مقابلہ کرہ ہوائ کے دباؤے چوڑاہے تو <mark>۲ س</mark>ے کوہم چھوٹا فرض کرسکتے ہیں اور اسکے آخری جل ہو جاتاہے

۱۸۱ ۔۔ اللہ کی جہلیوں کی تشکلیں۔ اگر جہلی کے دونوں رخوں پر ہوا کا دہاؤ وہی ہوتو توازن کی مشرط یہ ہوگی کہ

يأيدكه اوسط انخا صفرت -

یہ مشرط زنجیرہ نما ((Catenoid))ادر مرغول نما ((Helicoid) کی صور تول میں پور می ہونی ہے جو اس کے انع کی جبلیوں کی مکنداشکال ہیں۔ کارٹیزی محد دو ل میں بیدسیا وات دغعہ (۴۵ ا) کے بوجب ہوجا کیگی

(المرجف ی) اجتنای - مجف ی جعن ی جعنای الم المخف ی الم جعن یا المجف ی الم جعن یا المجف یا المجف یا المجف یا الم

بڑے بڑے علما دریا منی نے متعدد مقانوں میں سادات برنجب کی ہے چانچہ اس مساوات کے چندمشہور خاص حل حاصل ہو جگے ہیں- مثلاً

و = جمل اورجب ی = جبز لا جبز ا

144

 $A + \frac{1}{\sqrt{1+1}} = \frac{1-3}{\sqrt{1+1}}$

بہن کل دفعہ السبق میں ماصل کی گئی ہے۔ اگر ہم یہ مان لیس کر فرے عہ جرکہ ان ور فرج بہ جبکہ مان کر دیے ہم قرم مساوات کے دونا معلوم مستقلوں کی تعیش ہو جاتی ہے اور جو مکہ ہ أو سس اس من ہرمسا وات سے ع كى قيت اكى ر توم ميں وہى قال

ا - صابون کے کروی بلیلے کی توانائی - صابوں کے بلیلے کی

توانائی وہ کام ہے جواس کوبدا کرنے میں ہوا۔ یہ کام دو صول پرشتمل ہوگا ایک تو وہ کام جو جہلی کو اکتے سے کھینچے سنے ہیں ہوا اور دوسرے وہ کام جو سلینے سکے اندر کی ہواکو بچکا نے میں ہوا۔

الرَّسْطَحَى تناؤُ ت بموتواول الذكر حسر ت من بريطًا (جال سطي كو مس

تبیر رتاہے) کو نکہ ایک جو سے مستوی عنصری توانا کی ت مف س ہے۔ ووسرے عصے کے لئے فرض کرد کم اندرونی ہوا کا دباؤ د ہے جب

نصف قطرراورکره موائی کا دار که π م تود - π = اوراگر مواکی

کیت اتنی ہوکراس کا جم داؤ ہ برس برا ہے تو

الم = الله الأد = د ح ال (فض كرو)

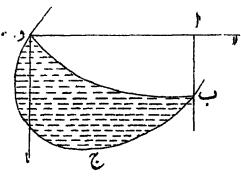
ادرا دفعہ زموا ، سے میں اکو عجم سے سے عجم سے میں بچکانے میں جو کام ہوتاہے

= الع الك تحر - الا (ح - تح)

= ١١١٤ (١١٠ - ١١٠) لوك (١٠ - ١١٠) - ١١٠ ا

بين

اس كوبر آساني تنكمل كرسكت بي -



یمساوات مستقلوں کی خاص نمیتوں کے لئے دائرہ یا زیخیرہ کو تقبیر کرسکتی ہے۔ 144 ۔۔۔ تاکے کے ایک صفر کے توازن پر غور کرسنے سسے بھی اس سوال

و حل کیا جاسکتا ہے۔ و سے قرس کوناپ کرفرض کرد ک برکے ماس کا سیلان و ل کے

سائد فرسے۔ تب اگر ن برتا کے کا تناؤ ت ادر جہلی کا تناؤ نہ ہو ترمسا داتیں مف ت + ومعن س × جب فہ = ،،

ت من سر جم الله من سر الله من سر من سر من سر من الله من برا الله من برا الله من الله

$$\frac{-9}{\frac{7}{(12+1)}} + \frac{1}{(1-1)} = \frac{\frac{2}{7}}{(12+1)} + \frac{1}{(12+1)}$$

$$\frac{1}{7} (12+1) + \frac{1}{7} (12+1)$$

110

کسی رخ کے مطحی نناوکا دوچندہے۔

۸ ۱۷۔ انتصابی ستوی مرکسی شکل کا ایک تاریع جس کے دونقطول یر و لئے ہوئے وزن اورطول کا تا گا باندہ دیا گیا ہے- اللے کی ایسستوی

جہلی کے صدودیۃ اراور تا کا ہیں۔

تا کے کی اختیار کردہ شکل کو معلوم کرنے کے لئے ہم پہنشرہ بیان کرنیگے كراس نظام كى توانائى إلقوه أفل ب ـ

اگر رهبه وابج ۱ موتو جبلي كي توانائي

= س (- كس ما فرلا

ارر اگر اے کے اکا نی طول کا درن و بوق نظام کی توانا نی بالقوہ اقل بھگی حبکہ ک_{ان} افرلا+ و کرا فرس

بب بين بيمارم زا برگا كه كس شرط كيخت جلم

كإنسا+(وا+له) الماع أفرا

كا تغير صفر بوجاتا كيد .. ا حصا وتغیرات کی مددستے اس خرط سے مسا دات حاصل ہوتی ہے

 $\frac{1+\frac{1}{3}}{(1+\frac{1}{3})^{\frac{3}{2}}} = \frac{e^{1}+\frac{1}{4}}{(1+\frac{1}{4})^{\frac{3}{2}}}$ $\frac{e^{\frac{1}{4}}}{e^{\frac{1}{4}}} \underbrace{\int_{0}^{1} \frac{e^{2}+e^{\frac{1}{4}}}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} \frac{e^{1}+\frac{1}{4}}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} \frac{e^{1}+\frac{1}{4}}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} \frac{e^{1}+\frac{1}{4}}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}}$

٢ ت جب له (ط - عر) =ج ث (ك جمط - ف) جهاں وقت سنعری کا زاویہ عدم سوئی کے اکا بی طول کا وزن و م یا بی کی قدتی سطح کے اور سونی کے محور کا ارتفاع ف اور زاویہ ن وق م کا طہبے ۔ ا -- الغ كى جليال - الغ كى جليال مختلف طريقوں سے بيدا كى جاتى بن- صابوني كبلهاكية عاممتال عدد صاف مييشدكي بوتل كوجس ين ين مند برن بين المان المان المرياني إصابون اوركليسرين كمحلول (١٨١٠) يخصر المركبيسرين كمحلول (١٨١٠) میں ارکا ایک فرم ڈبوکراس کوبتدریج ا ہزنکا ل مینے سے انع کی جہلیاں بیدا کی جاسکتی ہیں ادر ان کی خصوصیات کا مضاہرہ کیا جاسکتا ہے۔ وں کا ظاہرامستوی کی ننگل میں حاصل ہونا اس بات کی ولیل ہے کہ حاذبہ ارض کا عمر تمقابلہ حبل کے تناد کئے تطوا نداز کیا جاسکتا۔ یہ دیکھنے میں اوکو کے کر بہت چھوٹے اسی عمل سے بھی جہا بھیٹ جاتی ہے حبر سے بیت نبط ہوتا ہے کہ اس کے کسی خط پر کا زور کلاً اس خط کے عمودی مت میں ہوتائے اس سے د مغہ (۱۹۸۹) کی طرح یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ تنا و سرمت میں وہی بیتاً متوی جبلی کی توانا نئ- ازج ائع کے اندسے اگراکی سنوی جسلی كال لى جائة وكيد كام كيا جا است - يكام جلى كى توانا كى إنقوه كو تعبير راس -اكنصتطيلي جلى إحب حدكا تضوركرو جوسيب اردن إ دُنب ج سے محدود ہے۔ إب مائع كى سطيس سے اور ج د حركت بذير ارب -جہلی کو اہر نکال لینے میں جو کا م ہوگا وہ تہ * [ب * [د

> س = ته یه یا در سے کرجس جیز کوہم سنے بہاں جہلی کا تناؤ کہا ہے وہ جہلی سکے

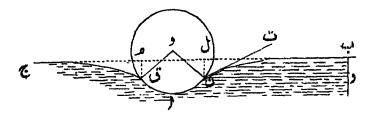
سأوى وركم أور اس كن الرسطى توانا أي في ايكائي رقبه من بروتويه نتيجه

ا = طا (سم) - طا (ع + سم) + له (ء - سم) (ل + لب - ب) اور الياد فه (۶ + سير) + له (۱ ل + ال ب + ب) راے قطرے کے سنے حسب سابق

جہاں بانی کی سطح اور برخنی کی سطے کے درمیان حادہ زاویہ عد ہے۔

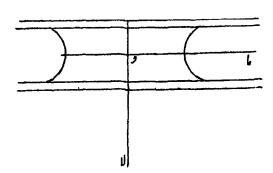
۵ - ا - تير ف والى سوتى - يانى كى سطح پرسوئى كے تيرانے كمشہور

تجربہ کی توجسید سطے کے قوانین کے ذرید ہوسکتی ہے۔ فکل سوئی کی تراش کوا دراس کے مورکے علی القوائم پانی کی سطے کی تراش کو نغیر کرتی ہے سوئی پرعمل کرنے والی قرنیں ہیں ت اور ف پر کے تناؤ اور حصد ت اف پر پانی کا وار جو پانی کے تجم ک ن ک قرام ہیں۔ وزن کے مساوی ہے۔ یہ سب قرتیں سوئی کے وزان کو تھامتی ہیں۔



مزمد بران ن برکے تناو کا افقی جزو تخلیل اور سب د بر کا افقی آبی داؤمکرب پرکے تناؤ کے ساوی ہیں جاں بن دانقی اور ب دانتمابی ہے۔ ان شرا نطے توازن کی تعین ہوتی ہے اور خسب دیل مساواتیں ٢ ت جب (ط-ع)+ ت ك (ك طر +ك جب طرم طراع ف جيط)= و

آآ ہو اور اگر نفسف النہاری منحتی کا نفسف قطر انتخار ہوا وعلی انقوائم عما دی تراش کا نفسف قطر انخنا کر بینی عما د کا وہ طول جو سطح کے محدر سے قطع ہو"ا ہے تو توازن کی مساوات ہوگی



حسب سابق لاکو تختیوں کے درمیان وسطی سطح سے نیجے وار ا پنے سے مساوات بالا ہو مائے گی

$$\frac{3}{6}\frac{69}{6} - \frac{1}{1} = \frac{3}{1} = \frac{1}{1} = \frac{3}{1}$$
 $\frac{1}{1} + \frac{3}{1} = \frac{1}{1} = \frac{3}{1}$
 $\frac{1}{1} + \frac{3}{1} = \frac{1}{1}$
 $$\frac{4}{100} = \frac{4}{100}$$
 $\frac{4}{100} = \frac{4}{100}$
 $\frac{4}{100} = \frac{$

מאו

يس فرلا = { - فه (۶ + سم) + الم (ب ال ب - ل) } فرع اور تکمل سے لا بمتقل =طا (۶+ سسته) + لم عورب + ل ب - ل) نکین لاء جبکه ی = ل و=- الله الله الله الله على = عمر = فدرسم) اس طرح للى اس قميت كے لئے ع كوصفر بونا يا سيئے۔ ال=طا(٤+سمي)-طا(سم)+ليورب،+ل ب-ل) ا=- ه (و+ سير) + ١ (٢ ل - ٢ ل ب + ب) سے کارٹیزی محدود ل کی فیمتیں مبدل ء کی رقوم میں حاصل ہوتی ہیں۔ الرقطره اس قدر برابوكه بم إلى كونظرا مداز كرسكين تور = ت ، اور اس طرح نصف النهاري منحتي دائره بوكا-

اس صورت بی آگر مخنیوں کے درمیان فاصلہ ۲ ف ہوتو شکل سسے ظاہر ہے کہ

عدوہ حادہ زادیہ سے جو ایدہ اور سرختی کی سطے کے ورمیان ایر

طرن بتما ہے ۔ ۱۷۔۔۔۔اگر شششنے کی دوستوازی انقی تخیتوں کے درمیان یا نی کا ایک ۱۷۔۔۔۔اگر شششنے کی دوستوازی انقی تخیتوں کے درمیان یا نی کا ایک کی شکل اختیار کرے توسطے صند انخنا ئی (Anticlastic) ہو گی کیونکہ یا تن اور سیسی کا زادیہ تاس حادہ ہے۔ اس صورت میں اگر کرہ ہوائ کا وباؤ ہ اور قطرہ کے اندریا نی کا وباؤ

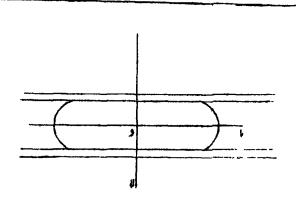
 $\frac{|-e^{-\frac{1}{4}(-1+1)+-1}|}{\sqrt{|n|e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||}}$ $\frac{|-e^{-\frac{1}{4}(-1+1)+-1}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||e^{-\frac{1}{4}(1-1)}||$

جہاں ع ﷺ لیا + ہے (ل - ب) بح = ہے لیا ۔ ہے (ل - ب) بع = سے ل + ہے (ل - ب) ہے ۔ بس ع ب بح ج ک ع بہ تب ینتج بخلنا ہے کہ و = فند (ء + صہ)

جإن صدمتقل

اب فرما/فرلاء - جبکہ ما یل اس کئے ہم ہمان سکتے ہیں کہ ما کہ ل اور ی کے لئے اور کی اور کی اور کی اور کی اور کی اور کی اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ سے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری ہے کہ کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صروری کے حقیقی ہونے کے لئے سے کہ کے حقیقی ہونے کے لئے کہ کے لئے کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے کا اور نیز فرلا /فری کے حقیقی ہونے کے لئے کے لئے کے لئے کے لئے کہ کے لئے کے لئے کا اور نیز فرلا /فری کے کہ کے کہ کے لئے کے لئے کہ کے کہ

لَ ﴿ و + لَ لَ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّلَّاللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّلَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ ا



اس صورت میں لا کو اُس مستوی سے یہ وارنا پنا مناسب ہوگا جو ختیوں کی دونوں سطوں کے وسط میں واقع ہے اور تب مہیں مساوات $-3\frac{i(3)}{6}$ $+\frac{1}{1(1+3^{4})^{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{1}$ $+\frac{1}{1(1+3^{4})^{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{1}$ $+\frac{1}{1(1+3^{4})^{\frac{1}{4}}}$

$$\frac{-3\frac{7}{6}}{7} + \frac{-3\frac{7}{6}}{7} + \frac{-3\frac{7}{6}}{7} = \frac{-1}{7} \cdot (\frac{66}{6})^{2} \cdot \frac{1}{7} \cdot \frac{$$

طاصل ہوگی۔ نکو کرنے سے اور ما = ل، جبکہ لا= ، لینے سے

۱۸۰ رکھو یا نے می تو

اگریم ککمیں ی= و+ الله ل + ال - ب) تو ماسل بوگا

اس طرح فرا = ک (قم طه ۲۰ جب طه) فرطه ا + ب يك لوكس مس طير + اك جم طر

جاِں بہمستقل ہے۔ اُس نقطہ پر جہان ماس انتصابی ہے ع = · اور

Th _= U

اگر تصف الباری سختی اور افتی مستوی کے در میان حادہ زاویہ عد ہو امینی ایره مستری کوجس ناویه برلمها سب وه ۱۱ - عد بهو اوراگر قطره کاار تفاع ا ۱۷۹

> ذ = - (١١ - عه) جيكر لا = ت ف = ۱ ک جم ع<u>م</u>

سر السرام متوازي تختيول کے در سان فطرہ - اگر ايره كا ايك قطرہ مضینے کی دومتوازی افتی تختیوں کے ورمیان رکھدیا جاسے جرایک ووسرے سے اس قدر نزدیک ہیں کہ جا ذب ارض کا عمس نظ مدراتدار کیا جاسکتا ہے تو قطرہ کے اندر دباؤمستقل ہوگا اور اگرسطے کردشی سطح البوتوسمين مسأوات

= ++

طاصل ہوگی جیاں ادرونی واؤکا اصافہ کرہ موانی کے واؤر من سبے

(۱۷۸) کا در نصف النهار می شخنی کی تفرقی مساوات حاصل ہوتی ہے

$$\frac{1}{r^{2}} + \frac{1}{4} = \frac{\frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}}}{\frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} + \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} + \frac{1}{r^{2}}}{\frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} \frac{1}{r^{2}} + \frac{1}{r^{2}}}$$

$$\frac{U}{V} + \frac{V}{J} = \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} + \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} - \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} - \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} - \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4}}} + \frac{1}{V(V_{2}+1)^{\frac{1}{4$$

یس اگر نصف النهاری منحنی کے کسی نقط برماس کا میلان محرر لاکے ساقتہ فد ہوتو ع مسر فد اور

$$= \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac$$

اگر قطرہ اتنا بڑا ہوکہ ہم اس کی چوٹی کو چیٹیا تصور کرسکیں اور اگر افقی تراشوں کے انخاکو نظرا نداز کیا حاسے توسیاوات (۱) ہو حاسے گی

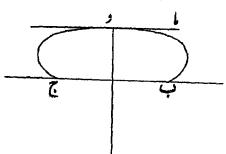
اس ساوات كالمكرك في ك الت ركمولا = اك جبطه،

توازن کی مساوات روگی

= ++

جہاں طی تنا وُت ہے اور اندرونی وباؤ اور کرہ ہوائی کے وباؤ کے ورسیان

مرسے ۔ عام طور برقطرہ ایک گروشی سطے کی شکل فنٹیا۔کرسے گا۔ اس صورت کو لیکر فرض کردکہ ا نئے کے اندر ملبندتریں نقطہ بر دا و ۱۳سے اور كره ميوا في كا د مأر ١٦ ب رتب لا كو لمبند ترين نقطه سست بيني وار تأسيع سست صنر = ١٦+ج ث لا ١٦٠



بسأكر مبندزي نقطه برتضف قطر انخاادموتو

 $(1) \cdots \cdots \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4$

اگر م شینے پر بارہ کے قطرہ کی یا نوالا دیر یا فی کے قطرہ کی صورت لیں قرمشا بدہ سے معلوم ہونا کہ فرا / فرالا راس سے قیم یے دار تھٹتا جا ا ہے

٥

فل = معمر جبكه لا = و اگرزا دَی تماس منفرتہ ہوتو ما کع نلی ہیں منیجے دیا ہوا ہوگا اور اگر ہم کا کو نیچے وار نا ہیں تو کم نع کی منطح کے عین ہینچے اس کا دباؤ کرہ ہوائی کے داار سے ٢ ١ ٤ -- ما نع كا قطره -أكرا نع ايك قطره ايك انقى ميزريد كهديا ما ي تو 4 Dissert. Berlin, 1891 4 Math. Annalen, 46 (1895), p. 167. Nature, July and August, 1886. يك Phil. Mag. Series 5, Vol. 36, p. 75, 1893.

Vorlesungen uber die Theorie der Capillaritat. Leipzig. 1894.

ینی فی ع = <u>هر (۵ + جب عه) هم - (۱ + حب عه)</u> هر (۱ - جب عه) مزید بران مم یه دیکتیم بین که ربط (۳) کی مدد سے ربط (۲) اس فیکل میں لکھا جا سکتا ہے ۲ ما الرك = (هر- ۱) <u>فيرو - عمر</u> نزير كه نقاط (اور ب كارتفاح على لنرتب الأكرك = هر- ا اور مرجب عد سے حاصل ہوتے ہیں۔ ا عا۔ داری ٹلی- انتہابی داری ٹل کے اندونی مائع کی سطح کی شكل كے لئے تفرقی مساوات حاصل كرنا جبكذلي الع ميں جزءٌ عق ہو-وفيه (١٤١) كي فنكل كوسطح كي نفعف النهاري تراش قرار وسيني مست دفع ١٦١٨ (١٤١) (۱) سے حاصل ہوتا ہے جاں کرہ ہوائی کا دباؤر مائع کی سطے کے عین سے انع کے ماؤسے بقدد ج ٹ ایکے بڑاہے۔ اب چونکو کر = لاقم فد سہیں مساوات د یا $\frac{\zeta_{0}}{\zeta_{0}} = \frac{\zeta_{0}}{\zeta_{0}} + \frac{\zeta_{0}}{\zeta$ $\frac{d^{2} d^{2} d^{2}}{c^{2} u} = \frac{c^{2}}{c^{2} u} \frac{d^{2} d^{2}}{d^{2} u} = \frac{d^{2} d^{2}}{c^{2} u} = \frac{d^{2} u}{c^{2} u} = \frac{d^{2} d^{2}}{c^{2} u} = \frac{d^{2} u}{c^{2} u} = \frac{d^{2} d^{2}}{c^{2} u} = \frac{d^{2} d^{2}}{c^{2} u} =$

فير صه على على اور اس ك

صہ = سب = سب + سب اسم = اسا

اور و = فير (عر+ سمع)

 $ix \qquad \frac{e^{\parallel}}{e^{\parallel}} = -2\pi i = e + \frac{1}{4} - 3\pi$

الم فرال = فع (ء + سم) + أع عمر الم

م الرك باستقل = مطا(ء + سم) + له ع، ع

اور لاء مباكرع ود بس

٦٦ لا/ك= الع ع - طا (ع+ سم) + طا سر - · · · · (١)

۱ آاک = هر-ی = ع-و

يني ١١/ك = ع - فه (و + سم) " " " " " (١٢)

حل کومکمل کرنے کے لئے اگر تختیوں کے درمیان فاصلہ ، او ہوتو لا = ایک

جواب میں ہو کی قبت اس مساوات سے حاصل ہوگی

جب عه دی و ه (و + سد) + هراس

اور چونکه فد (۶+سم) = ع+ (۴۰ - ع) (ع، - ع - ع) فند ۶ **- ع**

(Weierstrass' Zetafunction) 5=6 4

جم ذ = ى اور الى سرك = ع ۲ ز۶ - - زی ۱ (۱-ی) (۵ - ی) ى= و+ هر/م كاندان == يوجاكب - 6, (F/P+1+3)(F/P+1-3)(F/P1-3)? = 5) ع - كروري (و-عم) (و-عم) (و-عم) (و-عم) P/A-1-= 1-A/T 1-1-A/T 2-1-A/T さくよくと المرازع و= فخر (ع+صد) جان صمتقل ہے۔ ابی یاجم فرا اور جب عدکے وسیان واقع ہوتاہے جال عد (۱۰۵) قوت شعری کا زاوید کے -ن ۱- هر/م > و > جب عد- هر/م 3,>°>34 بس یہ بیجر تکل سے کہ چونکہ فحد (ع مد) عمد اور عم کے در میان واقع روز اے سے کہ خوالی حصد، خیالی نصف دور سم سونا عَلَيْهِ - نيرد = ع جيكونه = ١٠ اور اگريم من كو است

الميس توع = . جبكه فه = اوراس في لازاً

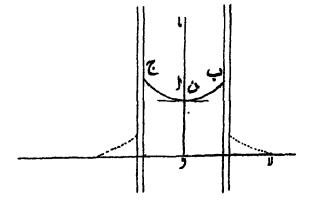
اس صورت میں مورو ماکو تخیتوں کے درمیانی فاصلے کے وسطیں اورمبداء و کو مائع کی قدرتی سطح میں لینا اورا نضراف فرکو (پرکے ماس (۱۹۴۱) سے ناپناسپولٹ پیداکرسے گا۔ گذششتہ صورت کی طرح

 $|c| \frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} = \frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \left\{ i + \left(\frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \right)^{\eta} \right\}^{-\frac{\eta}{\eta}} = \frac{\eta}{c^{\eta}}$ $|u| = \frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \left\{ i + \left(\frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \right)^{\eta} \right\}^{-\frac{\eta}{\eta}} = \frac{\eta}{c^{\eta}}$ $|u| = \frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \left\{ i + \left(\frac{i^{\eta}}{c^{\eta}} \right)^{\eta} \right\}^{-\frac{\eta}{\eta}} = \frac{\eta}{c^{\eta}}$

المال عرد (١+ (فرل) المنتقل مع

اس طرح هر-جم فرشبت بونا چا بینے اور اسلئے هر > ا

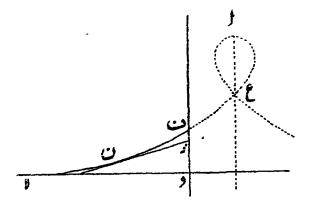
ا <u>زس</u> = <u>کا</u>



وتهنان

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{$$

اگروس نے اور انفراف ساکو اِنتریت اور (پرکے عاس سے تو



اور حاصل بوقاس

ن فرا المالية كنا فرا المالية المالية

اس مساوات کے کمل سے اور مبداکوایک سنے مقام پر سلینے سے اسطیح

پركاله . جبكر ه ا ا ک عاصل موتا ہے اللہ عالی ا - ما ک ا - ا ا ا حسل ک + عالی ا - ا آ

[Sech. = $b\bar{b}$] $\{(\overline{b-b}+b)^{-1}\}$

اگرا = ، تولا ، لا تمنا ہی ہو تاہے اور دفعہ (۱۳۵۵) کی شکل کیسے سے لدنیہ سنعاری منحنی کے موائل ہو حیا آہے جبکہ دب ج اسی صورت میں مکن سے جبکہ طول بہت بڑا ہوا۔

اگر عمده داویه موجس پر اکن دوارت ملتا سے قریم فرا کی جائے ۔ مع حد د کھنے سے ارتفاع وقت عاصل کرسکتے ہیں اس طرح کسی کسی اس م

- تم عر ۱۱- آل ا - آل

اور ن وف وک جب (الله - عمر)

اسے انع کی صورت میں حس کے لئے زاوی تماس مفرج مو (مثلاً

اره) م بهتر بوگاكر اكريني وارا يا جا ــــــ

144 -- واتى ساوات ماصل كرنے كے لئے قوس كوف سے ايو اور الفرات ذكروث وستعدت

- كنا فرر = فرا = - رجم ف

اگرانتصابی دیوار و ف ہؤ کا ئع کی قدر تی سطح و ﴿ سی سے گزنے والی دیواد کے عمود وار ترامنٹ کا نصف قطرائخنا زادر سطی تناؤ ت ہوتو د فعہ (۱۹۳) کی مساوات (۱) سے

> ت = ۱۳ - د = ع ن ما پرم ت = ج ت ک رکھنے سے ر ما = کرا

اور د فعه (۱۳۵) کی شکل کوالٹا وینے سے ہم دیکھتے ہیں کرمٹنعاری نحنی لدینے کی ایک خاص صدرت ہے

يرخاص صورت اس كئے سے كرو (منحنى كاماس مع يس فرا / فرلا = . جيكها = .

ادراس طح كارشيزى مساوات عاصل بوسكتي ب يشكل سفطابر سب كر فرال جوزادير (١٤١)

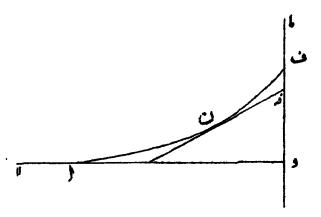
π / ۲۲ فد كاماس سيم مفى سي اور تعدا والمحشاسي اس سليم في تيتيب كالماسي السيم المراب كالماسي كالمراب
$$\frac{i_{r}^{\prime\prime}}{i_{r}^{\prime\prime}} = \frac{\frac{m}{r}}{i_{r}^{\prime\prime}} \left[\left(\frac{i_{r}^{\prime}}{i_{r}^{\prime\prime}} \right) + i \right] / \frac{i_{r}^{\prime\prime}}{i_{r}^{\prime\prime}} = \frac{m_{r}^{\prime\prime}}{i_{r}^{\prime\prime}}$$

 $\frac{i^{"}_{ll}}{i^{"}_{ll}} = \frac{i^{"}_{ll}}{i^{"}_{ll}} =$

 $\frac{V - \frac{1}{4} - \frac{1}{4}}{V_{1} - V_{1} + \frac{1}{4}} \pm \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} - \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{$

اب بونکر ماس انتهابی ہوتا ہے جبکہ ما ۲۷ =ک اور چونکر منحنی کا انتهابی مستوی کو طاوہ زاوی پہتا ہے اس کے تمام نقاط زیر بجٹ پر ما ۲۷ کا کست کم ہوگا اور

م اللي صورت رغور كرينك جس من مائع ادر ديوار كازاوير تماس عاده موسطات بهم اللي صفيف كي ايك انتصابي من ساعة تماس ركمتا جه منظر من المساح وسفات المساح من المساح المس

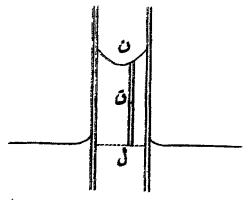


ان کلول کوان کرہم توت شعری اور ائع جیلول سے متعلق مختلف مظاہر کی توجید کرسکتے ہیں۔

۱۹۹ - دو تحقیقوں کے درمیان ان کا جڑھاؤ۔

ارسطی تنا وُت ہواہ رسنش زادی عہ ہوجیسرا نے کی سطح ریختی سے اگر سطی تنا وُت ہواہ وہ سنش زادی عہ ہوجیسرا نے کی سطح ریختی سے المرت کو اور اوسطی تراوی سے اور تحقیق کی درمیانی فاصل د ہوت اکائی عرض کے الاق کے توازن یہ فور کرنے سے کا درمیانی فاصل د ہوت اکائی عرض کے مائع کے توازن یہ فور کرنے سے اور حد سے جے دف دن د

بس تغنیوں کے در سانی فاصلے کو گھٹانے سے ان کا پڑا او براتا ہے۔



اور نہ ہا ہ ج ف× ف ل اب جو نکو نِ برکرہ ہوائی کا دباؤ برو نی سطح آ ہے۔ برکے راؤ کے تعتب میا میا وی ہے اسس کئے یہ نیٹیجہ بھلتا ہے کہ عنصر ن کی کے دزن کواس کے او برئے حدود کے سطی تناؤں کا حاصل تملیے ہوے ہے۔

ع ١١ --- دارى نلى مي الع كاير ما و-

(14)

ع ف کری منع فرس + ((ص + ص - س) + ب منس بیج منس = . یا کراه ف ی - ((مر + ل -)) منع فرس + کر((م آ + مب ج) مند فرس = . اس فرط کے مخت کہ

كرمت ع فرس =.

اور چونکومف لداختیاری سبیم اس سعیمساوات (۱)حسب سابق حاصل موگی اور نیزز

(المجمَّا+ ب-ج =٠٠٠٠٠٠٠)

طال ہو گاجس کا میں مطلب ہے کہ مائع اور ظرف کی طحوں کا در میانی زاویوان کے خطاتھا طوع میں۔ خطاتھا طعم میں۔ تقالم میں۔

خط تفاطع پرستمقل رہنا ہے۔ ۱۹۵ سے متذکرہ بالا بالاں پر عور کرنے سے نیز تجربوں کے نیتجوں کی بنائیج دو کلیوں منصص میں مارین المارین کے اس مراد میں المارین کے ایک میں میں المارین کے ایک میں میں المارین کی منائیج اور کلیو

پرینجیے ہیں جن کواس طرح بیان کیا جاستنا ہے۔

مرد المراس محدود کرنے والی سطح پر (بوما کع اور ہواکہ حداکر ٹی ہے) یا دوما تعات کے ورمیان کی سطح فاصل رسطی تناؤ ہوتا ہے جو ہر نقطہ براور ہرست میں وہی ہوتا ہ

رم) گیس اور مائع کی سطح فاصل یا دوما تعامت کی سطح فاصل کھوس مسم کومس خط پرلمتی ہے اس خطال شال براس سطح اور شم کی سطح سکے در سیان ایک خاص زاور بنے کا جو شوس اور مانعات کی نوعیت پر شخصر ہوگا ۔

پائی اگر شفیشے کے برتن میں ہوتو یہ زاویہ حادہ ہوتا ہے۔ پارہ کی صوت میں برادیم نفرم برتا ہے۔ پارہ کی صوت میں برادیم نفرم برتا ہے۔

له فعل میں جو النے اور فرون کا خطائاس ہے اس کا عضر فرس کن ق ہے اور خطوط س ، ف کے متنا فر منعر ک ق کے متنا فر منعر ک ق کے متنا فر منعر ک کا کو منعر لک اور فواف کے خطائا س کے اطاب ک کے خطائا س کے اطاب کا مناب کے مناب کی صغیر مقدار ہے اور اس کے فطرا کما ایک ایک اس کے مناب کے مناب کے مناب کے مناب کے اس کے اعلان کی صغیر مقدار ہے اور اس کے فطرا کما ایک ایک اس کے اعلان کے مناب کے مناب کا مناب کے اعلان کی مناب کے اعلان کے مناب کا کی صغیر مقدار ہے اور اس کے فطرا کما کی مناب کے مناب کی صغیر مقدار ہے اور اس کے فطرا کما تک کے اس کا مناب کے مناب کی صغیر مقدار ہے اور اس کے فطرا کما کی مناب کا کو کا کہ کا کا کہ ک

جہاں کرہ ہوائی کا دباؤ T اور مائع کی سطح کے عین اندر کا وباؤ د ہے اس سے معلوم ہوا کہ اثر و ہی ہے گویا کہ سطیناؤگی حالت میں ہے اس طور پر کہ تسمی فغطہ بر کا تنائومستقل اور توانائی نی اکائی رقبر اکے ساوی ہے۔ رِنائیاً فرض کرد کر مائع اور ظرف کا خط تماس سے س کے معطا

تحدوره والمراص حوفظ تذ اور س کے درمیان سے ۔

تذست تركى طرح بهيس حاصل بوكا

ص-س=-اگر(ہے + ئے) منع فرس ادراگرمف لدسے عناصر فرس ، فرس کا درمیانی فاصلہ تنبیر ہوتو ص کوسطے میں اگر ا روز ان کی سطے کے عنا صرمف لہ ، فرس ، کاظل تصور کیا جا سکتا ہے ہیں اگر اسطے میں اگر اسطے میں اگر اسطے میں اور سطے میں اور سے میں اور سطے میں اور س ص = کم جم آمف له فرس من س = رمن س = كمف لافرس اب چنکوزانائی بالفوه ساکن مے اس سك من إن ف الري فرا فري ١٠ اس +ب س ٢٠ س ١ = ٠

اس فرواکے اتحت کر کمیت متقل سے ۔ یا

صرودیں سے گذرنے والے عمادسطے سی کو عنصر قرس فرس میں قطع کرینگے اور اگر میں مدری نصف قطرانخا ہوں تو

فرس = (ا-منع) فرس، فرس = (ا-معن ع) فرس

(۱۶۸) ا فرتس - فرس = فرس فرس - فرس فرس = - (مل + ل) مفت فرس فرس

مف فرس = - (الم + مل) مف ع × فرس کین ہیں مطاوب ہے

ج ف الري من ع فرس + إمن الرفس = ·

يايدكر إج تى - ا (الم + ل) } منع فرس = -

اس من طاکمت کے جمعتقل رہا ہے لینی کرمٹ عفرس ۔ کیس

کر اج ن (ی - ن) - ((ل + ل) من ع فرس = .

۱ (ال + ل) من ع فرس = .

جبان ف مستقل ادر مف ع افتیاری م

ن الرالم + لم) = - د + ستقل

يني ((أمر + أب) = ١١٠ د

کے مستقل کا 17 کے مساوی ہونا اس طرح ظاہرہے کا گرسطی وانائی (صَفر بوتی تو اَفْع کے اندرکا داؤ اللّٰج اللّٰج ا اور جوا کی سطح فاصل کے نزدیک کرہ جوائی تے واؤکے سا دی برتا - یہ توانانی اِنفوہ چارحصوں پُرمٹ تل ہوگی تعنی تقالی توانا نی ج ن کرکری فرا فرافری جہاں عضر فرلا فرافری جہاں عضر جہاں عضر فرلا فرا فری کا ارتفاع می ہے ، اور فامل طحوں کی توانائیاں جو (عد) مائع اور جوا کر ہو) مائع اور طرف (م) ہوا اور ظرف کو جدا کرتی ہیں۔ بیس یہ ضروری ہے کہ

ع منظ کر کا فرا فری + (س+ ب س + ج س _م

ساکن ہو جیاں میں ، سی ، سی ہسے التر تیب سطحیں (عمر) (ب) در) اور (نب اللہ سے التی ہوتی ہیں ، اس مضوط کے تابع ک جے سے ان کی توانا ٹیاں فی ا کائی رقبہ تغییر ہوتی ہیں ، اس مضوط کے تابع کہ عصری میں میں میں میں میں میں میں میں

مجم رک فرا فرما فری مستقل رہتا ہے۔

ائع اور ہواکی ورمیانی طے فاصل سے خفیف ہٹاؤ کی صورت ہیں اگرسطے میں اگرسط میں کے خفیف ہٹاؤ کی صورت ہیں اگرسط میں کئے عماد کے عنفرکو معن ع تقریر اسے متناظر عناصر کے ورمیان واقع ہے تو بہلی قرم کا تغیر عربی عن کاری معن ع فرس السطے متناظر عناصر کے ورمیان واقع ہے تو بہلی قرم کا تغیر عربی عناصر کے درمیان واقع ہے تو بہلی قرم کا تغیر عربی عناصر کے درمیان واقع ہے تو بہلی قرم کا تغیر عربی عناصر کے درمیان واقع ہے تو بہلی قرم کا تغیر عربی تا میں میں اللہ میں الل

اولاً فرض کرد کہ التے جس خطر پر طرف کومس کرتا ہے وہ بہیں براتا اُس صورت میں میں اور میں مستقل رہیں گے اور میں بر لکر میں ہو جائے گا۔ میں سکے ایک ایسے عضر فرس ، فرس ، بر غور کروج خطوط انخااستے محدد دہے ۔اس عضرکے

له يرمكن سے كه الله كى تمانت اسطح كے لاا نتہائز ويك اسالمي عمل كى وجسسے برلتى ہولىكين چينكہ متنير كمانت كى تركى موٹائى بقالم معن ع كے لا انتہا چونی ہوگى اس سالے استدلال كوستا از كتے بغیراس تغیر كونظرا نداز كمیا جاسكتا ہے ۔

سالمه کی توت کے عمل کا میدان لا انتہا جھوٹا ہوٹا ہے۔ اور چونکہ بیسالمی قرمیں بہت چھوٹے چھو مے فاصلوں برعمل کرتی ہیں کا اس سے جہاں تک کسا آئی قو توں کا تعلق ہے متحانس جبیم کا ہرعنصر بشرطیکہ وہ جبیم کو محدود کرنے والی سطح کے نز دیک نہ ہوایک ہی قسیم کے حالات سے سخت ہوگا۔ لیکن خود سطح پرکسی خاص سا آمر کا کرؤ عمل المس ہوگا اور یہ سالمہ محدود کرنے والی سطح کے بیرونی جانب مرتبے ما دہ کئے سا کمات موں ان کے سیدان عمل میں آ جا ٹیگا یزاگرہم میہ مان میں کہ سیدان عمل سے خطی ابعاد بہقا بلہ سطح سے *تصفیط*ر انخامے لا انتا چوستے ہیں توجہاں (۱۹۴) کک سالمی قرق ن کا تعلق ہے وو متعانس استبیار کی سطح فاصل کے تمام حصے ایک ہی تسم کے حالات کے محت موسیکے سطحی ژانا ن ابعوہ جوسالمی و توں کے اِحت بعابوگی وہ سطے کے رقبرے ساتھ ایک مستقان ببت رکھیگی یمشقل تماس دیکھنے والی بشیاء کی فرعیت پرسخصر ہوگا۔ معم ۲۱ ۔۔۔ ایک متجانس انٹے ایک فان میں ماؤم ارض کے زیرعم اس صورت پراصول توا مائی کا استعالٰ ۔ توازن كى صورت ين تواناتى إلفتوه كى قيت سأكن يا اجل بونى جا سيئے۔ یا وہ میدان حس میں غیری تو تیس عمل کرتی ہیں لاا نتہا مجدوًّا مؤلامے سے (Quincke) نے

ا وه سیمان حس میں غعری تو تیس عمل کرتی ہیں لاا نتها مجدوّا ہونا ہے۔ (Quincke) نے ایک سنجنٹ کی نلی میں جس رجن کو تیس عمل کرتی ہیں لاا نتها مجدوّا ہونا ہے۔) موّالبب تھا یا تی ایک شخصی خوالمسی نظری جا ندی کی نلی میں ما بی فرا فکر تجربو کیا۔ ہرصورت میں ایک ہی قشم کے مطابر شاہدے میں آئے۔ (Pogg Ann. CXXXIX (1870). p. 1.



۱۹۳ - یه ایک مشهور بات بے که اگر چوٹے سوراخ کی ایک سنتینے کی الی با بی میں ڈبودی جائے تو نمی کے افر با نی کی سطح بیرونی بی کی سطح سے ایکی ہو جاتی ہے۔ یہ اِت بھی اتنی ہی مشہور ہے کہ اگر نلی ارد میں ڈبو دی جاسے تو

اندرونی باره کی سطح برونی پاره کی سطے سے نیچی ہوگی۔ اگرٹ پیشرے آبخرے میں پانی ہوتواس کو دیکھنے سے معلوم ہوگا س برمائع كي سطي الخنااه برواري ادريسفيشكو ايك خاص ناوي

کی جو ٹی یا سرکے مستوی کے ادبر کٹ چڑھ جائے گی اور یا تی سیرے کے

ے کے اویر انجوا ہوا دکھانی دیگا۔ اگرمیز پر با نی گر مائے تواس کے حدود معین ہوتے ہیں اور منحنی کنارے

میزسے چھٹے ہوئے ہوئے ہیں۔ ان واقعات اور ان کے مثل دو سرے اور بہت سے واقعات کی توجیہ آن قوتوں کے وجودسے موتی ہے جوسیانوں کے خود سالمات کے درمیان اور نیز مخوس اور سیالوں کے سالمات کے درمیان کا کرتی ہیں حیکہ شوس اور سیال ایک دو رسے سے تماس رکھتے ہوں۔ کسی خاص

س اللہ کس فر ہے۔ اس بترے کے مقعر صدیر ہوا کا دباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ سے بھارے دباؤ سے بعد در کے زیادہ ہے اور بترا زبخیرہ کے محدرکے متوازی ددساوی تو لوں سے تعاما گیا ہے۔ یہ تو تیں راس سے زاوئی فاصلہ عد برعمل کرتی ہیں۔ نابت کرد کہ

 $\frac{\Box}{e^{-1}} = \frac{2}{3}i \frac{d^{2}}{d^{2}} = -1 + \frac{1}{4}i \frac{d^{2}}{d^{2}} = \frac{1}{3}i \frac{d^{2}}{d^{2}} = \frac{1}{4}i \frac{d^{2}}{d^{2}} =$

 $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{\pi}{1}$

 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{1}{16} i \frac{1}{6} - \frac{1}{6} \left[\frac{1}{6} - \frac{1}{6} - \frac{1}{6} \left[\frac{1}{6} - \frac{1}{6} - \frac{1}{6} \left[\frac{1}{6} -

نیز تا بت کرد که تبایضے دالی بر توت = دک کوک مسس (الله + عمه)

ه --- ایک ستوی نیکدار بترا دو متوازی افق و ندول بر کما ہوا ہے اوبر کی ہوا کے متقل و اِن کرکھا ہوا ہے اوبر کی ہوا کے متقل و اِن کے سات کرد کہ تفف قطر ان کا بیت کرد کہ تفف قطر ان انتخاء اور انصاف مساوات

ر فرد) = ك لا - را - عد و و الم

ے مربوط ہو بنتے ۔ • ۔۔۔۔ دباؤ کا کلیہ معلوم کرو جواس ہترے کو زنجیرہ کی نشکل میں جھکا دے ۔

، مستعمر برمان میں سور مرو بروس برست و تربیرہ می من برم اور و خصار کا ہے۔ کا سال میں جبکا دیا جائے قو نا بت کرد کہ راس سے زاد کی انفراف فر پرسیالی دباؤ ایسے براتا ہے جمیسے

بم د (٤ جم ف - ٢)

______>;;c_____

اور ج پر گ = ۰ اور سرمرے پر کا اور ماسی اور عما دی اجزا و ترکیبی پر مشتمل ہوگا - اب اگر ہم اس خاص لدنیہ کے موزوں کثافت کا مارتع انڈ سلینے جائیں تو اس کی شاہت غیر سنعیر رہیگی لکین ب اور ج پر ست کی قیمت بڑہجائیگی اور کی غیر سنغیر رہیگا -

امثله

(14.5)

ا يسي كم ١ ت - عن وا (وجب و + عمر م) ٢ لي - عن وا فرجم فر

المك وج ث لا (تا مه فرجب فه وجم فر)

المسسسائی بنترا استوار مکانی اسطوانے کی شکل کائے جو کموناں پر علی القوائم سنوول سے محدوو ہے۔ اس کوایک ظرف کی طرح استعال کیا گیاہے اور مہین کپڑے کی ایک پٹی سے جو دتر خاص کے سرول میں سنے گذرہنے والے کو بول کو طاتی ہے اس کو بند کر سکے اس میں ہوا بھرو بگئی ہے جس کا داؤ ہرونی ہوا کے دباؤستے بقدد حرکے زیادہ ہے۔ اگر پٹی کے عرض کو وتر خاص (مم فی) کے ساتھ نسعبت ما ایم : مم ہوتوں س پر کے ماس سے فرنا ب کرنا بت کروکم

ت د د اور قطافه مراه هم فر) کوران کی تمین مطوم کرو اور ثابت کرو کولای کی مین مطوم کرو اور ثابت کرو کولای کا کا ایک = د کا (۲ + ۲ مراه)

مع ___ایک، سنوار اسطوانی طرف کی اندرونی ہواکا دبار کی ہوا کہ دبار ہے دباؤ کے کہ سے جن کے مرب کے دباؤ کی کا کہ کے مرب کی کا میں میں کے دباؤ کی کا کہ کے دباؤ کی کا میں میں کی عددی ترا اسطوائے کی شکل کا سے جس کی عددی ترا اس دیجیو

ادراس کے مطلوبہ دباؤی مف کٹانت کے مائع کو ڈاسنے سے عاصل ہوسکتا ہے ایساکہ

پس تو بید کی شکل مساوات بالاسے حاصل سندہ کنا فت کے مائع کوسلانوں معطور میں کیٹر سیریت کی ماسکت میں

کی مجوار سطح ک ڈاکنے سے بر قرار رکھی جاسکتی ہے۔ مزد براں ک = - ع فرر = - ع جب فر

ہاں بابیں طرف کے حصد کی والیں طرف کے مطلبہ پرجو می توف ک ہے جو نقط ن پر اندر کی طرف عمل کرتی ہے۔ اس طرح سن با میں طرف کے حصد رکے عما کر نعمہ کا سے۔

تصدیرے مل تو تعبیر رہا ہے۔ اس کئے ب اور ج یر

_ل = ج ف م مسء

اس آخری نتیجہ کی جانچ اس امر کے معائنہ سے ہوسکتی ہے کہ سلاخوں کے تتعامل مائع کے وزن کو تھا ستے ہیں ۔

اس طرح - ال جمعه = ٢ كرج ف ن ل فرلا

- ۱ کی ت × ت ل × فران فرس فرنس فرفر

= الرَّح ف ماجم فرز = ال ف م حبء

۱۹۲ ۔۔۔ اگراک و نے موئے بترے کورڈ نے سے لدنیہ عاصل کیا جائے اور سرے برکے کوون کوایک ہی افقی ستوی میں نابت کردیا عائے تو ب

ت = ک - ع بی ہم ویکیتے ہیں کہ ک = . اور اس لئے یں ہم ویکیتے ہیں کہ ک = .

' ز بیر کی ذاتی مساوات ہے

ر الم = م (جم ف - جم عه) ا

ادر دبائه و مساوات ذی<u>ن سے حاصل دونا ہے</u> در = ع فرار ساع فرزر الا - ع در = را فرفدا

> (۱۹۲) عمل اندراج سے بیمعلوم ہوگا کہ در سے جم عد در سے مزا

> > اب توبيين دفعه (۱۳۴)

اسطرح

ت = روب اور ل = - رؤدب ج د جب فرجم فه نز فرف = ل ر = - د (الا - ب) الاب عب فرجم فر نيز فرف = ل ر = - (الا جب فر + ب عم فر) <u>ـ ب</u> ر (ج ک بستقل) できてしまし、一つこう

۱۹۰- توسیه-سم نے دفتہ (۱۳۴۱) میں بیشا دیا ہے کہ تو سیہ اور لدنیا متعافلاً وہمی سختی ہیں-اگر ایک بینلی نجار ارتحنی کے مقابل کے کنا روں کو ایک دوسرے کی طرف مکھینچا ایک جیئت یا تنی ہر بی حا، درکے ذریعہ ملا دیا جائے تو مسخنی سیدا شندہ و فعہ (۱۳۳) کا توبیہ ہوگا۔



اس صورت میں مدہ اور مشق کے طور پریہ دیکھ لینا مفید ہوگا کہ دفعہ ا کی مساوات کے تکمل سے ٹو بید کی ذاتی مساوات حاصل ہوتی ہے۔ اگر ملا نے والی جا در کا تناؤ ت ہوا ور ن پر کامنا کو اور جزی قوت علی الترتیب مت اور آل ہوں تو پترے کے حصد ن سے کے والان بر غور کرنے سے یہ مساواتیں حاصل ہوتی ہیں

اس مساوات کی صداقت اس مفروضہ پر منبی ہے کہ اوسطار میشر کا طول کونوں کے علی العقوائم غیر متغیر رہتا ہے۔ بھرتے یہ مجبی مان لیا ہے کہ بیرونی سیانی دہاؤے وجود سے مساوات پرکسی قسم کا از بنیں ہوتا۔ 9 ما -- نا قصبی اسطوایہ - ان مسا واتوں کے استعال کی توصیح کے لیے ہم نا تقسی اسطوانہ کی صورت پر خور کرتے ہیں جوکسی بٹلی استوار شئے سے بنا ہواہے سروں پر سبد ہے اور ہوا سے بھرا ہوا ہے جس کا دباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ سے بقدر و کے زیادہ اپ استعار نے سے عاصل ہوگا فرت + ت = در مزدوج تورکے ایک سرے سے س اور فدکونا ہے سے ادر، مبدلوں کو بدلنے کے طریقے سے یہ معلوم ہوگا کہ ت = د (واجبا فه با جم في الم المجم فه ب جب فه اوراسطة كا (جب فر- ب جم فر- د (الاحب فرجم فر) - ب فرجم فر) الم تشاکل کی روسے اور نیزعمل و روعمل کے مساوی ہوئے کے کلیے کو استعمال کرنے سے یہ سننظ ہوا ہے کہ او جین (Apses) سعمال کرنے سے یہ سننظ ہوا ہے کہ او جیک فر = اللہ - اور جیک فر = اللہ -بس معلوم ہوگا کہ اور ب ہے۔ اور اس کے

جہاں نقطہ ن پر کا نصف قط انخادیہے۔ اس سورت میں تیسری مساوات ہو جائیگی ل ر = <u>ع</u> ور ادراس کئے پہلی مساوات سے زت = ع فرر د ف

ت کے میں جان ک سقل ہے۔ دوسری مساوات میں ان قمیوں کو مندرج کرنے سے

ع فرار سع فرر) السك ع ور الا وو ما (فون) + ك - عرا

اس سیاوات سے پتر کے کی اختیار کر وہ فکل کا تعین ہو جائے گا جیکہ دباؤ کا قانن دیا گیا ہوادریا دباؤگا قانن معلوم ہو جائے گا جبکہ اختیار کردہ

شکل دی گئی دو-ایسی مورت میں جبکه دمشفل بویا رکا ایک دیا ہوا تفاعل ہوتو سیسی میں جبکہ دمشفل ہویا

فرر) = ی رکھنے مساوات بالا کا بہلا بھی عاصل ہوسکیا ہے اور اس طرح ہم

فرر کور کی روم میں معلوم کر لیتے ہیں۔

۱۵۸ -- اگر قدر تا بیزا دی ہوئی اسطوا نی شکل کا ہو اور اس کو قدر تی شکل سے ۱۶۲۷) جملایا جائے ترِ جبنت ک جوجبکاؤ کا جینت سے انتخاکے تعنیر کے متناسب مو گا-اس طرح اگر ف<u>ن بر</u> صدری تصف قط انخناد رموتو

ك =ع (+ - +)

نقط قی پر کے اعمال سے بیف س کی ہوت ٹی کہ مف گی ہے۔

زض کرد کہ نقط ﴿ پر کے عاس سے نقطہ ٹی پر کے عاس کا افعراف فرسے

تب نقط تن پر کے عاس اور عاد کے سوازی تو توں کو عسلم کر سے

اور معیادوں کو ٹن کے گرد لینے سے ہمیں یسیا واتیں عاصل ہونگی

مف ت + (ل + مف ل) مف فر + دمف س سے نو ہے

مف کی ۔ (ت + مف ت) مف فر + دمف س ۔

مف کی ۔ (ل + مف ل) مف فر + دمف س سے مف فر ہے

مف کی ۔ (ل + مف ل) مف فر + دمف س سے مف فر ہے

مف کی ۔ (ل + مف ل) مف س + (ت + مف س) سے مف فر ہے

دمف س سے سے مف س ۔

دمف س سے سے ۔

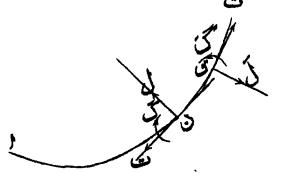
(171)

اگریترے کی شکل دی گئی ہو بینی اگر شخنی النکی ذاتی مساوات دیگئی ہوادر اگر د، فد کا معلومہ تفاعل ہوتو ان مساواتوں سے سی کون کے ساتھ ساتھ عمل کرنے والے دور کا تعین ہوسکتا ہے۔ ما کے ۱۵۔ مستوی میترا۔ اگر میرا کی دار ہو اور قدر تا مستوی ہوتو ہمیں ایک لاایم مشرط عاصل ہوگی اور دہ میرکہ گ انخا کے متناسب ہوگالین گ = ع/ر



۱۵۱- اب ہم اسطوانی بیترے کی صورت بید وزکرتے ہیں جو سیالی وہاؤے زیر عمل ہے اس طرح کرسی کمون کے ہم نقط بربید ہاؤوہی ہے۔
اگر مکون کے علی القوائم ایک عودی تراش (ن ف ف لی جائے تو
ن بی سے گذرہ ف والے اور کا غذکی سطح برعمود وار کمون سے جر و د حصے حدا ہو سے اُن کے درمیان کا زور ایک ماسی توت کو ایک جُزی توت کو اور ک

ایک جفت میشنل ہو گا۔



کون کا اکا ان طول لیکرہم ان مقداروں کو ت، نی ،گی سے تعمیر کرنے۔ یہ ذہن نشن رہے کہ عنصر ن می کئے سے والے دور مناف سمتوں میں عنصرت ت کے والے دور مناف کی مناف کے والے دور مناف کی مناف کے دور مناف کے دور مناف کی مناف کی کے دور مناف کی مناف کے دور مناف کی مناف کی کے دور مناف کی مناف کی کے دور مناف کی مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کے دور مناف کی کے دور مناف کی کے دور مناف کے

(141)

دی رفنارسے گھوم رہا ہے باؤ سفر ہو تو نا بت کروکہ	کے گردیکساں زاہ کریں اور محور پر و ک زا ہوگی"	م کی طرح محور-) تو تیں عمل نہ سبت ہم ۔ دا	نغام شوسج ئغ برکوئی برو فی مدری تنا ؤ کی د	گیا ہے، پورا اگرہا کسی نقطہ پر ہ
		o (n		

منحنیوں کی سمت میں ادران کے علی القوائم سمت میں تناؤں کی نسبت ۲: یہ ہے۔ یہ ان بیا گیا ہے کہ دائو محور برصفر ہوجا اسے ۔ ۱۷ سے ایک کا ل طور پر امام ظرف کی تکوین خط تدویر کو ایسے محرک کرد گھانے

سے ہوئی ہے اس کا محور انتقمالی کے - اگر فرت یا نی سے تقریباً بھرا ہوا ہو ترابت کرد

کرایسے نقطہ برکا انقی تناو جہاں ماسی مندی، افق کے ساتھ کہ ہ کا مسلان

ر کھاہے زیرترین نقط برکے تناؤی کا ہا (اسم - سب الله) ہے۔ ظرف بالکل

٢٧ - ان كے سے ايك ظرف اس طرح بنا يا كيا ہے - ايك بے وزن تختى كے ساتھ، بطرب كالك الله تم مكرا جس كي شكل نيم قطر و ك كره ك منطقة كى ج لكا ديا كما ج اس کیسے کی ایک مستوی ترامش عنی پر تھیک ؟ جاتی ہے اور دو سری کرہ کے مرکز

میں سے گورتی ہے -اس طوف کو بڑی تراش کی کورسے نقدام کر غیر منجانس مائع سے

مردیا گیا ہے مس کی تمانت ایسے برتی ہے جیسے ی (را ان) کھ جہاں می مرائی ہے۔ صدری تناؤ کی نسبت معلوم کرو۔

- ایک امتدادنا نیر پر بلا نم مفاخر کی شکل گروشنی مکانی منا (وترغاص مه و) کی ا

ہے۔ یہ نفاف ک نصف قطر کے ایک نابت افقی وائرہ سے لٹک رہاہے۔ اس میں من كنا فت كاسيال ہے جو تفاقے كے انتها بي محورك كرد زاو في رفت ار

(ح/ ۱ مب) المست كلوم را ب- نابت كردكد نفا فرك كسي نقط برمورست

ر فا ملدرانقی ناو بوگا

۲۸ --- ایک ملائم جلی گروشی سطح کی شکل کی بے نصف النہاری منحی اس طرح کا ہے کر کسی نقط پر کا حماد کا نصف قطرانخا کا ن گٹاہے۔ جبلی کو مان سے عین بجر دیا

كفي من كافي مون - الروباو حستقل مورة فابت كروكر تضعف النهاري منحني مع + (+ 12) - (7+61-11) (+ 12) (++ 12) (++ 12) جہاں ابتدائی تضف تطر لاء تچک کا ایک مقیاس له، ادر تعکمل کے مستقل

(اسب ایج ہیں۔ ۲۲ --- ایک مچکدار جہلی جبکر وہ نئی ہوئی نہ ہو مضعنی قطر ایکے اسطوا سنے کی شخبی شکل ۲۲ --- ایک مچکدار جہلی جبکر وہ نئی ہوئی نہ ہو مضعنی قطر ایکے اسطوا سنے کی شخبی شکل ا ختیار کرتی ہے۔ اگر اس کے سرے ٹابت کروئے جائیں ادر اس میں ہوا واتخل کی حاسب ادر کھراس کے سب بندگرو ائے جائیں تو ٹا بت کرو کہ محور میں سسے گذر سنے وا لی کشنی ترانسش کو تحدو وکر سنے وا لامنحنی مساوات

(أ+ف)(الح تطونه-1) = الأرك - ما)

سے ماصل موگا۔ حباب فروہ زادیہ ہے جوماس محدر کے ساتھ بناتا ہے۔ محدریر کاعمو دما ، بیرونی واندرونی و باؤں کا فرق ۵ ، اور لیک کی شرح که ہیے ۔ مستقل ب ،ک اور ایک میسر ستقل جرساوات کے تکمل سے حاصل ہو کس طسوح معدم کئے جاسکتے ہیں۔

- ایک ظرف مهین الائم؛ درا متدا دنا پذیر ما و ه ست بنایا گلیا ہے - اس کی شکل الیسی سطح کی ہے کو ایک زنجیرہ (Catenary) کو حبکا مبدل ک ہے اپنے محرر کے گرد کھانے سے پیدا ہوتی ہے ۔ اگر محررسے لا فاصلہ پر صدری تن ڈ ت ، حت بول و فابت كردكه

وت- ت: ٢ ت = ١١/ك : جبز ١ الرك

جکہ یہ فرض کرلیا جائے کہ اندرونی و بیرونی وباؤں کا فرق متعل ہے۔ ا ٢ - اگرایک ملائم فاف جس كى يحوين رخطا تدوير كوا بنے قاعدے كے كرد (١٥٥) مما في سے بوئي بير وئي قوتوں كے محمد اللہ اللہ جو بغيركسى بير وئي قوتوں كے اللہ اللہ اللہ اللہ جو بغيركسى بير وئي قوتوں كے عمل کے مورے گرویکساں رفارے کموم راہو و تابت کروکر نفف النہاری

الم اسدایک محدب امتدا دنا پذیر لمائم نفافه گردشی سطی کی شکل کا ب اوراس کے گردش کا محدر انتصابی ہے۔ یہ دفافه اندر سے آبی دباؤ سکے زیر عمل ہے ۔ نابت کردکہ نعمانہارو کی سمت میں سب سے چوڑ سے حصہ پرکائناؤ اعظم یا اقل موگا مبوجب اس کے کہ یہ تناؤ مضعت النہاروں کے عمود وارتناؤ سے کم یا زیاد کو ہو۔

ے ا --- قائم ستدیر محزوط کی شکل کا ایک لائم تقیلا الله سے عین بجر دیا گیا ہے اوراس کے گا مدے اوراس کے کا عدے کے مرکزت کا عدے کے مرکزت واقع ترین میں ایک بیٹ کا عدے کے مرکزت واقع ترین میں جوالیے برلتی ہیں جیسے فاصلہ کسی نقط برصدر سی تسناؤ

معلوم کرو ۔

اگراستواد مستوی میں ایک سوراخ کردیا جائے اوراس میں فشارہ لگا ویا جائے اور اس میں فشارہ لگا ویا جائے اور کھر ہے اور کھر اس فشارہ برایک حزب لگائی جائے توکسی نقط برصدری و مبکا تنائح معلوم کرو۔ ۱۸ --- اگر دفعہ (۱۵) میں ، ظرف مکا نی ننائی ننائی کھل کا ہوا دریا سکہ میں سے گزر نے و الی افغی ترامش کے ہم نقط برصدری تناؤ مساوی ہول تو تا بت کروکہ محور کا طول و ترخاص کا چے ہم گا۔

. 14---- ائع کی کچه مقدار جوایک بیتلے کر وی خول میں ہے انتصابی قطرکے گرو کیساں زاوتی اسسے مگوم رہی ہے - کسی نقط پر صدری تناؤمعلوم کرو اور گھو سنے کی رفتار میں ا صنا فہ ترک شدر کی سائے ک

کے افزات کی جانیج کرو۔

۲۰ -- ایک ملائم سطح اس شم کی ہے کہ اس کے کسی نقط برکا تنا و ہر بمت میں وہی ہو ا اسے اور حسل کے نیٹل مساوات می ا ف ان (۱۱) سے حاصل ہوتی ہے - یرسطے سال کے زیر شل سے - کسی نقط برکے داؤکو تنا و کے سافتہ جونسیت سے اس کو معلوم کرو۔

الماست كروكم يسنيت سط م الا = س كال (الا + مال) ك ايسك نقاط بر ١: ١٠ ب

مِإِل لا = ا = ي

۲۱ -- ایک قائم مسترراسطوانہ نجدارا دے سے بنایگیاہے اوراس کے رہے استواد مستولی فائم سے منایگیاہے اوراس کے رہے اکر استواد مستولی کے ساتھ لگا دیے گئے ہیں۔ اس کوسیالی داؤک سے منایا گیاہے ۔ یہ اکر کونفف المنوادی اور دائری ٹرانٹوں میں ٹناؤٹک کے کلیہ (Hooke e law) کے کالج ہیں ایسی مسا واتیں معلوم کرو جواسطوانہ کی اختیاد کردہ فنکل کو بودی طرح معین کالج ہیں ایسی مسا واتیں معلوم کرو جواسطوانہ کی اختیاد کردہ فنکل کو بودی طرح معین

٢ = ت و الانا-١)(١- م) ت ہا(من ا - ۱) ر - او نصیف قطر کے نصیف کروی تصلیم کو اس کی کورسے تھا کریا ہی سے بھر دیا گئیا ہے۔ نابت كروكم لا كراني برصدري تناؤن مين تيسبت بولي

1 - 1 1 + 1 + 1 1 + 1 1 + 1 1 + 1 1 + 1 1

میجی معلوم کرد کم افتی تناو کہاں صغرم وجا آ ہے اور تھیلے کے ایک حصد براس کے منفی زونے

کے کیا اسباب ہیں ۔ ۱۲ --- ایک نصف کردی تھیلے کا مذاکب استواد مستوی ستے ، جواس کی کور پر با ندھ دیا كيا مع بندكروياكيا رب اور يواس كواوندهاكروياكيا مي - نامت كروك لا كراني رصدرى تناؤ ن من پنیست ہوگی

١١٧ - و نصف تطركاكروى ها فرف كافت كے افع سے مين مجرويا كيا ہے ىرىغا د اكِرِ تطركرُ ريكمال دادى دفتار سىرسى كھوم رياہے - حاذ بركو نظا نداد كركے نا بت كروكه كروش كر محورست زاد أي فاعط فد بر صدر مي اتناؤيه بي

المن سيد واجب في اور ي ف سرواجب ف

ہم ا -- محدود موا نی کا ایک استاوان خول امیس اوی شے سے بنایا گیاہے جسس کا ایک ڈنڈا ایک مربع ایخ تراش کا بغیرٹوٹنے کے تناؤیہ سعنہال سکتا ہے۔ اگریہ خول امدرونی سیالی وہاو ھے کے زیر عمل ہو جواسطوا ناکو توڑنے کے عین ناکا فی ہے تو تابت کرو کہ ھ = ت لوک بل حیاں خول کے بیرونی وافرد فی نصف قطرا اور ب بی ۔

۱۵۱ --- ایک مخروط میں وزن وار اکع ہے - اگر کمونوں کی سمت میں تمام نقطوں پر مخروط (۱۵۸) کا تناؤ دہی ہوتو تابت کروکہ مائع کی کتافت ، داس کے اوپراس کے ارتفاع کے مربع کے تناسب مکوس میں ہے۔

مسس کراہے اُس معد سے ہے جو تحق شکل کا ہے۔ ع سے ایک ظرف جو کسی تبلی شے سے بنا یا گیا ہے تخود طی شکل کا ہے اس کا رامسس نیعے وار اور محورا تصابی ہے۔ اس کو بائع سے بھر دیا گیا ہے اور اس کا سرا بند کردیا گیا ہے اگر اس کو ایٹ محدر کے گردیکھان رفتار سے گھمایا جائے توکسی نقطہ پر سے صدری تناؤ

معلوم کرو--

۸ - ایک کروی نجادار لفا فر کے گردا وراس کے اندر ہواہیے جو کرہ ہوا تی سکے و باؤ رہے ہوا ہی سکے و باؤ رہے پر ہے۔ اس سکے اندر ہوا کی سیادی مقدار داخل کرو می گئی ہے ۔ تا بت کروکہ ففا فہ کے کسی نقطہ پر کا تفاؤ π (۱ ق - ق) / ۲ ق ہو جاتا ہے جہاں ابتدائی ادر انتہا تی نفست قطر کو د ۱ تر تغییر کرتے ہیں ۔
 مضعت قطر کو د ۱ تر تغییر کرتے ہیں ۔

۱۵۵ — اس باب کے مسائل عمداً ان سطوں پر قابل استعال نہ ہو سکے جو غیر لائم یا جن کی لائمت ناقص ہو۔ لیکن اگر کسی خاص صورت میں سطح کے متصلہ حصوں کا در میا نی عمل کلاً عاسی مستوی میں ہوتو تناؤ اور عمادی دباؤ کے در میان محصلہ روا بط برقرار رہیں گے ۔

مثلاً اگرایک انتصابی ستدیراسطوا نه کسی غیر لا مم شف سے بنا ہوا در اسی سیال بحردیا جائے توکسی نقطہ برکا عمل گلاً ماسی ست میں بروکا اور اس کی نوعیت تناوکی سی بروگی -

امثله

ا --- یه فرص کر کے کررا ا کے شکنجہ کے اسطوا نے ایک می یا دی شفے سے بنے مو کے ایس اور مرایک کے افدر زور (Stress) دہی ہے اسطوا نوں کی موٹا یُول بر انسبت معلد مرک --

۲ ___ ایک اسطوانی خاف و ایخ موٹے وات کے بتر سے بنایا گیاہے اوراسی وات کا ایک ڈیڈا جس کی تراش کا روز کو عین سنجال سکت ایک ڈیڈا جس کی تراش کا روز ار مربع ایج ہے بغیر وٹے کے وزن و کو عین سنجال سکت ہے۔ اگر اسطوان کو انفقا بی محرر کے ساتھ رکھا جاسے تو معلوم کودکر اس میں کتناسیال ڈالاج اسکتا

سو فی مطلح ہوئے او سے کی تناوی (Tensile) طاقت تراش کے فی مربع ایکے کے مربع ایکے کے مربع ایک کے ایسے لل کی مربع کے لئے ... ۱۹ بونڈوزن ہے۔ ایک ڈیطے ہوئے اور کے بیانی کے ایسے لل کی موث موٹائی معلوم کروجس کا اندرونی تطرا اا سے کہ اس برکا زور اس کی انتہائی معنبوطی کا موث

ب برحبكه بإنى كاارتفاع مدم نظ بو-

مم ـــــایک بجون محروط کو جس کا راس نیچوارید یا نی سے جرد یا کیا ہے۔معلوم کروکر افتی تنا ومسب سے زیادہ کہاں ہے۔

یزمعلوم کردکہ کمون کی مت میں تناویکی قیمت سب سے زیادہ کہاں ہے۔ ھے ۔۔۔۔ ایک متطبلی صندہ ق کے اوپر کا درئے یکساں مچکداد بند من (Band) کو اس کے متقابل ضلوں برا ندھ و سینے بندکردیا گیا ہے بندھن دوسرے اصناع ہر

(104)

اندرونی ہوا کے دباؤسے توان ن برقرار رستا ہے تو

ت و فل ادرت و الله الله (۱۵۷) مم ۱۵ -- ہم ف اب تک مرت بکسال موٹائی کے پتروں پر بور کیا ہے سیک الیسی صورتوں کو بھی شامل کرے کی خاطر جن میں بتیرے متغیر موالی ہے ہوں

تناؤی زادہ عام ناپ درافت کیا جاسکتا ہے۔ فرض کردکر کسی متجالنس ما دسے کی سلاخ اسب سے وزن ولٹکایا

ر کیا ہے اورسلاخ کی تواسش کا رقبہ کہ ہے تب ن میں سے گزرنے والی تراش پر کا تناؤر وزن و اُدرسلاخ کے حصد

ن ب كروزن كوتفاع بوت سي -

اوراگران اوزان كالمجوعه فتركد مونز نفتط ن برتناؤ كاناب في اكاني رقبه ته موكار

بر معلوم رہے کہ ت کی نیسبت نہ کا بُدیقدر ایک کے

مم ہے ۔ در حقیقت اگر کسی نقطہ پر ایک ملائم ہتر سے کی موٹا کی ع ہواور اس پر کا تنا کو مت ہو جرمعمہ بی طرفیہ سسے تراش کی نی اکا ٹی طول کے لئے معلوم کیا گیا ہے تو

ت من س = ترع من س

ت = ت ع

ارد = آرة وس عد = عا (م (س جمعه) + سمس (س جمعه) } (۲) ایک طائم جبلی زنجره نما (Catenary) کی شکل کی ہے بینی ہیں سطح کی فشکل کی ہے جس کی کومین ایک زنجیرہ کو اس کے مرتب کے گرد کھانے سے ہوتی ہے ۔ اس جبلی کے سرے دفیقت قطر او کے دو مسا وی دائری تختوں سے تابت کردئے گئے ہیں۔ لذرونی ہوائی دباؤ کا اصنا فہ بیرونی ہوائی دبائو پر د معلوم ہے ۔ بیرونی ہوائی دبائو پر د معلوم ہے ۔

اس عبورت میں انخا شقابل سمتوں میں ہیں اور اگر ف بر کا عماد ن گ موتو ہراکی۔ نصف قطرانخا ن گ کے مساوی ہوگا اور تواز ن کی مساوا ہی ہوگا

ت ـ ت = و ب ن گ اورت = فرا (ات)

ادر چنکم نگ = آل اک فرا = وا عبال زبیر کامتقل م

د اکرت-ته = د (۱۱-کا)

جہاں تری راس پر کا تضعت انہاری تناوسیے

اور ت = ته + و (۱ ا - ک)

ان بی سے بہلی ساوات صدا ن کے تواز ن پر فور کرنے سے فوراً ماصل ہوسکتی ہے جا ل زنجیرہ کے راس کو از تعمیر کتا ہے اور بھر ت کی قیت ساوات ت ۔ ت = ورئسے حاصل ہوجاتی ہے -اگر مختوں کے وزن کو نظر اغلاز کیا جائے اور یہ فرض کیا جائے کہ اگر مختوں کے وزن کو نظر اغلاز کیا جائے اور یہ فرض کیا جائے کہ ن ت = ہے ج ٹ الامس عہ قطعہ فرمن کروکہ مائع کل مبائے کے بعد سطے جس کردشی سطے کی شکل اختیار کرتی ہے اس کا سکوینی منحنی و ت ق ہے ، ادر و ل = صا، ن ل = عا، ادر ت کا جواب ہے ۔ اگر نَ قَ = مف س ، منحنی کی ایک جھوٹی قرس

مف لا قطعه عند س (ا + الم

نجک کے مقایس کو وو بول سمتوں میں مختلف کیفیے سے۔ بت اور مت کی حاصل مشدہ قیتوں کواستعال کرکے لا کوان دوسیا والوں سے ساقط کیا جاسکتا ہے اور اس طرح صنا اور عایس ایک دلط عاصل ہوجاتا ہے۔

بېلىسادات يى جىشىمسىعوقطى = الله دھۇاس طرح مال بوگا

$$\frac{1}{c'_{1}U} = 5$$

س جمع ميسس الله ، ارس كود سه نايا ماك

$$\frac{1}{e} = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{e} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{e}$$

لاکی یقیت دوسری ساوات میں مندرج کرنےسے حاصل برگا

ومس ورس (الله جمع) = عا (ا+ بعث والمس عر تطاعه مرس (الله جمع)) ج^{وخخ}ی کی تفرقی مساوات ہے۔

(100)

بعراگرم نقط برست و مت تو فرا - ، اور اسس سائے ما ستقل

سا ۱۵ -- امتیلہ - (۱) ایک مخروطی شکل کے کامل طور پر طائم ادر کچکارا تقیلے کو نیچے وار منہ کے ساتھ ایک افقی مستوی پر کور سے جوڑویا گیا ہے اور راس بر کے ایک جبو سٹے سورا نے کے ذرابعہ اس کو ان میں سسے بھر دیا گیا ہے جن سے سکون کی حالت میں اس کی شکل قائم مستدیر اسطوانہ کی شکل ہوجاتی ہے - اگر مستوی سے اس کا الحاق توڑویا جائے اورمائع با ہرکل بڑے ہے تواس شکل کی مساوات معلوم کروجو چا فنٹیار کر پکا

فض کردکہ نقط ن پر کمون ون کے عمرووار ست میر، تناؤ ست ہے۔ اور ست ون یں تناؤ ت ہے اور محزوط کا زاویہ راس ۲ عمیے -تب دوت + تے سے (اگر دل = لا) عال میک



تضعت النباري مستويوس كا درسياني زاويومعت فه سبع ادر نضفت النبارون كم نقاع ن اورس برسم ماسی حفود ا کے درمیان زاوی مصف سا سعے ۔ تب نم المعن فرادرن ف عمد اس ن م اور ن م كى تنعيف كرف والع نفعت النباركى سمت ك منوازی قرنوں کو تحلیل کرنے سے در (ت امن نه) من ا= ۲ ت من س جب معن سا = ت من س <u>ن س</u> = ت من س امن قر (م (۱۵) اس کے مساوات ویل حاصل ہوتی سے ご=(に)プ ادر یک زوا تطاط اس لئے <u>ت + ت جم طر = د</u> اوراس کے ان دومساوا تول سے ت اور ت معلوم ہوجاتے ہیں۔ بہلی مساوات سے ظاہر ہے کہ اگر کسی افتی ترامش پر نت اعظم ااقل ہو اور اس لئے فرت صفر برجائے تو ے ہے لکن اگر ہاہی اعظم یا ائل ہوتو یہ نیتجہ برآ مدہنیں ہوتا کو نکہ ہم یہ نیتجہ نہیں نکال سکتے کو خو<u>ت</u> صفر ہے۔

ان دونوں کا فرق کہ دائرو ن ق م ن ق ف کے درمیان سطی جو پٹی ہے اُس برکے و لا کے متوازی حاصل دباؤک تعدیل کا ہے - یہ حاصل دباؤ د×۲ ہامف س فرا کے مساوی ہے اگر دائرہ ن ق کے کسی نقط بر کا دباؤ

و ہور

ق المعنان المع

ادر د چونکم لاکا ایک دیا ہوا تھا عل ہے ادرا سلئے
س کا تھا عل ہے اس کئے مساوات تناوک
س کا تھا عل ہے ادر دی گذشتہ کی طرح مساوات

کا تقین کرتی ہے ادر دی گذشتہ کی طرح مساوات

ہے حاکل ہوتا ہے ۔

سے حاکل ہوتا ہے ۔

بن ایک دبط حاصل ہوگا لیکن بہتریہ ہے کہ یہ ربط
بالاست حاصل کیا جائے ۔

بالاست حاصل کیا جائے ۔

بالاست حاصل کیا جائے ۔

وسوں ن ت من من سے ادر دائری قوسوں

ن م، ن مرسے محدودہے ، فرمن کرو کہ

اس مساوات سے ت کا تعین ہوجا اسے ۔ اورت ساوات ت + ت = د دفع (۱۲۵)

سے ماس برتاہے جال دیج ن (م - لا) -یہ یا در سے کر شخی ان کے نقطہ ن بر نصف قطر انخا رہے ادراس سے عمد ووار جو مماوی تراش ہے اس کا نیم فظر انخار کینی ن کے ہے۔ ا ۱۵--اس سے زیادہ عام سکر حسب ذیل ہے -

مک ملائم ظان گروشتی سطح کی شکل کا ہے اور سیالی دیا وُ سکے زرعمل سے اس اطرح برکدکسی وائری تراش کے تمام نقطوں پرسیالی واو وبى سے كسى نقط يرك صدرى تنا وسعلوم كرنا مطاوب بي -

فرمن کرو کر ن ع ق م ف ع ف ک دومقل داری تراشین ایس اور

نقطرت برکا نصت النہاری تناؤیت ہے۔ اگرون = س تو دائرہ ن ف برمحد کے متوازی حاصل آنا ُو

= ۱ ۱۱ ات فرلا نَ فَ بر و لا کے متوازی حاصل تا ہُ

= ۱۲ (ات فرلا + فر ات فرلا) معناس الرن تَ = مفاس

له يه ساوات اس صورت كے لئے اس طرح بھی ماصل ہوسكتى سبے الك جوال عنصراوجوانى كے خطوط سے محدود ہوئینی نضف الہاروں اور افتی دائروں سے بیونیر (Meunier) کامسئداستمال کو اوراس کا خال رکو کہ انخا کے خطوط کے لٹی شخٹی عسام طور پر ہماوی سنڌی ہیں ہوتے۔

1104

مورسنان المنت يم منطأ موار في لبنه كي صورت اي يا أن جيلول كي صورت مي مستنف كي عِرِّل رُن عَلَيْمُ مَا فَي جِهَامِ: حَدَالْدركِ الْعَ كُوْمِ اللهَ إِلَا المَاسِينَ . الغ جميلول فالجنف كمي آبده إسبائه وازعي وكبته بير

الم كانتكى التي التصابي محرك بالله يكواكر متجالس الع سع (١٥١) المراك است كسى نقطه إرسدى شاؤه مادم كرنام طلوم بايلى .

فهش كردكر وظرمت كاذيرترين لقطرسيتسد وكو لمبدأ قاددور

رُ حَلِي رُوكُهُ كُولُ الْفِقِيِّ رَاضَ 811-20:0

- - E 1 111

برنام صبیعت انفی تامشق پذیری - سُندتمام العطول إدبا وتركيا

رای مطعمہ (من روکو نسمت الباری تیاؤ ست بے بنی دہ تناؤ جمنعی (ت کے الله در برسکه علی کی معدی انظران در الرا است اور فوض کردکر انتظراف پر از ناهٔ دشاسیند- برصدر ی اورد و اش ن ق سکوم وسای تا کست الانتهان عاصل سطين و ن يرسه عاصل التعلي واوكي تديل واسعم

براز وع و الای عند علی الدادی ن سنووط.

nr دسيم ط = أي تفعه أ فلا + ق يضعه ا (م - لا) ا كرفج يتم ،

رس (۱۵۱) اور ت مرکیا و پر جف لاحین ۱ کی قیست

 $r = \left(\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{1}{\sqrt{1 - 1}}}}\right) = r = \frac{9}{4}$

۱۲۸ سیم به ویجهته این که اگرانتخاب سشده سمتین و لا و ۱۱ صدری انخا کی ستول بر نطبق بوجائيس توفه = . اورصا لطه بالا

ت ل + ت ا = د می تول موجاتا ہے۔ بس می منا بطہ درست رہنا ہے جبکہ منتخبہ تمیں صدری نادُکی سمیں

مول إ صدري الخباكي متيس -47 اسراگرہم ایک الیسی سطح کا تقور کریں جس کی وعیت اس طرح کی ہوکہ ہس کے

ی نقط برکا تنا و اس نقط میں سے گذر سے واسے ایک خطائفسیم بر بھیضہ عو د وار ے توبیہ تبایا جاسکتا ہے کر کسی نقط پر کا تنا کو ہر مت بیں دہی ہوتا اُہے -اگرامیسی سطح کے ایک جبو سے شلقی حصہ برعزر کھیا جائے تو ماسی مستوی کے

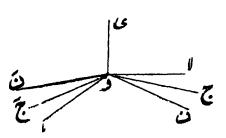
و صلوں کے تناویسے پوری طرح متعین ہوجا ناہے کیونکہ ماسی مستوی کے قوار عالمہ (اگر کوئی ہوں) مقابلہ تناؤں کے الآخر معدوم ہوجا تی ہیں اور چوتکہ ضلعول کے طوبوں سے اور چوتکہ ضلعول کے طوبوں سے

متناسب موا عارسي اوراس ك نمام منوں من تناؤك أب وري ميں -نيرسفخ پرتناوُ ہر گلہ دہی ہوگا کو 'نکہ اگرایک چھو سنے مستطیلی عنصر پر عزر کیا جا

یرن برب و برجہ رہی ہو سام رہی ہو سام رہی ہو سے ایک سسریہ وربیا ہو تو شقالر صناوں برکے تنا و مساوی ہو سے جا ہئیں -اس سم کی سطح کا تقدر کرنا ہا کل ایسا ہی ہے صیباکدایک کا لاستوار جسم یا ایک سیال کال کا تقدر کرنا ہے تا ہم اسی سطحوں سکے قریب ترین ہونے ان جمیلوں کو

كسيمت بي تناوُ

$$\frac{\dot{\Box}}{v} + \frac{\dot{\Box}}{v} = (\dot{\Box}, \dot{\gamma}) d + \dot{\Box}, \dot{\gamma} + \dot{\beta} \dot{\dot{\gamma}} + \frac{\dot{\gamma}}{v} \dot{\dot{\gamma}} + \frac{\dot{\gamma}}{v} \dot{\dot{\gamma}} \dot{\dot{\gamma}} + \frac{\dot{\gamma}}{v} \dot{\dot{\gamma}} $



اگرکسی دوعلی القوائم سمتول ولائو ما مین تناؤت مندم میں اور ان میں سے کسی ایک سمت میں ماسی معمالت ہوں اون میں صدری تناؤست، سے ہوں اور زادیون ولا = طر، تو د نعد (۱۳۹) کی روست

ت = ت جماط + ت حباط ت = ت جباط + ت جماط

ادر ست = (ت من کف) جب طه مم طه اب اگر صدری انخاکی سمتیں وج م وج ہول ادرزادیہ ج ولا = فه م اور انخاکے صدری تضف تطرس من ہول اور ولائو ابون، و ت یں سے

 $\frac{1}{t} = \frac{\pi_1^2(d_1 - i_1)}{2} + \frac{\pi_1^2(d_1 - i_1)}{2} + \frac{\pi_1^2(d_1 - i_1)}{2} + \frac{\pi_1^2(d_1 - i_1)}{2} + \frac{\pi_1^2(d_1 - i_1)}{2}$

اوراسی طرح نقطهٔ لایر،

مس مَّ = جعت المحق (- دول)

بن ست وی بن اعمال ست × ج د اوردشا × ع ف کامجوم = دس × ج د جفایی = دس × ع ف حضایی (- وا)

دنت × ج د × دع × جعن این اوراسی طرح کی رقرعمل دیت سے حاصل ہوگی ۔

وى كىمت يى تىلىل كىنى اب بىي ماسل بوگا

د مج د × دع=۱ = مج د ول + ۲ = مدع وب +۲

×جد×دع جميناي خر و = ت + ت + د حري المحتالة ×

+ (بھٹ می ہ) جنہ می ا + (بھٹ میں) جب ماہ اس مساوات کو لگرائج اور پائسس نے حاصل کیا تھا۔

۱۲۷۹ کسی سمت میں تناؤ۔ اگریت اور ت کی سمنیں وہی مز ہول جو صدری تناؤں کی ہیں توسا وات میں ماسی عمل داخل ہوگا -

سطیر کوئی نقطه ولو اور و ل^س ا

و حب ایک دومرے پرعلی انتخائے سلے کر فرحل کردکہ ان سمتوں میں تناؤست ، سنگ میں اور ماسی اعمال حستنگ کست - وہر عما و وی کیمینج -

عمادی مستویوں (وی مبودی کے متوازی ادران سے بالکل قریب طار مستوی کھینچوادر فرض کردکریستوی سطح کو ج دارد ع رع من ، هف ج میں قال کا د مد

قطع كرسنے بي -

تب بالاسخ ج ۵ ادر ع دن کے ماسی اعمال دن برج ۵ اور ت بوع دن ایک دوسرے مے مساوی گرسمت میں نمالف ایس میبی حال ع ۵ اور سج دن پرسکے ماسی راعالی کا ہے۔

ن منان و سی کے گرومعیارا فریسنے سے دورد ۱۳۸۸ کی طرح اسیمعلوم ہوجا آسیمے کہ هشت و دیت ۔ بس وی کے گرومعیارا فریسنے سے دورد ۱۳۸۸ کی طرح اسیمعلوم ہوجا آسیمے کہ هشت و دیت ۔ اگر منحنی سے دیے نفظ البر سکر ماس کا سالان مستوی لا ماسے ساتھ طہ ہو تہ

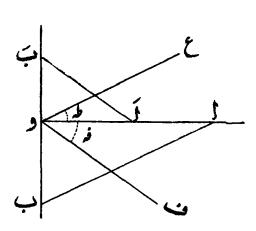
سرط = جف الم م (د

ك كونكريم لكه سكت إي

مس ط = ف (و() = ف (٠) + و(× ت (٠) +

(144)

صدری تناوکے خطوط ن ق م ن ق برواتع میں - ق ادر ق میں سے ماوی مستوی کینچو جون ق اور ن کی برعمود ہوں اورسطے کو ا ب ایک قرسوں میں (۱۲۸) تطوری - است کرد کری نام می مدود و کے متصلہ نقطوں میں سے گزرنے والی عادی مستوی قرسین ب ج ، ج د تراشی گئی ہن ۔ عفرب د، ماسى قرقون تراب، ت بجدا من الدائت بج ادر عماري وت د اب د ب ج کے زرعل ماکن ہے۔ کے نقط ن پرکے نسف قطرانخا ر، ر ہیں -تب ن پرعا دکی تمت میں زنوں کو تحلیل کرنے سے ہیں! لائخر حاصل ہوگا ن د = ت + ت أُرسط كى نوعيت اس طرح كى ببوكه ت= ت توسياوات بالأموجانيكي 三十十二二十十二二 جال ما اس مدری نصف قطرانخا این-پس اگرسطح کی مساوات ی = ف (۱۵۱) بوتو د (بن ی ۴ (بن ی ۴) + (بن ی ۴) ایکا دی (۱+ (جون لا)) + (بیون ا) = { ا+ (جنی ۲) جن^{۱۱} - اجن کا جن کا جن ای ا = { ا+ (جن ۱) جن لاآ - اجعن لا جن ایجن ۱



سم اساب اگر ہم ایک طائم جہلی کی صورت پر غورکریں بوسیانی وباؤ کے ذیر عمل سے اوراس کے ایک جہوئے عنصر کے قرازن برغورکریں تو گذشتہ تین وفعات کے نتائج اس صورت پر بالکل عاید ہو جائے ہیں کیونکہ عما دی دباؤ کے اجزائے تعلیٰ انتہا میں بقالمہ ماسی عمل کے معدوم ہوجا تے ہیں ۔

ھم ا ۔ صدری تناؤک سی خل کی ایک طائم سطح سال کے ذیر عمل سے ۔
کسی نقطہ بر کے وباؤٹ صدری تناؤں کر اوران تناؤں کی سمتوں میں انخاؤں کے درمیان رابط معلوم کرنا مطلوب سے ہے۔
کے درمیان رابط معلوم کرنا مطلوب سے ہے۔
فرض کرد کہ ن کے متصل نقطے تی ایک ہیں جون ہیں سے گذر نیوالے فرض کرد کہ ن کے متصل نقطے تی ایک ہیں جون ہیں سے گذر نیوالے

له طالب عمر کویت جولینا جا سینے کوصدری تناؤں اور صدری انخناؤں کے درسیان کو فالب علم کویت جولینا جا سینے کو صدری تناؤں اور صدری انخناؤں کے درسیان کو فی تعلق ہے۔

 کہ پ قدادر م سی بر کے زور بھی تعا دل مِن بین اور اس کے سمتوں وع اور ع و یس عمل کرتے بین -۱۳۷ - اگر وع اور وفٹ یس کے مزودج زور می اور تم بول اور اگر صدری منائو ت کی سمت کے ساتھ وع اور وفٹ کے میلان طم اور فہ ہوں تو وفعہ (۱۲۲) سے مساواتیں

حاصل ہوتی میں۔ جمال طر اور فد میں ربطست

مسن ذمسن ط = ﷺ ط اور وزکوسا قطارنے سے

ニニ = ダケ

بن سلوم ہواکسی نقطہ پر وومز دد ج زورول کا حاصل عنرب تقل ہوا ہے اور یہ مستقل صدری تناؤل کے حاصل طرب کے مساوی ہے۔ مستقل صدری تناؤل کے حاصل طرب کے مساوی ہے۔ سام ۱ سے بہی میتیج دوشلنی عناصر و لرب، و کر ب کے توازن کی شرطوں کو لکھے کیے سے حاصل ہوسکتے ہیں جہاں الب اور کر دہ، وع

اور و صف سکے متوازی ہیں ۔ اس طرح ہمیں میں اواتعر

(1/L)

اس طرح ہمیں مساواتیں

س جم فه عت جب ط، س جب ف ع ت جم طه س جم ط عت جب فه س س جب طه ع ستَ جم فه مال بونی جا ہئیں -ان سے ہم ذکورہ بالا تنا بح عاصل کرسکتے ہیں۔ ئر×(ب = ت× وب + ت × و (۲

: من ع ت اجباط + بق مم ط

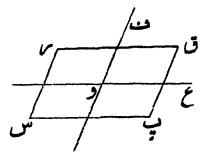
طركوسا قط كرنے سنے ہیں ربط لميگا

 $\frac{1}{V_{\text{con}}} + \frac{s_1^2 s_2^2}{V_{\text{con}}} = \frac{1}{V_{\text{con}}}$

اگراسبسمتون و (اور و ب ین نقط و کے صدری تناویت اور مت بون اوراگر وع کا سیلان و کرکے ساتھ طه بوز وع پرکے زور کی سمت وف

مس ذمس طه د الت

سے ماسل مولی اور زور کی مقدار فی اکا کی طول سمت و من میں اُس اُتص کے نفسط ست تبیر بوگی جس کے نفعت محاور صدری تناؤں سے تبیر بوتے ہیں۔ الم اسب مز دورج زور - اگر دع با زور دن کی سمت میں عمل کرسے تود ث برکا ذور دع کی سمت میں عمل کرسے گا۔



کیونکر اگرہم ایک ایسے عفر کے تواز ن برغور کریں جوایک متوازی الاصلاء ب ق س س کی شکل کا ہو اور جس کے امتلاع وع اور د دن کے متوازی مول و ب س اور ق م برك زور متعاول من اور اس سائع ينتيج علام

اب ایک چھوٹا مثلثی عنصر ول دب لوجو و برقائم الزادیہ ہے اور زور ل کوشکل کے برجب تغییرکرو-دب (کے متوازی تو نوں کوتحلیل کرنے سے ہمیں عاصل ہوگا

تهٔ (ب + ته و ارتم ط + ت × و احب ط= ت× وب مم ط+ ت× وب حب ط

الدّ = (ت - ت)جباطه - الدجم اطه

ية صفر بوگا جب كه

ہواس کے اس سے ینتیج کا اسے کہ تد اور تہ مساوی ہیں ۔

. (ت - ت)مسر، طر = ۲ ته

جس سے دوعلی القوائم سمتیں حاصل ہو تی ہیں۔ ۱۳۹ سے اگر شکل میں ہم یہ ان لیں کہ و (اور و ب صفر ماسی عمل کی سمتیں ہیں اور اگر تو توں کو بب (کے سوازی اور اس کے علی انقوائم سمتوں میں تحلیل کیا جاہے تومساواتیں

ت = ت حباطه + ت جماط

رة = (ت - ت) حب طرحم طر

اس صورت میں مقاویرت اورت بڑے سے بڑے اور چو کئے سے جیوٹے باچھوٹے سے جیوٹے اور بڑے سے بڑسے تناؤں کوتنبیرکرنیگی اور اس سنة بم إن وصدري تناوكبيس سك -

مم ا___ار ار برے ماص زورس × رب کامیلان و اے سات فدہوتو

س فره <u>ت × و ل ۽ ت</u> ممط

مس ذمس طرد

(144)

اس کنے فحہ (ء + سم) = ع، کم پس ء کی متناظر قیمت سم ہونی جا ہیئے اور مستقلوں اور دوروں میں روا بط ذیل ہو شکتے

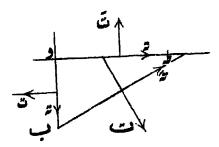
اوء طا (سم)-. طا (سم) - الم عرسم

ل = ۲ ها سب کر این کی مقداراس سے کہ بروکر ایس سب کی دو مصح میں ہانی ہروار سطح دس ج کک محرا ہوا ہے۔ لیکن اگر بانی کی مقداراس سے کہ بروکر بارے کے دو حصح میں کو یا تی میں نہیں کر تا مستوی ہوئے اور وٹ کی تربیت اس صورت ہیں سطح آب کے بیجے داس کی کہ ای ہوگی ۔

۸ سم ا --- تنا کو اور مما سبی عمل - ایک مستوی ملائم جبلی سے توازن پر خور کر و ۔

جبلی کے کسی خط برکا دور بینی سطح کے آئ متصلہ حصول کے در میان عمل جواس خط جبلی کے کسی خط برکا دور بینی سطح کے آئ متصلہ حصول کے در میان عمل جواس خط ایک تناوی سب محد و دبین عام طور براس خاکے ساتھ میلان رسکھ کا دور اس سلنے ایک تناوی سب محد و دبین عام طور براس خاکے ساتھ میلان رسکھ کا دور اس سلنے ایک تناوی سب محد و دبین عام طور براس خاکے ساتھ میلان رسکھ کا دور اس سلنے ایک تناوی سب مولیک اور ایک ماسی عمل تا سب خور بیا میں جو ایک دوسمتیں ایسی بھی ہوتی دوسمتیں ایسی بھی ہوتی ہیں جن کے لئے تہ صفر ہو جاتا ہے۔

دوسم سب برطی القوائم ہول تا کی میست و ہی ہوتی ہے اور بیکہ دوسمتیں ایسی بھی ہوتی ہیں جن کے لئے تہ صفر ہو جاتا ہے۔

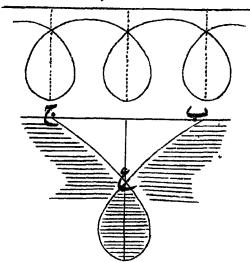


سطح کا کوئی مربع عنصر مینے سے متقابل اصلاع کے ایک جواسے پر کے ماسی اعمال تہ فرس اور (تد + معن تد) فرس انتہا میں جنت تہ معن سس انتہا میں جنت تہ معن کا ایک صلح معن میں ہو۔ اور چونکہ اس کی تدیل دور سرے جنت تہ معن میں اسے ہوئی جا جنت کہ معن میں ماسی سسل

لا = هر- لم ع ، ع + طا (ء + سير) اطارء + سير)=(د + سير)=(2 + سير) جال طا ک درسراس کازیاتفاعل (Zeta-Function) سبے اور يرجيكم لاد وى د ادرود عمد فه (سم) يس ع ع ٠٠٠ اور هر = - طا (سي) كيس لا= طا (ء+ سير) - طا (سير) - لم عرد سير) - ال اورچنک عفاما =ی = و عن اس ف عنا-الا = الأوء سي)- عمر ١٠٠٠٠٠ (١) $\frac{i\eta}{i\eta} = \left(1 + \left(\frac{i\eta}{i\eta}\right)^{\frac{1}{7}}\right) + 1 = \frac{i\eta}{i\eta}$ اسطرح ابنى انداجات سي زمی = مرمی زمی مرابی (ی-۲۰م) (ی-دن) $\frac{i_{1}^{40}}{i_{1}^{60}} = \frac{\gamma^{4}\gamma^{7}}{i_{1}^{60}(1-3\gamma)(1-3\gamma)(1-3\gamma)}$ يس فرس = ۲ ۹۴ فرع ن س = ۲ ماع س د رام) ابترطیکه س کو و سے اباط التے ، جال عصب بالاصفر بوجاتا ہے ۔ ۱۳۵۵ – اگر لا = اورس = ل جبکہ ا = ف تواس تیت کے لئے ى= فا اور و = - ب (١ م ١ = ٢ فا) = ٢٠

$$\frac{\rho}{|v|} = \frac{\rho}{|v|} = \frac{\rho}$$

جیسے ن ل - اس طرح ر بد ن ل = ما اور اس کے لدنیہ کو توبیہ کے مائل ہے -مسرا ۔ لدنیہ تفیون (convolutions) کی تخاف تعداد پرسٹ ما ہوسکتا ہے جس طرح کواشکال ذیل سے ظاہرہے



یان کی سطح اور اس کے دہاؤگ مناسب ترتیب ونظیم سے فرہیہ کے بھی مخلف

بوشکتے ہیں۔ مثلاً اگر ہم ب ہے کوسطے آب تصور کریں اور اس طرح کے انتظامات عمل میں لائیں کہ یا نفشاروعیں بردیا جائے اور یا نی نب ع بہتے ع حصول کو اوپروار دار استے اور یا نی نب ع بہتے ع حصول کو اوپروار دار استے اور بیا نی نب ع بہتے ہے مائل تو بید بل جائیگا۔

اگرہم یونفورکریں کہ ب ج ، مڑے ہوے ڈنڈے کو ب اورج پر اسکرنا ہے طول کا ہواور اگر مسل کرنا ہے طول کا ہواور اگر مسل کرنا ہے طول کا ہواور اگر اگر مست کی طرح و پرکے ماس سے انصارت نا با جائے تو

ر = 00 / جمكه فه = ۱۹

ادر آن قیمتوں کو مساوات ۲۱) میں استفال کرنے سے جہیں ب=۲م ک حال جوتا ہے۔ نیز اگر لا = اور س = فی حب کہ ما = ف توان کو مساوات (۲) بیں مندرج کرنے سے ، = صن ۱۶ پسس معلوم ہوا کہ وکی متنا فار نین کے ہے جونا قصی تفاعل کا حقیقی ربعی دور ہے ۔ اور اس من (۱) اور (۳) سے ہم عاصل کرتے ہیں

و = م (ای رطک) - ک }

اس کے تو بیرساواتوں (۱) (۲) (۳) (۳) سے عاصل ہوتا ہے بشرطیکہ مستقلوں کے درمیان وہ روا بط ہوں جوادیر بیان موسے ۔

مہم ہو ۔۔۔ لدنیہ (Elastica) دہ شختی ہے جوایک لجگدار ڈیڈے کو مولئے نے سے بیدابوتا ہے یہ تو بیرے کہ تا تل ہے ۔

میر بیرابوتا ہے یہ تو بیرے تم تا تل ہے ۔

ڈیڈے کو ب و ع سے تعریر وادر فرص کروکہ توازن اور ع بر گر تو توں سے جو متصنا وسمتوں میں عمل کرتی ہیں برقرار رہتا ہے ۔

کی قوتوں سے جو متصنا وسمتوں میں عمل کرتی ہیں برقرار رہتا ہے ۔

نقطہ ن پر حم کا کو کا معیار ایز (Bending moment) انتخا در اس کے توازن پر عور کرنے سے اور نقطہ ۔۔۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے کہ متنا سب ہے۔ اور اس کے بیات ہے۔ کہ متنا ہے۔ اور اس کے بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ اور اس کے بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ اور اس کے بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ اور اس کے بیات ہے۔ کہ بیات ہے کہ بیات ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ بیات ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ ہے۔ کہ ہے۔ کہ بیت ہے۔ کہ ہے۔ کہ ہے۔ کہ ہے کہ ہے۔ ن کے گرومعیار کیلے سے بیستنظروتا ہے کانقطرن برکا انخاا سے باتا ہے

Routh, Analytical Statics, II. p. 269, or Kelvin and Tait, Natural Philosophy, 591

For a full discussion of the Elastica, see Kelvin and Tait. غه Natural Philosophy, 611: Love, The Mathematical Theory of Elasticity, p. 384, or L. Levy, Precis Elementaire de la Theorie des Fonctions Elliptiques, p. 112.

= م فرء ن س = م و + مستقل یا اگر م س کو زیر تن نقطه سے نا بیں تو س = م و تب گہرائی ن ل = ن - ا = را-= 9 1/7 1- 5/2 2 لا = هم ر (١- ١ك جناء) فرو یغی لا=م {۲ ق (حطو) - و } (س) جہاں ق ووسری شرکا اضی تکارہے -کقری سڑانط میر ہیں کہ لائا کا من سب کے سب معدوم ہوجاتے ہیں جکر ہ = . E.(am u) = (4b) 3

((عومهي المنظم ا

(العِمْرِق اللَّهُ عَلَى اللهِ اللهُ ا التَّالِيَ مِنْ اللهُ الله التَّالِيَ مِنْ اللهُ الل المعالمة على الماء

الله قق عرف عرب قد

الرسيبيكا القرات عميد،

الساس مي ع اكن الدجب في الكن مي ع

Ky Men &

نرس = معرف نام المجاهي - دياني

م کی مینء طن و قرو - او کی جوراع کی او جوراع

(1kg/-)

للوسط مين فرق أو تعليع كيث سن كذمت وقع كي طرح الط عاصل بعظ بوسطح سكائسي فقطه برمون ساع مل فترايم ثناؤه عاية وداخت سك

-nonvet # Elen

ارسال بر مور ارسف والی قریس دی بردی بون اوراس منظ دارسال کے انداس منظ در سال کے انداکس اندامس منظ کا مساول کے انداکس انداکس منظ کی انداکس منظ کی انداکس کا مسلم کی انتظام کا مسلم کا

توبيع اور ارتبع

ساسوا _ توبير (Lintearin) دوسفی ہے جو مین کرے کے ایک تعلی فكرسه برإن والناب سه بط اواب جبكاس كمرسه افعي طوريه تعام مي بول ادر فالذلبرت تطف دياك -

اس طرح الركوب إليل كفارسه الب ع د ايك مندرة مع كذا رول يرتفوه كروست مايش اوراگا مناع أد مهاع مندن يرهميك بنيختهول (وركيزے ير إن داريم أد إجاب ادريم أد إبع

م موازی ایک انتمایی سنوی

سے کپڑے کو تاشا جائے تو یہ عودی تاسفس فربیہ ہوگی۔ دباؤ چونکم عما دی سمت میں عمل کرتا ہے اس سائے کبڑے کا تناوستقل ب اوراس سلة اگرنقطه ن بركا نفست تطراعنا ربد اور ب ع بان كى سطع بو

نرعل موازن بوگا: -عما دى د او و × ن ن م × ن ق ، ماسى قويس ت عن ن بردت من ق ت ، اور ن ق اور ن ق يركم اتصابي تناؤ اگرانتصابی سمت میر کونی تناوعمل کریں۔ یس تو توں کو عماد وع کی مت در تحلیل کرنے سے جو نقطہ وسطی ع تک ر × ن نَ × ن ق = ۲ ت × ن نَ جب (لم ن و ق) =۱ت ×ن نَ لِـ <u>ن تَى</u> ، اگرنصف قطر ہو *ہ* اگر کسی شکل کی اسطوانی ملائم سطح میں سیال ساکن ہوتو اسطوا نے کے محور کے علی القوائم تراش کے کسی نقط برکا تنا و وہی ہوتا ہے۔ فرض کروکسطے کا ایک عنصرت ق ہے (شکل دنعہ ۱۳۱) فرض کرد کہ ا بركامركز الخناف أبركا تناؤت الكب بركات + مف ت اور نقاط { اور ب پرکے ماسول کا درمیانی زادیہ مف فہ سے۔ نزرض کروک ن ق بر کے سال واوکی سمت کا میلان و اے ساتھ من سا بے مبکووا، وب کے درمیان واقع ہونا جا سے -تب (پر کے ماس کی ست میں قون س کو تحلیل کرسے سے (ت بمن ت) جمذرت = و× أب جبس سا = درمف فه حب مف سا اگر ﴿ يركا نفيف تطرانحت ربو-لِس إلا فرحبب كم معت فد معددم بوحا سے

ادر یونکر زاش کے ہرنفطر پر بات مادق آتی ہے اس سلنے بنتی نکلا ہے کہ ت

من أي كالم

اك طائم اورب نيك سطح برعور كروجوتنا وكى حالت مين بيه خواه يه سطح ما و يذير بهواً إن متداد نا يذير اور فرض كرو كه نقطه ن مين مست گذر نے و سی عادی مستوی سے جوزاش ماصل ہوتی ہے اسس کی ایک جبو بی ٹوئس ق ن ت ہے ۔ اب اگر خط ق ق سے محدود ہو نے والی سطح کے مصول کے درمیان حاصل عمل ت × ق ق ہو جو مماسی مستوی میں ق ق پر عود ہے تو نقطہ ن پرکے تناؤ کاناب س ہوگا۔ برا نفاظ دیگر نقط ن پرکے تناؤ کی مشیح ہے یا وہ قوت جواس شنئے کی ایسی تراش برعمل کریگی جسکا طول اکا تی ہے اور جوہر جگالیسی حالت تناؤ میں ہے جبیسی که ن پر کی سطح -عام طور پرسطے کے ان حصول کے درمیان جن کو ت تی علیحدہ کرتا ہے جو زور عمل کرے گا وہ ف ق کے عمو و وار نہیں ہوگا ادر اس کئے وہ تنا وُت بن ق ق اور قوت ملا من ق ق كا عاصل بوگا جال قوت ملا ما من ق منحنی ق ق ك ماس کی سمت می عمل کرتی ہے اور تدائسی تسم کی ایک مقدار سے جیسی کہ ت ب اوراس کی بیالیشس بھی اسی طرح ہوتی ہیں۔ ا اس ا۔۔ ایک ظرف قامیم سند مداسطوائے کی شکل کا ہے جس کی شخنی سطح ملائم اور حب کا محورا نتصابی کہتے۔ اس ظرف میں سیال سے یکسی نقط پر سما تناؤاور دباؤ کے در سیان ربط معلوم کرنا مطلوب سے -فرمن كروكه سطح كاايك تيمونا حصب ن فی سے جودومتویوں کے درمیان جو عور پرعود واربی اوراسطوانے کے دد کووں کے درمیان محدود ہے۔

فرض کروکہ ن ت کے کسی نقطہ برافعی نتاو کت اور وباو د سے تب سطح کا عفر ن ق ذیل کی قرنوں کے



Flexible surfaces کے آزن کے عام کیا۔ Mecanique Analytique Tom. I میں اور نیز

یا دو تفصیل سے پائیس نے (Memoires de l'Institut, 1812) را کوف کی ہے۔ ہم اس باب میں خاص قسم کے سوالات برفورکر میں گئے ہو عام تعوت سے پیدا ہوئے ہیں لینی ایسے سوالات بر جو لائم سطول پرسالات کے عمل سے

متعلیٰ ہیں۔ ہم جانتے ہیں کرسیال کا داؤکسی سطح پر جو سیال کے ساتھ تناس دکھتی ہو اس سطح کی عما دی سب میں عمل کرنا ہے اس سنے کی استیت ہیں ایسی کما تم سطح ں کے قرازان بر خور کرنا ہوگا جو عما وی داؤں اندان کو محدود کرنے والے خطوط برکے تناول سکے زیرعل ساکن مون ۔ خطوط برکے تناول سکے زیرعل ساکن مون ۔

عومیت کی خاطرانسطلاح ' لائمسٹی ایسی چیزوں وُتعبیرکرتی ہے جیسے کیڑا اور میلا کا غذ جن کوموڑسنے میں کون تا اِئت در مزامت تحسوس نہیں ہوتی اور جوموڑنے یا مرورسنے سے بعد اپنی ابتلا کی شنس پر لوشنے کا میلان بنیں رکھیں۔ کال طور پر لا تم سطحوں کو خواہ وہ امتداد پذیر (Extensible) ہوں یا امتداد نا پذیر بر انجابک فیال کیا مباسے گا۔

ن ہے : - - - اللہ من م يو فرمن كريں كے كو طائم سطے كے كسى دو حصول كے درميا جوزوعل كرا ہے درميا جوزوعل كرا ہے اس كى ست سطے كے بالكليد عماس ہے -

(174

ارتفاع ف کے جواب میں ہے۔ ۲۸ --- اگر کرہ ہوائی کی تبش بلندی کے ساتھ کیساں طور پر گھٹتی فرض کی طب تو نابت کروکر سطح بحرسے کسی مقام کا ارتفاع می

جہاں اس تقام پر اورسطے بحربر بار بیا کے ارتفاع بالترتیب ف، ف بیں اور

و، م مشقل ہیں -۲۹ -- علی قوازن کی حالت میں نابت کردکہ کرہ ہوائی کی تبش او پرواریکسا خرج سے ملتی جاسے گی-اس خرح کوسنتی گرفیے درجوں میں نی ۱۰۰ مطرمعلوم

روجگرحب دیل بایش معلوم ہون:-باریما کا ارتفاع = ۰۹۶۰ - نیا

نَیْشِ (مطلق) ۲۲۲ منتی گریشه

یاره کی گنافست = ۹۰ و س

نوی حرارتوں کی نسبت (عبر) = ۲۴ و ۱ (س ک ، ث نظامیں)۔ (ر+ سك) إن + و لوك (ا- ب) + ع ن = -

جبال کرہ ہوائی کا دہاؤ ہے۔ ۲۵ --- ایک کردی عبارے کا نفسف قطر رہے اور اس می گیس کی مجمعداد ہے حبکی کتافت سطح زمین برے کرہ جوائی کے داؤ دیریتہ ہے - اگر خبارہ سناؤ ت کو عیں سنجھا لینے کے قابل ہو تو ٹابت کرد کہ یہ بیٹ جائے گا اگراس کی قیارا

سے حاصل ہوتی ہے - جہال غبارہ کی حرکت کی مزاحمت نظر انداز کردی گئی

ے جو میکہ کیسال ہے تابت کروکر مریخ کی سطیر کے کرو ہوائی کی مختا فت کو زمین کی سطے کے کرو بودائی کی کتافت کے ساخ تقریباً قوال می سبت ہوگی۔ یہ دیا گیا ہے مریخ کی کتافت دہی سیے جزمین کی کہے اوراس کا تضعف قطرزمین سکے نصف ن سبے اور زمین پر کرد ہوائی کا دباؤ سر ۱۰۱۰ گرام فی مربع سمر ہے اور اِ معب سم کمیت کا وزن ۷۲ ۲۰۰ وگرام سبے - زمین کا نصف قطر

۰۰ ۲۸ ۳ ۳ ۳ میٹر ہئے ۔ ۲۷۔۔۔۔ِاگرار بیما کی درجہ بندی کے بعد بہوا کا ایک۔ خیف جم رح ' پارہ کے اوپر کے خلامی واغل کیا جا سے اور تیش غیر سنغیرر سے تو ٹا بت کرہ

كركسي مشاره شده ارتفاع ن كي كي المي

<u>ن</u> ج-(۱-ن)(ن- ف) × م كى تقييم كى نى برك كى - جال على كى تراض كارتب مدى برتن كى تراش كارفبدى اور ج مس فلا مرى خلاكا طول سب جوا قص باربها كے دوسرے مشابدوست او وم سے مخروط پانی ایں اس قدر ڈوب جاتا ہے کہ اس کاراس بانی کی سطے میں ہوتا ہے۔ تابت کردکہ آبی بار بیا کے ارتفاع کو مخروط کے ارتفاع سے وہی سبت ہے جو سور الم اس کے شدے ہے۔

(۱۲) ایک چوٹے غبارہ میں ہوا ہے ادر ۱۰۰ گرین سیسہ اس کے ستا بندھا ہوا ہے۔ اس کے تفافہ کی وہی کٹانت ہے جو پائی کی ہے۔ سیسہ میت اس کوپانی میں ڈویا گیا ہے۔ اگر پانی کی تبش ادر کرہ ہوائی کے دباؤ ہر غبارہ میں ایک کمسب ایخ ہوا ساسکے توکنتی گہرائی تک اس کو ڈیونا پڑے گا کہ بیغیرفائم توازن کے محل میں آجا ہے جبکہ آبی بار بیما کا ارتفاع ساس فی ہوا در یہ

مکانی مناکی کتافت کا بیماً ہے ۔ (سرم) اگر ہوا کا دبا کو ایسے بدلے جیسے اس کی کتافت کی (۱+ لمے) دیں

ر ۲۴) و دن کا فتارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں ساکن سے ۔ اسطوانہ کی عمود می تراش کے جوزشارہ ہوا کے ستون کی گہرائی است مقاہرا ہے۔ فتارہ کے خوزشہ پرایک انتصابی دھکری بڑتا ہے جس سے فتارہ بقدر ف فاصلے کے نیچے چلا جاتا ہے۔ نابت کروکہ

(1175)

جوان مقامت کے ارتفاعول میں ہے جبکدان ارتفاعوں کوفیدمیں (Fathoms) میں نا یا جائے۔

7.6

(16) - سے اور سے مجم کے دو غیرموصل ظرف ہواسے بھرے موسقے میں ان میں ہوا کے وباؤ دا کہ میں اور تبیشیں ت استدار ہوا کی اِن كيتوں كوس مجم كے ايك غيرمصل برتن من الديا جائے تو آميزه كا دباؤ

(۱۸) -- د د جوف جن میں بواجع شیشے کی کیمال سوراخ دارا فق نی سے وا و مے سکتے ہیں اور اس علی کے اندر انع کا ایک بلیل، ہواکو ووساوی ول من تقسيم كرا بع جوز ل كوعلى الترتيب ت ورجع اور ت درجيك أراكر بلبلے مقام من مثاویداکیا تمیائے اگر برجو فدی تیش کوبقدر مد درجے کے گھٹا دیا جائے تو ٹا بت کروگر لمبلہ میں مزیہ ہٹاؤ ببیدا ہوگا جواست ائی ہٹاؤ

۲ عرته: ۲ + عه (مت + ب ۲ - ۲ ته)

کی سنبت رکبیکا جہاں بھیلاؤکی شرح عدہے۔

(۱۹) ایک لیکدارکرد می لفا فه کے گرد ہوا ہے جو بخا رست اگراس کی اندرونی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کا دوجند ہوتا تو اس کا لضف تظم اسینے اصلی تصف قطر کا دو چند ہو جاتا اور اگراس کے اندر اکرد موائی کے وہاوا پر خبتنی ہوا ساسکتی ہے اس کے 22 گنا ہوا ہو تی تو اس کا تضف قطرا بسے اصلی تصعف قطر کا سدچنہ وجاتا۔ یہ فرض کرکے کیسی نقط پرکا تناو ایسے بدلیا ہے جیسے سطح کا بھیلاؤ نابت کرو کہ ہوا کے دباؤ کا 🕁 حصر نجارے وباؤ کی وج سے ہے جواس میں شال ہے۔

(۲۰) - ایک مخروطی خول کا زاویه رامسی 🏗 اورار تفاع ن سے اس میں اس کے وزن کا دو چندیانی ساسکتا ہے اس کو اوند صارکے الغنی جبکہ رأس اوپر کی طاف ہو) انتصابی محرر کے ساتھ یا بی میں وہویا گیا ہے اور پھریا ن کو زاو کی رفنار (عج" /م فت") کسے گھایا گیاہے ۔ کھانے (۱۲) باربیا کاار تفاع ۸۸ و ۳۹ ایخ ہے اور تبش بیا نقط شنج برہے۔
باربیا اور بابی نے کے ایک بیالہ کو قابر میں رکھد یا گیا ہے جس سے ہوا گفاری کردی گئی ہے۔ اب باربیا کا ارتفاع ۳۹ و ایج ہو جاتا ہے۔ کرہ ہوائی کی ہوا کا دیا ہوا جم حبنی حکمہ گھیرتا ہے اُس کو معلوم کرد اگراس سے اس کے دماؤ اور تبش کی تبدیلی کے بغیراس کا بخار خارج کر دیا جائے ۔
(معد) ایک سری نا کا کہ مرے رشد دربرے رکھلی، ایک بحورکے گرد جو اس کو

(۱۱۷) ایک سیدی نی ایک مرب پر بندورس بر کھلی، ایک محر کرو جواس کو زاویہ قائد پر ملنا ہے مستقل زاد کی رفتار سے تھوم رہی ہے ۔ جا ذبہ ارض کو کے علی و قط انداز کر کے نلی کے اندرہ نی ہوا کی کتا فت کسی نقط پر معلوم کرو ۔ کے عمل کو نظر انداز کر کے نلی کے اندرہ نی سے با زدایک دوسرے کے رہم ایک بیسال سوراخ کی ایک خمیدہ نلی کے با زدایک دوسرے کے ملی القوائم ہیں۔ یہ نلی اپنے انتقابی بازو سے کرد جس کا سرایا تی بین عرف ہے مستقل زاو الی رفتار سد سے گھوم رہی ہے ۔ نابت کرو کہ انتصابی بازومیر جس ارتفاع تک بان جرامیگا وہ ہوگا

ا - و المرادي عن (ا - و الم

جہاں افقی ہا زو کا طول وائر کرہ ہوا ہی کا دہاؤ ہے، یا بی کی کتا نت من
ہوا ہے دہاؤکو اس کی نتا نت کے ساتھ سے

الا ای الفیف قطر کی بکسال تبلی وائری نلی جسس میں ہوا ہے ایک محور اللہ کے گروزا و نی رفتار سہ سے گھوم کرہ سے یہ یہ عور نلی کے مستوی میں واقع
مراب ہے اور اس کا فاصلہ نلی کے مراب سے سے ہوا کے وزن کو نظر الذار کرکے کسی نقط برکا د باؤ معلوم کرو۔ اگر ہے ؟ واسے کم ہوا وراعظ اور افتسل دہاؤ واور کو ہول تو نابت کروکہ

کوک ج = ہستا (۱ + ج) کا اگر دومقالات کے باریبا تی ارتفاعوں کے لوکار تمول کے فرق کو ۱۰۰۰ سے ضرب دیا جائے تو ٹاسٹ کردکہ اس سے تخیناً دہ فرق حاصل ہوگا

او پر حرکت کرسکتی ہے اور جس پر جواکا دباؤ عمل کرنا ہے۔ نلی کے بالا ٹی حصت میں خلا ہے۔ سابی ستون کے شیلے اور اوپرے مسروں محمحل ب معلوم کرو جبکر کرہ ہوائی کے وہاؤیں دیا ہوا تغیر واقع ہو ۔ اگرآ لہ کے اندرونی کل اِدہ کا مجمر هد جا موجاں اِربیا کا اِرتفاع هر ، ہوا باتی رہتی ہے۔ اس محل میں ہوا کی تجیر مقدار آس میں ہے جس کا مجمر و ان کے زیرائر ۲ سے معلوم کروک غواص اور نیچے ڈو بنا چا ہیئے کہ اس کے اندر کی کل ہوا کا محمراتنا ہی ہو طب مے ے طرف ایسی سطع کی شکل کا ہے جسکی تکوین مکا نی کی ایک تو**س کو** جوراس برختم ہو ماتی ہے اپنے محور کے گرد کھا نے سے ہو نی ہے - اس ظرف کے ساتھ بارہ کے ایک برتن میں وبویا گیا ہے۔ تابت کرد کے ظرف یاؤاس فاصلے کے مربع کے تناسب معکوس میں *مجا جافو*ن ے راس اور اندرو نی بارہ کی سطح کے درمیان ہے۔ بیزیہ فرمن کرنے کہ ظرف کے یے طول کو بار بیا ہے ارتفاع کے ساتھ وہی تسنیت سرے جو ہم کو ۹۸ سائق ہے ظرف کے اندرونی ایره کی سطح کی گہرا نی معلوم کرو جبکہ ظرف بے دزن فشارہ ایک انتصابی اسطوان میں مٹیک بیٹیتا ہے۔ اسطوان کا فاعدہ بندہے اور اس بی جوامھری ہوئی ہے - ابتدا سفارہ اسطوان کے سرے پرنے۔ اگریانی متارہ کے سرے پرا مت امست والاجائے تر نابت کرد که بانی کی اوبر کی سطح زیرترین بوگی جب که بانی کی گهرانی ما (وف) - ف جو جال آبى إربيا كاارتفاع ف ب اور اسطوانه كاارتفاع ال-

ایک ناقص باربیا کے متناظرار تفاع جس میں مجھ ہوا ہے و اور ب ہیر تا بت كرد كم أكرنا تص إربيا كا ارتفاع ج موتو (ع- و)(ب - ب)(و- ب<u>)</u> (1-3)(2-1)-(1-5)(3-1)

کی محت در کار ہوگی۔

(۲) - اُرْتَبِسْس بِاكُوايك الع مِن جِن كَي تَمِيْن معلوم كرنا مطلوب ہے جزاءً فرو دیا جا سے ادر اس سے بیش ت کا اطبار ہو جیکہ ہوا کی تیش تر ہو اور تبسشس بیا کاغیرغ ق مشده صه م در هیج برقه تا بت کرد که

ى معت دركار بوكى اگرتيش باك اندوى باره كا بسيلار حارت ك اوك المان المراب المرابي المراكية المرصدين باره كي تبسش الم صدكو پرسنے والی شے کی تنیش کے مسادی ہے ۔

(ع) ایک بندا نقعا بی اسطوان کے اندر حکی تراش کارتب ایک ہے ووزن کا ایک نشارہ سے اور اس کے منجے اور ایک فشارہ اسطوان کے وسط میں ہے اور اس ہے بھری مو تی ہے - اگر نشارہ کو اہنے طال پر چھوڑو یا حاسئ توده ابتدائ ارتفاع كالفعف سيح أرّع السعد تابت كردكسيرسده بخار کا تنا و سو ۔ س ہ ہوگا جاں کرہ ہوائی کا دباؤ ہ ہے۔ اس عمل کے

ا بندا اور افتنام پرتیش وزی فرض کرلی گئی ہے۔ ر (۸) انتصابی ہار پیا گی نبی بنائی گئی ہے جس کے او پر کا حصب سرے پر بندكرد يا كيا ہے - اس مصدى تراش كا رقبه وا بنے - بار بما كا ورميا في حصد ایک جو فہ ہے جس کا مجمر ب سے۔ إر بيا کے سفلے صد کی تراش کا رقبہ ج" ہے اوراس کا بیندا کھلا ہوائے۔ جو فہ تو یارہ سے بھرا ہواہے لیکن نلی کے غلے اور اویر کے حصوں میں بارہ جزء بھرا ہوا ہے۔ بارہ کو سیم با ہزمکل بڑنے سے ایک جکتی کے ذریعہ رو کا گیا ہے جو آزا دانہ سینجے

(177)

غباره كازياده سعے زيادہ ارتف ع

نری ذت = •

ر کھنے سے حاصل ہو گا۔ اور اگر عبارہ کی اوسط کٹا فت اور ہوا کی اوسط کٹا فت میں بہت تفورُا فرق ہو تو سی چھوٹا ہوگا اورایک تقریبی قیمت معلوم کیجا سکتی ہے۔ امشا

(1)-اگر جواکی کتافت اصافی ۱۰۰۰ و اور باره کی ۹ ۵ و سا ۱ بو اور اگر باریجا کا ارتفاع ۳۰ ایخ موتو تابت کرد که مشقل هم کی تعمیت تقریباً ۴۰۰ سه ۱۳۸۸ موگی جبکه طول ۱ ورو تت کی اکائیاں نشادر تا نیم بن -

ر ۲) ۔۔ ۵ و ۵ اوستی گریڈ پرخشک ہوا کے ایک لیٹر کا وزن ۲۳ وا گرام کے جبکہ بار بیا کا ارتفاع ، ۲ کی میتر ہے ۔ اس تیش برا بی بخار کا دباؤ پارہ کے ۲ میں میتر سے جبکہ بار بیا کا ارتفاع ، ۲ کی میتر ہے ۔ اس تیش برا بی بخار کا دباؤ پارہ کے ۲ در اس کی نختانت کو اس تیب اور اس کی نختانت کو اس تیب اور دباؤ دباؤ بر کی خشاک ہوا کی کتافت سے ساتھ وجی نسبت ہے جو ۵ کو ۸ کے ساتھ وجی نسبت ہے جو ۵ کو ۸ کے ساتھ وجی نسبت ہے جو ۵ کو ۸ کے ساتھ وجی نسبت ہے جو ۵ کو ۱ مسکم ساتھ ہے ۔ ایک لیٹر ہوا کا وزن معلوم کر و حب اس کو ندکورہ بالا تیش اور دباؤ برا بی بخار سے سیرسٹ و کر دیا جا سے ۔

مراس)۔ ایک اتص باریما کے ارتفاع ۲۹۶۲ اور ۳۰ اینج ہیں جبکہ اس کے ارتفاع ۲۹۶۳ اور ۳۰ اینج ہیں جبکہ اس کے آلہ کے اللہ کا کہ کا اور سرد، سر ہوتے ہیں۔ ناتص باریما کی کلی کا در اور سرد کی المدر کی ہوا ۳۰ اینج دباؤ کے زیر اور بارک

کرد سے گی ۔ ' (۲) - کرہ ہوائی کی ایک کمب گزیہوا کو ایک ظرن میں حبکا جم ایک کعب فٹ ہے پیکا گیا ہے ۔ پارپیا کا ارتفاع ، سوسے ۔ مبع مشدہ گوانائی کا عدو می ناپ تقریبًا معلوم کرو جبکہ بارد کی کثافت اصافی کمحاظ یا بی سکے ۲ ۹ ۵ و ۱۳ سے ادر پانی کے ایک کمعب ایج کا وزن ۲ و ۲ و ۲ و ۲ میں جبکہ (۵) - ایک بالکل نسیح سیابی با بیا کے ارتفاع عمر اور ہو ہیں جبکہ

س می پیگ ۔ م ر ، ایک عبارہ کی حرکت معلوم کرنا مطلوب ہے یہ فرص کرکے ککسی کل میں اس کی مٹا تی ہونی ہوا کی کمیت متجالس ہے ادر اثنا سے حرکت میں میٹس ں رمہتی ہے۔ فرمن کرو کہ عنبارہ کی کمیت سکے مرکز کا ارتفاع می اوراس کی کمیت ک ہے۔ اس کا مجم ح اور ی ارتفاع پر ہوائی کتانت من سے - تب وہ مساوات جس سے حرکت کا تعین ہوتا ہے بیرو کی ک <u>فرای</u> = ج ث ح - ک ج 3 = 5 (V + 2))Y لیکن مساوات فرد = - بج مف فری اورد = م ن سے ہیں مال ہوگا - 3LD (=π e 9(1+2) ك زيري = ١٦ ك ع را - عدى - كري الله عرار + كر (۱۳۳) جسمی ک = شاس ر کھے سے اور ۲ فری سے صرب دیر تکمل کرنے سے ية (وري) = ب - ١٦ و الروي + الذي الم ابتدائی شرائطے . - ب ۲ ۱۳ ۲ شاخ ن فرى ٢٠ = ١٦ إ إ الم الم عرى
١٢٩ -- زيل كى در مثالول سے إب يزاك اعوادل كى زنتيج موتى ہے- ١٣١) (١) لَيك بع وزن ففاره ايك انتسابي اسطواند مين شيك بيست سیے۔ اسطوان کا قاعدہ بندست اوراس پی ہوا مجری ہوں سیم - نسٹارہ ابتداً اسطوانه کی چوٹی یا سرے پرہے۔ اگر فشارے کے سرے پرا ہستے است یانی ڈالا جائے و معلوم کروکہ با ہر سبہ جائے کے مبتیر کتنا یا ن ڈالامامکیا فرص کروکہ اسطوانہ کا ارتفاع کو ہے اور فشارہ جس گرانی تک یہے عاماً ہے وہ می ہے۔ تب وازن کے محل میں اسطوانہ کی اندرونی ہوا کارباکہ m + ج ف ى بوگا- جال كره بوائى كا دبار m ادر يانى كى كتافت ف ب--ليكن، يرداد : ٣ = ا : ا - ى

> د ن ک + m = الح الت ک ک فرض کرد کہ آبی بار بیا کا ارتف ع گ ہے۔ تر ہے ج ٹگ

گ و = (و-ى)(گ +ى) ی = ۰ ، ا او - گ

اس کے جب تک کراسطوانہ کا ارتفاع کے سے بڑا نہویا نی وافل بنیں كيا ماسكتا- كونكه بالفرص أكر فشارك كوشيح دباكري اس برياني والا جاسك

تو شیمے کی ہواکا داؤفشارے کو اٹھا دیگا۔ منفی علی کو، جکہ و حگ ، یوں خیال کیا جاسکا ہے کہ یو ایک مخلف سوال کا حل ہے جب سے بہی جمری ساوات قائم ہوتی سے - فرض کروکہ اسطوانہ فتارہ کے ادر فتارہ کو ایک ایسی قریب سے بقدر ی فاصلہ ك ادير أعمانا مقصود ب جواس يانى ك وزن ك ماوى ب جواس اسطوار میں می ارتفاع کک بھرا جا سکتا ہے۔ اس سے مساوات پیدا ہوتی ہے

یازیان کے بنیر ایس میں تبدیل کرویا جا سے اُو وہ صرف دباؤکٹافت اور تعیب سے اُلی کا جا کہ اس سلتے اِس صورت میں تا دلہ کرین سکتے اِس صورت میں مذہو گی - اِس سلتے اِس صورت میں مذکورہ بالاسسا واتیں ہوجائیں گی

فرد = - چ ب فری (۱)

دیم دفیم اور دیل دف ست جہان می ارتفاع پر مطلق تبیش کوست تعبیر کرتا ہے۔

م بری می دی م ۲۰۰۰ فرت = - ج فری

ادر کس سے مجے فیر۔ ا = هر -جى ى

ع ج<u>ب</u> ل (ت - ت) = - ج ی

جاں مع بحرر مطلق تبث کوست بنیر را ہے۔

ادراً رُستجانس کره کا ارتفاع هر ہو تو

لىنب*ت: ب: جن*ھ

اگر مساوات (۱) میں ج کی بجائے ج زام (رب ی)ارکھا ماسے تو گوشتہ کیطرح مکمل اور اندراج سے ہیں عاصل ہو گا

ت = ا - جر - ا × (رى) (٣) (٣)

اس طرح سے کو نظر انداز کرنے سے جو نقطی واقع ہوگ و وہ معرطور چھوٹی ہوگی۔
حسیال کی جاتا ہے کہ اس تھم کا ضابعہ ہے بیٹے دہاس نے بیان کیا ہے

الام سے جواس کے گردی ہوائی ہے ۔ لیکن بعض صور توں ہیں شاہ جگہ ہوائی ہمانہ میں مظاہات سے جائیں تو یہ مکن ہے کہ ابر بیا ایک ہی مقام برات عوصہ میں مظاہات سے خائیں تو یہ مکن ہے کہ ابر بیا ایک ہی مقام برات عوصہ کک نہ رہے کہ اس کی تیش ہوائی بیش کے سادی ہوہا کے اور کی تیش ہو سکتی ہے جب س کے جو فرکو ایر بیا ہے کہ دریا ت ہوسکتی ہے جب س کے جو فرکو اور بیا کے ذریعہ دریا ت ہوسکتی ہے جب س کے جو فرکو اور بیا کے دریا ت ہوسکتی ہے جب س کے جو فرکو اور بیا کہ کہ دریا ہوگا ۔

اد جائے حوض میں رکھا جائے ۔ اس حرج سے بارہ کی جیشفیں حاص ہوگی انکو وفد (۱۲۵) کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا ۔

وفد (۱۲۵) کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا ۔

ارد کیا دن نے اس کواس طرح بیان کیا ہے " دب سیال کے تمام صفی ہیں اس حالت میں ہو تو ہم کہتے ہیں اس حالت میں میں ابو تو ہم کہتے ہیں کہ سیال کی تیش حملی قوازن کی حالت میں ہوئی حسان کی حیقوں کو حوارت کسیال کی تیش حملی قوازن کی حالت میں ہوا کی مساوی کمیتوں کو حوارت کی کسیوتی ہوں حوارت کی مساوی کمیتوں کو حوارت کی کسیوتی ہوں حوارت کی حسان کی میتوں کو حوارت کی کسیوتی ہوں حوارت کی مساوی کمیتوں کو حوارت کی کسیوتی ہوں حوارت کی کسیوتی کو حوارت کی کسیوتی کی حوارت کی کسیوتی کی حوارت کی کسیوتی کو ک

کے مناظر (۲) میں مرف عددی سروں میں انتظاف رکھا ہے اس ہوغوع کے متعلق اسائی تناظر (۲) میں مرف عددی سروں میں انتظاف رکھا ہے اس ہوغوع کے متعلق اسائی تناظر (۲) میں مرف عددی سروں میں انتظاف موری کتاب کے مناظر (۲) میں اسکو ورج کیا گیا ہے بار بیائی تصحیحات کے استعالی موا بط کے لئے مطالعہ کرو مشال (۲) کا کتاب کا مطالعہ کرو مشال (۲) کی کتاب کا مطالعہ کرو مشال (۲) کی کتاب کا مطالعہ کرو مشال (۲) کی کتاب کے لئے وہ کی موری کا میں شائع کیا۔ کے لئے وہ کی وہ اس شائع کیا۔ کے لئے وہ کی وہ اس شائع کیا۔ (۲) میں شائع کیا۔ (۲) میا کا کتاب کیا۔ (۲) میں شائع کیا۔ (۲) می

٣ جى/١١ كے امناف ہوجائے گا- اس طرت ى ارتفاع پر جاذب كى قوت

(Routh, Analytical Statics II P. 12)

اس صورت میں و کے لئے مساوات طاقعل مدا

فرد = - ج (ا- می) ف فری

اوراس سلئ أرٌنجِلا مقام سطح بجرير بوتو

 $(1+2c^{2})$

ع = ع (ا+ ع نشا) (ا+ <u>دی</u>) وال ت

دفعه (۱۲۵) كى مساوات (۲) كى كاستے سي مساوات

$$\left(\frac{1-d_1}{d_1}\right)\left(\frac{1-d_1}{1-d_2}\right)\left(\frac{1-d_1}{1-d_2}\right)$$

ماصل ہو گی۔ اور ی کے ماصل کرنے کے سلے آخری مساوات وفعہ (۱۲۹)

ك مساوات (م) ين ا + يكي كى بجائه ا + هى ورى كرنے سے ماسل مبوكى - يدملوم رہے كوك (ا + هى) تقريبًا ٢ لوك (ا + هى) كم مساوى - يدملوم رہے - كوك (ا + هى) تقريبًا ٢ لوك (ا + هى) كم مساوى - يدم

یہ قابل توجہ ہے کہ اگری اور رکو میروں میں نایا جائے تو محک

= ۱۵۷ مد ... یو می گفریها

جان نه پاره کی کثافت سے ۔

ادر فراث = ۱۰۲۱ میان

هم = ۷۰ × ۷۲۷ و ۱ ج کی میشر = ۱۱ و ۱ ۵ و ع ميثر

اس سے سرم/ ١٥٠٩ مد = ١٨ ٣٠٨ مير بوجائے گا- ليكن آن

آبی بخار کو اِلکل نظر انداز کردیا گیا ہے اور م کی ایسی میت جرست ہو کرود حالی کے زادہ مطابق نیتنے میدا کرتی ہے ۲۰۱۲ وے ج ب ص سے حاصل مو کا

١٨٣٣٩ = ٢٥٩٩٨ ميثر

صابطه (م) سے می معلوم رے کیلئے اول اس کی تقریبی تیب مساوات

کے بایس جانب یں سی کو نظرانداز کر کے معلوم کرنی جائے۔ بھراگراس تقریبی

قمت کواس ساوایت کے بائیں حاب بی استعال کیا جائے توی کی زیادہ

صحیح قیمت ماصل مرگی- اس عمل کونیز فاضرورت مجرد برایا جاسکتا ہے -کا ۱۹ --- دوسری صحیحات مجی صروری ہیں جب کہ عملی طور بر بار بیا کے فردید ارتفاعوں کا کھیک تھیک معلوب ہو - مثلاً م کی فیمت اس وجہ سے مجی برلیاتی سے کہ دی جوئی عیش اور دار کر بر آبی بخار کی محتا فنت

خشک مواکی کثافت سے جوانبی مالات کے زیرائز ہو کم ہواکر تی ہے اور آبی نجارکا تناسب خشک، ہوا کے ساتھ دو مقامات بر مختلف ہوسکتا ہے۔ (۱۳۰

ادربالموم مختلف ہو آ ہے۔

ملادہ بریں اگراد پر دالا مقام زمین کی سطح مرتفع کے کسی حصد بر بوتوزمین کے اس کی ادسط سطح کے اوپر کے اس کی ادسط سطح کے اوپر کے اس کی ادسط سطح کے اوپر

ہے۔اس شعش کا اثریہ ہوگا کہ مقدار ج وا/ (ر + ی) میں بعت در

الا - كرمنة تحقيقات مين بم في الم المعلى دمين كم مخالف حصول برطافهاون اس کی گروش کی د جہ سے جا ذبہ ارض کی توست کی شکل اور اپنے محور کے گرو اس کی گروش کی د جہ سے جا ذبہ ارض کی توست کی تیت مختلف عرض بلد پر مختلف ہوتی ہے اور زمین کے چھلکے کی ساخت کے باعث زمین اور سمندر بر اس کی قمیت مختلف ہوتی ہے اور نیز بید سعادم کیا گیا ہے کہ بحری چھو شے جزیوں بر براعظوں کی برنسبت اس کی قمیت دیا دہ ہوتی ہے۔

ع = ٢٩ ٠٥ ٩٤٨ (١ + ٢٠١١ ٥٠٠ وجب ف - ٢٠٠٠ وحب ت ف)سمر تانيا

یا ج = ۲۴۲ و ۱۹۸۰ - ۲۹۳۲ مرخ نیز حاصل بوا سے جہاں فرع ص بلدہ اور خط آسستوا اور عرض بلده من پر سے کی مِمتیں اِلتربیب ۲ م. و ۸ م ۹ اور ۲ ۲ م ۲۸ می*ل ـ*

اگریم ن = ۱ و د ۹۸ (۱- ۲۹ ۲۹ ، ، و جم ۲ ف) لیس ق می کے سلئے جا توی جل ہم سنے حاصل کیا ہے وہ ہو جا گیگا

ى= المورد (۱ + عرت) (۱ + عرف) (المعرف) (ال

- سطرات - ته) } (٢٩) ان منابطوں میں میساکہ ہم نے اور دیکھا ہے م کی قیت ہوا کے آبی تجاد کی مقدار بر سخصر ہوتی ہے لیکن اگر ہوا کو خشک فرص کیا جائے تو صا بطہ ہوگا و = م ف (ا + عدت) اب اگرموا ، سنتی گرید مین پرمواوراس کا دبار . ۹ یا کلی میشر ماره کے مساومی ہو تو ه ت = و = . و ی بی ش

> Handbuch der Physik. A. Winkelmaner, Leipzig, 1908, p. 479 Figure of the Farth by A. R. Clerk and F. R. Helmert in the Encycl . Brit. Eleventh Edition.

اور گذشت کی طرح ہم ست کومستقل اور ان وو مقابات پرکی ہیشوں کے اوسط کے مساوی انبر سے -یکما سے

م لوك د = المراك م المرك + هر

ن م اک ز = ع دا (ی-ی) ۱) ۱) ۱۱) ۱۱) ۱۱)

فرض کردکد گذشته کی طرح ایره کے مشابه وکرده ارتفاع ف اف اورتبیتیں

سے نایی جاتی ہے اسلئے

ر = جرار ما المار
وَ = عِلْمَ اللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ ا

 $(r) \dots \frac{(r+2)}{r-d} = \frac{1}{r-d} = \frac{1}{r$

اب یونکر طرایک بیت حجو ز خدار ہے اسکنے

ى -ى = م (١+ع ت) (ر+ى (ر+ى) (لوك ات + الوك ر+ى - مرط (مد ع)

جاں مہ = لوک، و = ۲۵ ۲۹ ۲۹ سام م اس ضابط سے اگری معلوم ہوتو ی کی نیست محسوب کیجاسکتی ہے -اگر نجلا مقام سطح بحرکے قریب داقع ہوئو تی = ، ادر

ى= م (١+عن) (١+ ك) (وكر ال ال ٢٠ الوكر (١+ وك) - مدط (ت - ق) }

 $(7) \cdot 1 = \frac{1}{2} \left\{ 1 + \frac{1}{2} \cdot 2 \left(\pi + \frac{1}{2} \right) \right\} \sqrt{1 - \frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1 - \frac{1}{2}}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot لین اگر سطح زمین کے او برار تفاع کا فی زیادہ بوں تو یہ مروری میے کہ زمین کے مرکز سے مختلف فا صلول برجا ذہر ارمن سے تغیرکو بھی کمحوظ رکھا جا سے۔ اس سلنے ہم زیادہ سیج صابطہ کی الاش کرتے ہیں -فرصٰ کردکہ سطح بحرر با ذہ آر من کا آیا ہے ج سے اور زین کا تضف قطر سبع زارتفاع ی برتجا ذبی توت r(C+1) سے نایی مائیگی - اور توازن کی مساوات ہوگی فرد = - ج زرجي بدا فري نزیم جانتے ہیں کہ د = م بٹ (۱+ عبر ت) اور بیاں یہ و مکھ فیٹ مزوری کے کر در حقیقت ہوا کے دباؤ اور الله بی تخار (جو ہوا میں مثال ہے) کے دباؤکا مجبوعہ ہے۔ بیس اگرائی تخاری کمنافت ت ہوتو و ذیل کی شکل کی دومقداروں کا مجبوعہ ہوگا م ف (۱+ مرت) + مرت (۱+ عرت) اوراس سلخ مساوات إلى مقدارم ف ورهيقت وومقدارول م ف من ا هم ف كا مجوعه سيع جو على الترتيب الهوا اورا بي بخارك جواب مين ايس-اويركى دومساوا تول سسط بيس حاصل بوكل <u> زد</u> = - ا ج زافری ا (ر +ی) ا

کے پوری معت کے لحاف سے یہ بہتر ہوگاکہ م ش کی بجائے م من کھنا ماسے جال من خالص ہواکی کٹافت ہے ۔

اول فرص کرد کر میش مستقل ہے اور ی ارتفاع پر دیاؤاور کتافت دی ن سے تعمیر و سے بیں اور ی ارتفاع پران کی قیمیں کو اسک ہیں - تب وازن کی مساواتیں ہونگی نرد = - ج ش فری

نیز اگرف بن سے دومقاات برکے بار بیاؤں کے ارتفاع تعبیر ول (۱۲۷) ادران مقایات کے ارتفاع ی ادری مول تو

ئ-ى = م لوك في = م لوك ن (١)

الرَّتِيشِ مستقل منهوتو فرصَ كروكران دوسقانتِ تبييشين تد، تد بين -اب اگران دومقاات کی مبندیوں کے درسیان، ادسطایکسال تیش سے =

ب (قرب تر) كا مفروند اختياركيا مباسئ تو د اور ن ين ربط د= م ش × (ا+ع ت) ماكل موكا اور ساوات (١) بوجائيگي

ادراگر دونوں مقالت پر باریماؤسنے اندرونی مادہ کی تمیشوں کے زق كويمي كمحوظ ركها حاسئة تودنعه (١٠٩)ست

اورمسادات (۲) برجانگی

مرکزے ایک خاص فاصلے براس کی کمٹ ش جوا کے ذروں کو دائری مراموں رکھنے سکھ نا قابل ہوگی۔ کیکن فرروں کا ان ماروں کو مرتشم کرنا عنروری ہے تاکہ اضافی توازل ر فبارہے اور اس سلنے ک ارتفاع پر دہ قوست جو ہوائے درہ کیست کے کو ۔ سلینے دائری حکت میں رکھنے کے سلنے درکار ہوگ جے (را + ی)/۲۸۹ رکے ساوی ہوگی۔ اسی ارتفاع پر زمین کی کششش اوراس کے انتہائی ارتفاع مساوات ذیل سے حامثل بڑوگا $\frac{U'}{U'+U'} = \frac{U'+U}{U'+U'}$ 1- FAAV } 1= G ی درسے کسیقدر براسیے۔ مكن سب كريه ارتفاع اصلى إرتفاع سنع بهت زياده جوكيونكه غبارول بين ، ہے کہ ادپر چڑ سہتے وقت رہوا کی بیش بہت زماد و سرعست تُنْ سائة مُحَقِّتِي حَا الْيَ بِ اوراسَ فِي بِيرِ بالكل مكن سِبِ كَهِ هر سب كم ارتفاع يرموا بيدامروي كي وجرست ارئع بي تبديل موكني بواور اسسليم اسكي برون سط اليسى صورت مين أسى تشم كى بروكى بس قسم كى غير كيكدار سيالول كى سطيس برواكرتى بين باربیا کے دربیرارتفاعوں کامعلوم کرنا مہم ا - بار بیا کے سابی ستون کے ارتفاع ادر سطے مندر کے اوپراس آلہ کے ارتفاع ادر سطے مندر کے اوپراس آلہ کے ارتفاع کے در سیان ربعا تائم کرتے وقت ہیں کرہ ہوائی کی تبیش کے متعلق ایک مغروضة قائم كرلينا جاسيتيًا. لی جائے تو سیمعلوم ہوگا کو کمیتوں کی پیشبت ایک کو دس لا کھرکے سابھ تھینے۔

متجانس کرہ ہوا تی کی بلبن دی

سر اس اگرہوا کے پورے ستون کی مرجگہ دہی کنانت ہوتی جوزمین کی سطح رہیے تو اس کے ارتفاع کول اور مایہ سے اُرتفاع کو ف سے تغییر کرسنے سے

ماصل ہوگا ۔ ث ف = ف لی مصل ہوگا ۔ بوگا ۔ بوگا ۔ بات کی جہاں ت ہواکی کثافت ہے۔ یہ معلوم کیا گیا ہے کہ نسبت ، ن ف تقریباً برا ۱۰ میں استعال کرنے سے یہ معلوم ہوتا ہے کہ ل ، د میل سے کسیقدر کم ہے ۔ یہ معلوم ہوتا ہے کہ ل ، د میل سے کسیقدر کم ہے ۔

كره بهوانئ كے ارتفاع كى صرورى حد

ظاہر ہے کوزمین کی سطے سے کھے فاصلہ پر اس کی کمشش گھٹ جاتی ہے ادر اس سلنے ہوا کی کثافت اور دباو کھٹ جائے ہیں اس طرع اُنتجہ بالاحققت سے بہت بعید (۱۲۷) سے مہرکیف ارتفاع کی حداس بات کو بیش نظر کھ کر معلوم کیجا سکتی سبے کو زین سکے

له تجسسر بری سبن پر زمین کی اوسط کثا نست محسد سبب کرنے کا سوال اکمٹ، زیر کبٹ رہا ہے۔ یے۔ ایخ - اوا شنگ کے مفتون Adam's Prize Essay 1893 میں زمین کی ادسط کتا نت کی نتیت ہم ۹۳ ہم و ۵ عاصل کی گئی ہے۔ سی۔ دی۔ بائیسنہ (C. Braun) بر اور عي مرازي (Phil Trans. 1895)

Denkschrift d. Math. netur Klasse d. Wiener Akad, 1895 می اس کو ۲۷ و وه تا تے ہیں - این دیکھو جے این پوائٹنگے کا مضمون Gravitation constant and mean density of the Earth, Encycl. Brit, eleventh edition.

المم تيشي (Isothermal (Isothermal) ہے۔ یہ حالت اس طرح پیدا کی جاسکتی ہے کہ عمل آناسست کیا جائے کہ جو حرارت بیمدا ہوتی کیے وہ اثنا ہے عمل میں ملف ہوجا ہے۔ اگر بچکاؤ حرنا گذار ہو بینی عمل کواس غرح ترتیب دیا حاسئے کہ کوئی حرار نه صنا تُع حابثُ اورنه داخل ہواور میراس صورت میں عملاً ہوتا ہے حبکہ بیکیا ؤ بہت سرعت سے واقع ہوتوالیسے کیکا وُسکے سنے دفنہ (۱۱۹) سے یہ ربطاقال دح م عشقل = هر جس سے ین بیجہ نکلیا ہے کہ مجم سے حجم عیں بچکا نے میں جو کام ہوا (۱۲۵) سے دو = - كوفرح = - كوس- م زح = <u>م</u> (سامبر عامر) زمین نے کرہ ہوائی کی کل کمیت

-زمن کے گروہوا اور سخار کی کمیت کا کھے اندازہ باریما کی مدوست سکایا ماسکا ہے۔ یا نکرکہ زمین و نفعت قطر کا ایک کرہ ہے اور اس کی سطے کے تمام نقلوں پر بار بیائی ستون کا ارتفاع وہی ف ہے کہ ہوائی کی تمیست تقریباً پارہ کی تمیت ہم ہو شرع ف کے مساوی ہے۔ فرض کرو کرزین کی اوسط کافت دیت ہے تب محمره ہوا ئی گی کمیت : زمین کی کمیت

= ١٩ شراف ٢٠٠٠ م

= سرزن: تار ليكن بان كومعيادي شي لين سي فرد ، ه رسي اور ف تغريبًا ه وه کے مناوی معلوم کما گیاہے۔اوراکر ف کی تقریبی قمیت و ووو وال استعال سے جوتوانا نی واخل کی جاتی ہے دہ حوارت کی مقدار کے متناسب ہوئ ا بس اگر حوارث کی اکا تی کا حبلی معا دل ع بود اور گیس کی اکا تی کمیت میں حوارت کا اصلافہ از من حبکہ دباؤ ستقل رہے تو نوانا بی داخل مضدہ جوگی

لیکن بر توانا کی کچے تو دے ہوئے تھم پر تیش کے بڑانے میں مرت ہوتی ہے اور کچے اس حجرے بیا ہے میں مرت ہوتی ہے اور کچے اس حجرے بیلا ہے میں ۔

ن عُن جَر فرت = د فرح + عُ م ج م فرت

دح ۽ ل ت

J=(25-,7) :

جس سے ظاہر ہے کہ ہے ۔ جس ستقل ہے۔ ہم اس مساوات سے د فغہ (۱۱۹) کا نیٹھ مصل کر سکتے ہیں۔

م من صاورت سے بہنچا نئ جائے تو کو نئ توانا نئ داخل نہیں ہوگی۔ کیونکہ اگر کو نئ حوارت نہ بہنچا نئ جاسئے تو کو نئ توانا نئی داخل نہیں ہوگی۔

اور ید دفر ع × ج ع فرت = .

لين حد= ل ت=غ (جر-جن) ت

« د فرح + ح فرد = غ (ج, -جع) فرنت

اور د فرح (ج، -جء) + جع (دفرج + ح فرد) = ٠

جس سے ج × د فرح + ج × ح فرد = . بیلے کی طرح -

ا ۲ ا ۔ گیس کے مزاگذر بچاؤیں جوکام ہوتا ہے اس کا سعلوم کرنا۔ دفو مہر میں ہم نے یہ مان لیا تھا کہ میش ستقل ہے یا با نفاظ و گیر کیر کیکیا ک

اگر جی کو جی دی کے ساتھ جو تسبت ہے اُس کو متعقل این اگر دی جی تغیر ماہر کہ کہ تی ہوجا میں تو حاصل ہوگا $\frac{\bar{c}}{c} = \frac{\bar{c}}{c} = \frac{\bar{c}}{c}$ جو ان مو = جی د کر جی مور ادر نیز حاصل ہوگا

ت = د ح = (ح) بر-ا

مساوات دس جہ استقل، حرحر کمیا سے میں حرنا گذر خطوط کی مسا وات
سے ادر یوگیس کی کسی کمیت کے جج اور اس کے دباؤ کے در میانی ربط کو تعبیر
کرتی ہے جبکہ جم میں تغیر کے دخت نگوئی حرارت صنائع ہو اور مذہبہ نی کی جا ہے۔
بیوا کی کسی کمیت کے یکا یک بیمیلاؤیا بیکا کوکی صورت میں جبی ساوات
بالا درست رمہی ہے کونکہ حرارت کے قابل قدر نقصان یا بیرونی اخذوں سے حرارت

کے اکتساب سے سے کا نی وقت بہیں ملتا۔ بیمعلوم موگا کد کرلط بالا آ واز کے نظریہ میں بہت زیادہ اہمیت رکھا ہے۔

(۱۲۴) اسج، - ج مستقل - امول وانان کی مدد سے یہ تبایا جا سکتا ہے کہ اور ج کے کا فرق مستقل ہوتا ہے ۔

حرحرکیا ست کے ایک کلیدی روسے کسی نظام میں حوارت سے

کمینون میں دو صورتاں پر عور کرنا تھنر دری ہے : ، جبر دیا ہوستنل دھے ت ادرگیس کو مجیکنے دیا ہا سے دیما جبکہ جم متفق رہے۔ ان در صور توں میں حوارت وعلی کو ہم رموز جکہ درج ہے سے تعبید کریں گئے۔ کریں گئے۔ يه و کمه سنا آسان سي کرج ، است ت سير اسي يو کم بني سورت مي جرارت جرکس کودی گئی سے کیس کے جیدائے یں بھی کا مرکن ہے اور اس فی 114 - حزنا گذر کلیل ؤ – گرس کی دی ہوئی مقدار کے کیکاؤیا بستا کا افرادیا کرنے میں یہ فنا ہر ہے کہ موادت مطلو ہو سے مداد ست کا تقافیل ہوگی ادد چونکہ ج د ۵ مت اس سے کسی بیلاؤے کے لئے حوارت مطفور سے اور **د کاتفائل** ہو گی۔اس کے پنتی نکلیا ہے کہ زق عنق زح + جن ف زد ادر العوم د = م ن ع ت يا اگلس كى دى بونى مقدار كى كيت كوكيت کی اکائی آما حاسے تو ح د = م مرت = کی ت اگردادٔ متقل دو تو فرق = جرد فرت ي جن ن زج ع جرزت عجر در بين = بين د اكر حجرستقل بوتو جن<u>ت</u> زد =ج زب =ج ع آزد هند

بے منابدے سے کرہ ہوائی میں نجار کا دبائد فررا معلوم ہوسکتا ہے کیونکہ اکر فقطہ م منتا اور اس کے متناظر معامد واو کے ہوتو کسی تیش منگ پر جو منت کے اور کے دماؤ داساوات

<u>د = ۱ + ۵ ت </u>

سےمعلوم ہو جائیگا -114 — گیس کی تیش اور دہاؤ پرسچکا ؤیا بسط کا ا ژ-

تجربه سنت سيمعلوم مواسيع كه اگر مواكى كسبى مقدار كو جوايك اليسع ظرفيب ہے اندر بند ہیں جس میں خوارت وافل ہیں ہوسکتی بچکایا جائے تو اس کی تیش بر بها فی سبع اور سکر اگر ہوا کی کسی مقدار کو خوا ہ وہ کسی تسم کے ظرنے میں بندم یکا یک بچکا دیا جاسے اس طرح رکہ حوارت کو با ہر شکفے کامو انع سلے تو اس صورت میں مجی تیش ہی طرح بڑ ہجاتی ہے۔

۸ ۱۱ – استغداد حرارت - حسی بسم کی استداه حرارت ، حرارت کی ده معتدار سے جواس کی تیش کوایک در جربر او سینے میں مطاوب موتی ہے۔

حوارت کی اکائی جوعلاً استفال ہوتی سے حوارت کی وہ مقدار سے جویاتی

کی اِکا ٹیکسٹ کی تیش میں ایس در حرکم اعنا نہیلاکردے جیکریا نی کی تیش 🕟 منی گرید اور ۱۹۰ سنتی گریدے ورمیان موس

حرارت نوعی- سیجبم ی حارت وعی اس کی کمیت کی ایک اکان کی ا سیتعداد حرارت ہے یا با لفاظ دیگر حوارت و عی دونشبت ہے جو حرارت کی انسس مقدار کو جوجیم کی تیش کو او برا دینے یں مطلوب ہو تی سے حوارت کی اس مقدار کے ساتھ ہو جو سا وی رزن سکے یا نی کی تیش کو ایک درجه برا یا و سیفیں

در کار ہوتی ہے۔ اگر حرارت کی مقدار فرق کمیت کی ایک اکا ئی میں فزمت تیش کی تبدیلی ہیسا کرد سے توحارت وعی کانا ب فرق برگا۔

نفنایں جب تک یانی کی کانی مقدار! تی رہے جس سے ہمینہ سیرسندہ ہو گی بنی صفا میں اتنی مباب ہرگی جننی کم اس تیش پراس نصایس رہ سکتی ہے۔ لیکن اگر ٹیش کو آتا بڑا دیا ط ا بی معایب بن حاسنے تواس تبیش اور اس سے اسطانیشوں کے لئے بھار نکا دباؤائس کلیہ کی ایندی کریگا جس کلیہ کی ہوا کا دباؤیا بندی کراہیے ۔ مرصورت من خواه فضاميم شده مويا نبو اگر مواكا دباؤ د اور محاب كا ١١٤- كره موائى بس بيشه آلى تخار موجود بونا سي جس كى مقدار مخلف اوقات بر مختف مونی سنے تبھی کم اور تبھی زادہ - اگر کرہ ہوائی کی قضا کا کوئی حصد بخار برکردیا حاستے یعنی اگر نجار کی کٹافت اس تبش پر عتبی بڑی ہوسکتی ہے مکن اگراس تبش برسجار کی کنافت کثافت اعظم ندمو تو کو بی عکتیف و قو ح پذیر ی جب تک کر تبش کواس نقط کے نیچے تک مذاقع اور ماستے جس یر فصا الحُرِّدُ اس كَي تَبِش اس مِن نزويك كى فضا كم سيرشده موت کی شکل میں مو دار ہوگا۔ اس سلئے زمین برسٹ مبنم کی بیدا کشش اسکی سطح ے ہو سنے ور شخصر ہے اور میں عملی طور پر زیادہ سرعت سے اُس وقع ہوہا ہے جبکہ آسان برباول مرہ مول اور اس کے اشعاع کے ذریعہ حرارت کا مقالمةً

زیادہ نقصان ہوتاہو۔ نقطیمت بنی وہ تینی ہے جس پرشنبم ابتدا پیدا ہونا شروع ہوتی ہے اس کو بقدن بالاست اسٹام ہے ہے کا زمیاہے۔

اس) و تعین بالاست اسفارے سے کرنا پڑتاہے۔ مخلف تینوں پر جو مخار کوسیاب کرنے والی کٹافتیں ہیں ان کے جواب بس بخار کا و باؤیمی مجربہ سے معلوم کرلینا جا ہیئے اور اگرایسا کمیا جاسے نوفقط منم

(17**7**)

$\frac{7}{4}$ $= \frac{5}{4}$

مہ 11 ۔۔ دفیات اسبق کے نتیجے اور کھئے نجارات کی صورت میں اسی طبیح صادق آئے ہیں۔ نجارات اور کمیوں کے جلی خصوصیات میں بلا لحاظ ان کے کمیدیائی حضوصیات میں بلا لحاظ ان کے کمیدیائی حضوصیات سے مراب ہو جاتے ہیں اور موخوالذکر کی تکفیف مرف بہت بڑے دونوں کے ایک ساتھ استفال سے ہوسکتی ہے بڑے دواؤیا انتہائی شندٹک یا دونوں کے ایک ساتھ استفال سے ہوسکتی ہے اور یہ معارم ہوا ہے کہ بھا ہے اور اس کی خاف اور ہوائی کا فت اور و با دُھرت میں بر شخصہ ہو ہوتے ہیں اور ہوائی کنافت اور و با دُھرت میں بر شخصہ ہوتے ہیں اور ہوائی کنافت بر شخصہ نہیں ہوتے ۔ بس اگر ہوا کو فی میں مرفوار رہیں گے۔ اگر تبش میں اساتھ است بیدائی جائے و بھا ہی کردیا جائے و بھا ہے کا خاف اور د با کو و ہی برقوار رہیں گے۔ اگر تبش میں اساتھ ہوتے ہوں اگر تبش میں دسمند بیدائی جائے و بھا ہی مزید مقدالہ میں اساتھ کی حربی اگر تبش کو کھٹا دیا جائے یا فضا کو کم کردیا جائے تو بھا ہے کا کہو صد کمنف ہوجا ہیگا۔

ہے ایک دوسرے سے اورا گیا ہے تب آمیزے کا دباؤ وہی قر ہوگا اور بش غیر متغیر رہیگی -اب اگر آمیزے کو حجم سے یں دبا دیا جائے قراس کا دباؤ قلید بائل کے روسے د + قر ہوگا-بینیجہ صریکا گیسوں کے کسی تعداد کے آمیزے برصا وی آتا ہے۔

_ دو مختلف عميول كے حجم ح الح ميں ادران ميں كے دباؤ على لترب ادران د کا بیں۔ ان کو ایک ووسرے کے اس طرح الا ویا تھیا ہے کہ اسکے آمیزے كا حجم ع بوطاً ب- آميزك كا داو معلوم كرنا مطلوب ب-

وونوں گیسوں کے د اِ وُ جبکہ اِن کو حجم عیں محدود کیا جائے علی الترتیب 5-2-13-

ادراس کے دفعہ اسبق سے آمیزے کا دباؤ

5 t +> T بحادر اگريد دبار 4 سے تبيركيا ماسے تو

د ۶= د۲ + د۶

و نے کے بینیر اگر گیروں کی مطلق تبیشیں ت اور ت ہوں اور اللہ کے بعد تبیش مطلق تہ ہو جائے اور جم و تو گیروں کے داؤ علی التر تیب ہو سکے اور جم و تو گیروں کے داؤ علی التر تیب ہو سکے

دح <u>ت</u> اور هنگ تے ا

یس آمیزے کا دباؤ کم ان دومقدار د ل کا حاصل حمع ہوگا اور اس کیے رم = رح + رح ع ا استرا

گیبول کے کسی تعداد کے آمیزے کی صورت میں

د = م ن عر س- س)

چونکہ نت مستقل ہے اسکئے رسے کرمت بمی سقل ہے اور یہ کلیہ مطلق

پیانہ میں، دباؤ حجم اور تبش کے ربط کوظام کرتا ہے۔ ۱۱۳ - اسمیز سے مختلف لیکدار سالوں کے آمیز سے کا دباؤ۔

ود مختلف گيسوں پر غور کرو جو دوظر فول ميں ہيں جن کے جم سے اور سے ہيں۔

فرض کروکه ان ووظ و منسب تمین الحاق بیداکیا گیا یا در نون گیسون گوایک بند ظرن میں حس کا حجم ح + ح مح ہے منتقل کردیا تھیا ہے ۔ ایسی صورت میں حیکہ

ان يس كوني بيمايي على وقوع بذير بنيس موتا يه معلوم بهواسيم كه وديو ركيسيس عليده منیں رہتیں بلکاکی دوسرے میں نفوذ کرتی ہیں حتیٰ کہ وہ ایک دوسرے سے

پوری طرح ملی تی ہیں اور یک حب توازن قائم ہو جا آ ہے تو آمیزے کے داؤاور

اس اہم بچرو کی واتفیت سے ہم حسب زیل مشلدا فذکر سکتے ہیں۔

اگردو گلیوں کو من کی تیش وہی ہے ایک ظرن میں میں کا حجم سے سے لادیا

ص والے ظرف میں داخل کیا حائے قرآمیزے کا دباؤ < + 5 بر ہوگا۔

فرض کروکہ دونوں گیسوں کو ایک دورسرے سے جدا کردیاگیا ہے اور سکیس کے مجم میں حس کا وہاؤید ہے تبش کی تبدیلی کے بغیرا تنا تغیر کر و یا گیا سہت

كراس كم وبازً كم بوجامًا سير تب كليه بالل كى روست اس كانجر حسم / دَبريًا اب فرمن کروکه ان دو گلیوں کو ایک ظرمن میں جس کا حجم

7 + 2 - 2 : - 2

تلم افسام کی گیسوں کے لئے مقدار عرتقریباً وہی ہو تی ہے، لیکن م کی قِمت مخلف گیسوں کے لئے مخلف ہوگی- اس سفٹے برصورت میں تجرب کی مدہ سے اس کومعلوم زاجاہیئے ۔

سے اس کومعلوم کرنا چاجیئے۔ 111 - تبیش مطلق- آگریم یتقور کریں کیکیس کی تبیش کو اتنا گھٹا دیا گیا ہے کواس کا دہاؤ جم کی تبدیلی کے بغیر معدوم ہوجایا ہے قراہم تبیش کے مطلق صفر پر ہنجتے ہیں اور تبیش مطلق اس نقط سے نابی جاتی ہے۔

تر بہاری مرد باس میش کوسنتی گریم تبتش با بر تغییر کرتا ہے ہیں مساوات رب عد ت = . سے عاصل ہوتا ہے

76 m - = - 1 -= =

فارن إيث كے بيانه مين مطلق صفر - 9 ه من بوگا-مساواتوں و = م ف (۱+عدت) ، ساوتوں د = م ف (۱+عدت) ، باریما کے اور ہوا کے ستون کا ارتفاع مگٹ جاتا ہے اوراس سلنے ج پر ہوا کا دباؤ جواس کے اور ہوا کا دباؤ جواس کے اور کی ہوا کے ستون کے دزن کے مساوی ہے گھٹ جاتا ہے اور اس سلنے ملی میں یارہ نیجے آئر تا ہے۔

ملوم رصف ہیں۔ اس مقصد کے لئے ہم ایک صابطہ کی الاسٹس کرینگے۔ لیکن ہیلےہم اُن قوانین کا بیان کر دینا صروری سنجھتے ہیں جو مختلف تبیشوں پر ہوا اور گیبوں کے

د با دُل میں صنبط پیدا کرئے ہیں ا در نیز اُن قرانین کا جرگیسوں کے آمیزوں سے متاہد

۱۱۰ من بی کی ارسیال کے داؤ کا نت ادر تبیش کے درمیان اس رشتہ

ر=م ك (١+عم ت)

کو بہلے بیان کیا ہے۔ یہ مجربہ کے دوسب زیل نیتوں سے اخد کیا گیا ہے۔ (۱) اگر نیٹر ستقل رہے تو ہوا کا دہاؤاس کے جم کے بائوکس بدلتا ہے۔ (کلیہ بائل)

(۲) اگروبا و مستقل رہے تو ہوا کی کسی کمیت کی تیش میں آ سنتی گریڈ کا اصافہ اس میں اوستی گریڈ کا اصافہ اس میں اتنا تھیلا کو بیدا کرتا ہیں جو اس کے صفر درج سنتی گریڈ برکے جم کا ۹۵ ۲۹ ۰۰ و کنا ہوتا ہے۔ (دوالٹن اور کے لزک کا کلیہ)

اس طرح اگر بودا کا دماؤ د ادر کفافت من بو جبکه تمین صفر سے تو

اب فرض کرو کر تبیش کو ت کک برای جانا ہے جبکہ وہا و دہی رہتا ہے۔ اس کو سمجھنے کے لئے فرض کروکہ ہوا ایک اسطوا ندیں ہے جس میں تھیک بیشنے والا قابل حرکت ایک فتارہ لگاہوا ہے۔ ادراس فتارہ پر ایک مستقل قت مگی ہوئی

یردی برزے سے جے برکار وال بریاد کے دو والے مدوی ہے۔ زُفِن رُورُ ورون كُنْ فَ فِيسِهِ ورج دِرُودِ و كُوندو سياتي

سیوٹ ہیا ہے۔ اور رتذان ہے کی سے کہ جو ان کے دیار کر پر بنان سوز کے۔ برو کر عرف نیاده بوسے ک درسے یاب سے نیاده مردور سا ہے جو اربیاؤں کی بروٹ بن مستول وسٹ سے وائٹ کردھ واگھ ویاق سون ۽ ريف تريم ۾ سامان بريار

يرون كن فت بمض كراة مائي سع اوراس ك قد لازاً بمضوكا إن

عرب عدم وملا كيا ہے ، إستى كريك منا ذك سے وروك ميلا يركنانت نتر بوتو

> تَهِ = شَق (ا + مَق عَلَم عَلَم (ا + ١٨٠١٨٠٠٠٠ و. ت نه ف_{ت =} فبر (۱ - طرت) اگرط = ۱۸۰۱۸ ،۰۰۰ اور ١٦ ه ج غر (ا- ط ت) ب ق

منابلہ ہے (ا۔ ط ت) ف کی دوسے کسی مقام پرسکے کرہ ہوا تی سکے واوع کی بالیفس ہوسکتی ہے بشرطیکہ عرف بلد کی تبدیلی سئے ج کی قیت میں جو اندیلی داخے جا کی قیت میں جو اندیلی داخے ہو ان کا فاد کھا جائے ۔ نیزید دیکھا گیا ہے کہ ایک ہی مقام برخواہ تبش بدلے یا فد برلے یہ دباؤ برا م اور بہار دن پر برا میت میں یا کسی مقام کی بهواری سے او برکسی ذریع سے معود کرسے میں یہ وا کو مکتاب، یہ بات سالات کے وارن کے نظریہ سیکے مطابق ہے کونکراو پر چرفسے یک



كره بواني كا دباؤ

9 • 1 — اگرایک سفیندگی نلی تقریباً بین فٹ لمبی حبی کا دیک سرابند ہویا دے
سے بھردی جائے ادر بھر بارہ کے ایک ظرف میں الٹاکر اس طرح رکھی جائے
کہ اس کا گھا اسرا ڈوبا ہوار سے قریب معلوم ہرگا کہ نلی کے افر بارہ مجھ اگر گھیا ہے اور
اس طرح ساکن ہے کہ اس کی ادبر کی سطح بر تن کے بارہ کی سطح کے اوبر تقریباً ۲۹
اس طرح ساکن ہے کہ اس کی ادبر کی سطح بر تن کے بارہ کی سطح کے اوبر تقریباً ۱۹ این بار بیا کے
استعال کی طرف رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا دباؤٹا یا جا سکتا ہے۔
استعال کی طرف رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا دباؤٹا یا جا سکتا ہے۔
بادبیا اپنی سا دہ ترین شکل میں ایک سیدھی سفیدہ کی نلی ال ہے ہے
بادبیا اپنی سا دہ ترین شکل میں ایک سیدھی سفیدہ کی نلی ال ہے
جس میں یارہ ہوائے موض میں ڈوبا ہوار بہتا ہے ۔ سرا بند
ہوتا ہے اور بازو ا ب میں ہوانہیں ہوتی۔
ہوتا ہے اور بازو ا ب میں ہوانہیں ہوتی۔

مجروں سے یہ معلوم ہوائے کوسطے سے کے اوپر بارہ کی سطح ب کا ارتفاع تقریباً ۲۹ ایخ ہوتا ہے اور چونکوسطے ب بر کوئی دباؤ نہیں ہر اس منے یہ ظاہر ہے کہ ج پر ہوا کا دباؤ دہ قوت سے چو بارہ کے مستون ب ق کو تھا ہے

ہوئے ہے۔ ہم نے پہلے یہ بتایا ہے کہ اکن سال کا دباؤ انقی مستوی پر کے تمام نقطوں

(114)

برق ہے۔ یوسر ترب سے اس طید یہ کراسٹے محیکہ سے مت قرق ہے۔ اگر اس کے خدر ان سے اس کے شیعے تھا میا جا سے توالایت کوہ کہ لوسٹے بھر یومین میں سے جائے۔ کے اس میں تیرریا ہے ایک دشتی میر مثلک انتخاص ایک تیرریا ہے الکرکسی مالکے

مران من المستعمل المراز المراكز و المستعمل المراض من المراكز المستعمل المراكز المستعمل المراكز المراك

المالية المالي

بالا جائے جب ر ف ایک دیے ہوے آفا علی کونٹیر کوٹا ہے توٹا ہستا کو کھ جسم کی غسف النہا دی تراض کی مساورت ہوگ

له جا(٣) كا تفاعل كوتبركة بعد مرجم

نوا نع اور مخروط کی کتا فتول میں سنبت معلوم کرو جبکہ توازن تعدیلی ہو-اگر محور کو اِتنا نیسیج نے کیا جاسٹ کہ توازن تعدیلی ہو جاسئے ادر بھرمخرو ط کو

ضيف طورير مبنا وإجاف توصغيرا بتزاز كاوقت معلوم كروف

سو اس آیک چینا (Öblate) کرہ نما بوری طرح دوسیالوں میں عرق کر دیا گیا ہے۔ نیکے سیال کی کنافت امنا نی کا دوجید ہے کیا ہے۔ نیکے سیال کی کنافت امنا نی کا دوجید ہے کو منا انتصابی محر کے ساتھ تیررا ہے ادر اس کا مرز سیالوں کی مست ترسطح

یں ہے۔

ی فرض کرکے کرصغیر مٹا کو واقع ہوتا ہے اولاً نتھا ہی سمت میں اور نانی انسیا اس کے مرکز فقل میں سے گرز نے وائے افقی خط کے گرو نا بت کرد کھنیرا ہنزادول کے اوقات علی الترتیب ہونے

サイト イラー 10、サイト 10 - 5 8-47

جان کوین اتس کے تصن محد اور ب ہیں۔ ۱۳ ایک متجانس کھوس حسم ایک ائع میں جس کی کٹافت ایسے برلتی ہے جیسے گہرائی کلاً عزق سف مہ تررہ ہے۔اس کا مرکز نقل کے گہرائی پرسرے نیابت کو

كمنيرانقابي المتزاز كاوتت ١١١ ﴿ الْمَارَى بِ -

(۱۱۵) ان اور شان کا ایک بتراستادی اساتین کا تم الزاویه شان کی شکل کا ایک بتراستادی اساتین کا تم الزاویه شان کی شکل کا ایک جاده زاویه سیال کی سطح کے بینچے نامت کردیا گیا ہے اور یہ اس طرح ساکن ہے کراس کا وہ صلع جرعز ق منیں ہے افغی ہے۔ تابت کرد کر اس کے اپنے مستوی میں صغیرا بتراز کا وقت ہوگا

2/3/11

جهاں شاف کے ہر صناع کاطول او ہے۔

ایک میم کی کوین منعنی ما مع لا آ²⁻¹ کومور لا کے گرد گھانے سے

توبتی یا بی کے باہر اٹھ کرہ جائیگی اگرد کم اللہ ل جارت لین اگر

 $<\sqrt{||\hat{a}||_{2}}$ و $>\sqrt{||\hat{a}||_{2}}$ تواس کے اہتر ازات کا وقت ہ $||\hat{a}||_{2}$ مرکال ۹ ۔۔۔ ایک تائم تحروط انتصابی محرادر نیچے دار راس کے ساتھ میال میں تیریا سبے اور اس کے محور کا بنے صدعرق مصفر وط کے وزن کے مساوی ایک وزن اس کے قاعدہ پر رکھد یا گیا ہے جس سے مخروط دایس اسٹینے کے میٹیتر أتنا ذوب مبالب كراس كالمحور بوراع ق روحاً السيم ثنا بت كروكه

نَ + نَ + ن = ٤

• [---- ۲ عه زا دید داس کامخردط او نصف تطریک اسطوانه میں اس طرح تیرر اہے کہ اس کے محور کاطول او عرق ہے ۔گاسکو ایک سیغیر طول میں انتصا با شیعیے وہیل دیاجاے تو نابت کروکہ اس کے اہتزاز کا وقت ہوگا

nr الم<u>اروية من من عر) ن</u>

جباں ف مخروط کا ارتفاع سبے .

ایک ظرف کردشی مکافی نمائی شکل کا ہے ، اس کا محدرا مصابی ہے اور اس میں مانع کی اتنی مقدارہے حبیکا جم اسی ور خاص کے ایک سکا فی نما کے قطعہ تے جم کے مسادی ہے جواس مائع میں تررا ہے۔ اگراس مکا فی نما کواتنا اٹھایا ے کر اس کا راس میں سطح رہوا در اگر جھوڑ دینے پر سے اسنے محرکے ہے کے مساوی گہرائی آک لو شنے سے قبل عرق ہوجائے آڈ ٹا بت کروکھ ائع کی کثافت: مکانی نمائی کثافت:: ۲۸: م

الما -- دست بوسے زاویہ راس کا ایک طوس مخروط ایک ایسے محدر برتھا ا کمیاہمے جس کے گردیہ حرکت کرسکتا ہے اور جو محزوط کے قاعدہ کے ایک قطر بِرِمُطِق بِوَمَاكِ - الرِّمُحور كو انقى طور بر بكرًا جائب ادر اتنا فيسيح كيا جانسيه كمفروط کے حجم کا لیا بینچے وار راس کے ساتھ ایک متجالنس ائع میں غرق ہوجا کے

مم بای مجون نصف کره کو جوایک افعی قطرے کرد حرکت کرسکا ہے سال سے جزائهم دیاگیا ہے۔ نا بت کرو که صغیرا متنزاز کا وقت وہی موگا جواس صورت میں ہوتا

ا ایک مخوس انص نمااسیف ست دو چند کنافت نوعی داملے ا نع میں ترر ا راس كالم يحوسية مسع يحوا محورانتها بي مع يحوسة انتهابي ت معلوم کرو، نیزودمسرے دوا فقی محوروں سکے گر دصفیرزا و ٹی اہتزازات

البراجس کے کفارے کاطول اوے) سال میں تیروا ہے اس طور برکداس کا مرک تقل سیال کی سطے کے بیچے ب گرائی پرسے۔ اگراس برصغیر ہٹاؤ بدا کیا جائے اس طرح کواس کے دورہ انتصابی رہیں و ثابت کروکہ اس کے صغیرانتصا بی اور زا و نئی اہتزا زات کے اوتات علی التر تب ہو بگے

1977 1 1 (et m 17 (1 (4 + 4)) 7 (11 (1 + 4))

(۱۱۴) کے ۔۔۔ ایک اسطوا نہ مائع میں انتصابی اہتزازات کر ہے۔ یہ مائع ایک درسم اسطوانہ میں ہے حس کا نصف قطراول الذکر کے نصف قطر کا ن گناہے۔ الما بت كروكه اسطوانه سك محور كا غرق ست ده طول جبكه وه سكو ك سك محل مين مع

(1-じ)カイナ でじゅ

ہوگا جہاں سے ایک بورے اہتزاز کا وقت ہے۔ ٨ ۔۔ ف کتافت کی ایک موم بتی فر نتی فت کے ساکن إنی میں انتصابا تيرر ہى سبىماس كورومشن كرديا كيا أور ويھا كياكه اس كاشعد يا بن كى طرنس کیساں دفارع سے ازر ا سے اور بتی جس دفقار سے جل رہی ہے دہ و سے نامت كروكه

و (نفر ب ف) = نفو نیزنا بت کروکہ اگر بنی کوائس و تت بجما دیاجائے جبکواس کاطول ک باتی رہے

امول کے مطابق باہم مرکب ہوتے ہیں۔ یہ دیکیہ لیا جاسکتا ہے کہ اگر ﴿ لِب مِن و فقطے سے جائیں جن کے فاصلے ہے سے سمت ج دیں لم ، لمر ہیں تو وقت مت پر ان نقاط کی انتصابی گرائیاں ی +لم طد ادری + لہ طربو ہو گئی مینی گہرائیاں ہو گئی

ج جم (مرار له ب ت + عم) ادر جم مم (مرار له ب ق ت + عم) ادر جم مم (مرار له ب ق ت + عم) ادر اس کے ان نقطول کی انتصابی حرکتیں سادہ اہتزازوں بیشل بیں جوقانوں رفاص کی یا بندی کرتے ہیں۔ ڈور کیل (Duhamel) نے ابنی کتاب نفساج کی دنوم او (Cours de mecanique, Art 152) میں اس امرکی درمافت

کا حوالہ دیتے بوسے اس وائم کوشی (M. Cauchy) کی طرف نسوب کیا ہے۔ کا حوالہ دیتے بوسے اس وائم کوشی (شیار کی سے میں میں میں از ہم از مرازوں کے مساوا تیں (۵) ارتعاش کی طبیعی حیثیوں کو تعمیر کرتی ہیں۔ ایترازوں کے

ادوار تن خصم)ادرط=

ب جمرت ت + صد) كومسا واتون (٣) ين مندرج كرف سے اور نسبت في كونتيج سے

ما تطارفے سے عاصل ہو کتے ہیں۔

المستفیاری سید یا دُنڈا دئے ہوئے ارتفاع سے بانی کی سطح پرانتصابا گرایا گیا ہے۔
اس کی حرکت دریا فت کرواوراس کے لئے مغیرط معلوم کرد کہ دو مین غرق ہوجائے۔
م ۔۔ ف ارتفاع کا انتصابی اسطوانہ ایک انع میں تیررہ ہے جس کی کتا فت اسطوانہ کی کتا فت اسطوانہ کی کتا فت کا دو چند ہے۔ انتو ایک اسطوانی ظرف میں ہے۔ ارتفات کا نصف نظر اسطوانہ کو صنیف طور پرانتھا با فصف نظر اسطوانہ کو صنیف طور پرانتھا با ماس فرائی جا ہے۔
ہٹایا جائے تو تا بت کردکہ اہتراز کا دفت ہ ماس فرس ہے۔ ہوگا۔

ہنایا جاسعے و تا بت کرور اہمرار ہوت ، ہو میں کردی ہوں۔ سو ۔۔۔۔ایک جسم مسلی سطح کا نجلا حصہ کردی ہے ایک دزندار سیال میں تیرر اسبعے شاہت کروکہ صغیرزا د کی اہتزاز کا وقت وہی ہوگا خواہ کیسی متجانس سیال مین بیرسے۔

ان مساما ون کونکل کرنے کے منے دوسری مسا وات کو لدسے عرب دیکر بہلی مسا وات میں جمع کرو اور فرمن کردکہ لرن- بن ق <u>لر</u> اس طرح عال بوكا ز سازى + د ط) + (ر- كرع) (ى + له ط) = . اور اگرکام ، کی اصلیں لم لم ہوں تو ى + امط = ج بم (مار- الم ع ت + عم) ى + لوط = جرجم (مراد - لوج ت + عم) ان سے می اور طر پوری طرح معلوم ہوجائے ہیں۔ دن کی گہرائی اس ملک کے جد سے ماصل ہوتی ہے ج+ ﴿ مِم (مرت + ع) + لمب جم (مَ ت + ب) ادراس کی حرکت دد مخلف اہتزاز دل برمشتل ہے جن میں سے ہرایک قوانین دیال کی پابندی کرتا ہے یہ دونوں اہتزاز صغیرا ہتزازات کے ہم وجود ہونے کے نك فرات (ى + د + ب ط) يك - (ح ف ح + ج ف (ى) =-ج ف ای

رای + ب زاط = - ج آ ی (۱)

ب من سے گزرنے والے انفی محرکے گرد (جصدری محرسے اور بٹاؤ (۱۱۲)

کے متوی برعود ہے)زاد کی حرکت کو پیش نظر رکھ کر دو میری مساوات حاس ہوگی۔ نٹ کے گردسیالی دہاؤ کے معیار کو دو حصوں میں تقلیم کیا جا سکتا ہے۔

ایک توصید اون بهای ده سنه به ادر دوسرا بناسط بولی سیال محصد ع ج کی و خیستے

سایی داد کافبل الذرصد = ج ث سم جوبس مرکز حریس اور وار عمل کرتا ہے، اور موخر الذكر حصد = ي شف (مى جوتيراؤكے مستوى كے

مرکز مندسی مج س سے عمل کریا ہے۔

طه كو محمد المفاح الميلان ريمحن والى سمت مي معيار

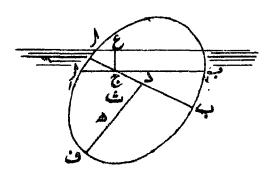
=ج ف × سف حرجب ط-ج ف (ی (ب جم ط- د حب ط) = ج الرزا (- وح) طر ج ف (ي (ب- د ط)

= ين (مرا (- وح) طرع ف (ب ى جہاں ی اور ط کے حاص منرب کونظر و نداز کردیا محیا ہے

نكريم فراط = ي ف (مرا (- وح) طبع ت (ب ى

(1) ادر (م) ساوا قول سے حال ہوتا ہے

وونزں حرکتیں ایک دومرے سے غیرتعلق بنہیں ہونگی اور دہ تالزن جوان حرکتوں ى تعين كراب طرية ذيل سي معلوم بوسكات -



فر*ض کروکزشبم کو تشاکل کے*انتصابی میتوی میں خفیف طور پریٹا کر چیوڈ دیا گیاہے اورخط هرست الن ت براتها بي كے سائق زاوي طربا اے اور ى = سطے کے بنیج سے کی گہرائی سے ع ، رفن کرد کہ ہدف استراؤ کے مستوی کو نقطہ د پر قطع کرتا ہے اور

ه ف= ان د د ف = د

اور ویگر رموز گذست ترکی طرح -

او دیررور مدن رب تب ن کی گرانی = ی + ب حب ط + د م ط = ی + ب ط + د ، زیر بحث رتبه تک

بالمائ بوسفسال كاوزن

إن برعج يا أف بعج کے سادی جم کے سیال کا وزن ہوگا۔

يه ودن = جث ٢ +ج ث ﴿ ي

كُونكِ اسى صورت بس م انقى سمت بس قابل قدر فاصله عط ركيًا (بيني مرت بيل وتتبركى صغير مقدارول كالحاط كرك بوسف إوربها كي مقداراويركي طرح

اگرمیس مرکزهر موتون کے گروسیالی وا وُکا معار

=ج شرص ×۵ر لیش جب ط

اورطر كوكتاك كراف أل مراسي جهان طدوه زادير سع جوسف هذا مقابي كساخة أن ت يربّانًا سي-

لكن هرك= المركدوم الرهاف وا اب ج نکه دست میں سے گزرنے والا افتی مور صدری محور سے اس لئے ك م الم المراج = - ج ف (م (- و ح) طر

جہاں طہ کی اعلیٰ قرئیں نظر اُنداز کردی گئی ہ*ں اور ہٹ میں سے گزرنے* واسے افتی مورکے گردجسم کے جمود کا معیارک س ایسے ۔ اینی

مَ وَرُول مِنْ اللهِ المِلْمُ المِلْمُ اللهِ المِلْمُلِي المِلمُلِي المِلْمُلِي المِلْمُلِي المِلْمُلِمُ المِلْمُلِي المِلْمُو

يرساوات جيوك ابتزازات كولفيركرتي بعجكري ا حاح ينى جكره وال

کے اوپر واقع بواورا بنتر الات وقت

اگر سن م هے نیچ واقع بروق وائی علامت بدل دی جائیگی۔ یه معلوم رسی کو قائمیت کے برکینے کی بانج اس میتجہ سے اغذ موسکتی سے ج انجى حاصل كالكيا المزارك لئ مل (- الح كا ايك مفيت مقدار مِواصروري م

٨ و ١ -- أنانيًا الره أور دف كو لا ف والاحفا تقطر من ست فدكورك نو

ایک جوٹے انتصابی مہناؤ بر عور کرو۔ جم کے جیو فیصدی ع کو حصیال کے بابر اٹھا لیا گیا ہے ایک بتلا استطوانہ خیال کیا جاسکتا ہے۔

زمن کروکہ ج ع = ی ہ ع ع نے بی انتہا کیا در ن ورضم برینچ والہ قوت = جبر کا وزن - ہٹا ہے ہو گے سال کا در ن ا حبر کا وزن - ہٹا ہے ہو گے سال کا در ن ا جہال نیراؤ کے مستوی کا رقبہ کی جہال نیراؤ کے مستوی کا رقبہ کی ہے۔

زر نت ا ن ع ن ک ی جی ن ل ی جمال جمری کمیت ک سے۔

جمال جمری کمیت ک سے۔

جہاں جبم کی کمیت ک ہے۔ نیکن کرج = ہٹائے ہوئے سال کا وزن = ہ ن ح اجبم کے حصر ج د کاعجم ح ہے۔ اگر میں اراز ہ

> ز ای از ای ای از این میزاید -سے حرکت کا نتین میزاید -

اس کئے پورے اہتزاز کا وقت ہوگا ۲ میں کرکے

که اسلب سی حکردایک جموا زاد کی مبنا و (عه) فرص کرد، تب سف بقدراس فاصله کے اور انگیگا جوعلاً بر شخصر جوگا اور اس سلئے نظرا نداز کیا جاسکتا ہے بقا بلوان مقدار دل کے جوعہ پر شخصر جوتی ہیں اور بھراگر جسم کو ساکن فرض کر کے ہی کو این عالت پر چھوڑ دیا جائے تو وہ (اس فرض کی بنا میں میں میں سے گزر سے والے انقی محر کے گرداہتزاز برکھ توازن قائم ہے) سٹ میں سے گزر سے والے انقی محر کے گرداہتزاز کر سے گا۔

کر سے گا۔

اگرا تبدائی ہٹا و سے کردلیا جاسے تو بھی دراصل وہی بات بدا ہوگی

(1-9)

تیرنے والے اجسام کے ابتنزازات

 ۱۰۹ --- اگرایک وزن دارحبم انع میں قائم توازن کے محل میں تیرر اہوا دراسے اس کے محل میں تیرر اہوا دراسے اس محل سے ذرا ہٹا دیا جائے تو وہ میچوئے انتقابی اور زاوئی اہتزازات کر دیگا۔ ہے کہ ایسے اہتر ازات کا سوال ایک احرکی سوال ہے ادر میکد اگر بھم ا مع کی حرکت کونظرانداز کردس توجیم کے ابتزازات یے اووار کے ملئے جو تناکج حاصل وه حقیقی دورون کے او بی حدرد موسیکے۔اس کتاب کی وسعت کا جہانیک ز من رسکتے ہیں کہ انع کا حمود نظرا زرائے پاگیا ہے۔ علاوہ بریں رت پہ خورکریں گے۔ ہم فرض کرسنگ کی تعبیما بینے مرکز میں سے بی ستوی کے لحاظ سے متشاکل ہے ادر میرکہ ابتدائی ہٹاواس متوازی ہے۔ سے کرسم کے تمام نقطوں کی بعد کی حرکتیں اس ستوی کے متوازی مونگی

اوراكرتوازن قائم بولتو حركت لجموسك انتصابي اورزاو في ابتنزازات يرشفل موكى-اقُالِ فرصَّ كُرُوكُم مِثْ اور هو ميں سسے كررف والاخط (ج ع د) سراد كمسترى کے مرکز ہندسی میں سے گزرتا ہے ۔ جب برصورت

بوقو انتصابي اورزاو ئي ساول برايك ودسر

سے علیدہ عور کیا جاسکا سے ۔

ور نقط جوانصابی ہٹاؤسے فیرمتا ٹررہتے ہیں ایک ایسے خطبروا تع ہو ۔ تے ہیں ایک ایسے خطبروا تع ہو ۔ تے ہیں جب کی مساوات ہے ۔ فیال اللہ اللہ عامال ہے ۔ فا۔ (۱- ن) لی کرا ہے ۔ فا۔ (۱- ن) لی کرا ہے ۔ جہاں منرس کی کٹافت کو مائع کی کٹافت کے ساتھ ضعبت ناہے ۔ جہاں منرس کی کٹافت کو مائع کی کٹافت کے ساتھ ضعبت ناہے ۔

مشفاكل مل ببلو كي بل الم كف ك سفة قائم وان كم محل مو سنك اور ل خرسکيگا اگرامل کي کثانت ۱۱۲ء اور ۱۸۹ و يا ۱۹۹ و اور ۸۸ ء کے در میان واقع ہو- اور بیر کران صرو د کی درمیا نی کٹیا فتوں کے لئے ایک ب سے اوریادران حدووسلے باہر کٹا نتوں کے دیے ایک بنے سب سے الثاكرادركاني ينج كرديا حاسك ادر رو مناسب كأنت ك العكيس اوسسى کے مستوی پرتیرے و نابت کرو کہ توازن قائم ہوگا۔ لیس مرکزی اِرتفاع میں موٹرا منا فرکا اندازہ لیگاؤ جیا جازکوایک فیز ایک دیوار بیلو جهاز جس کی کوئی تراش ۱ وعرض کاستطیل سیم ہے محل میں تیرد ہاہے اور لا گہرائی بک عزت ہے جہاز کا مرکز تقل بیت د۔ اوبر ﴿ مُ ارْ مَنَاعِ بِرسِ - جِهَاز كوزاويه طوين ايك جانب بجراريا كياب اور ایک جنت کے دراید سس کا معیار ل سے اسے تواز ن میں رکھا گیا سے نابت ل = وجبط إلى الم المراه الله الله الله الكراك الله جال جازكا وزن وسيے۔ -ایک تیسال نفوس منبر مکانی نما 🖐 + 🚣 = ۲۰ یک کے ایک نیعے وارراس کے ساتھ اپنے میں ازا وار تیرر ا ہے ۔ اس کے مستوی قاعدہ کے نقطۂ (صلا) علی برایک جبولا وزن رکھ ایکیا ہے۔ تابت کرد کرمستوی قاعدہ میں کے عرق بہوجائے۔ تابت کروکہ جہاز اور اس کے اندرونی بابن کی توانائی اِلفوہ میں اضافہ سبے

{و- ((<u>ق</u> + <u>و</u>) }سنالا

جہاں جہازادراس کے افرد نی یا نی کا دن و ہے جبر کے فاصل آب
کا رقبہ ﴿ اور جہازک فاصل آب کا رقبہ ہے اندو نی یا نی کی سطح کا رقبہ بہتے۔

اللہ ۔۔۔۔ مکافی منا لا اللہ + ہا = ۲ی کی شکل کا جہاز انتقسابی محدر کے ساتھ یا نی میں تیروہ ہے۔ اگر مسس کو تیراؤ کے مستوی میں کے کسی محدر کے ساتھ یا نی میں تیروہ ہے۔ اگر مسس کو تیراؤ کے مستوی میں کے کسی محدر کے گردی و دزا دریہ طریق کھیا جائے اور مہایا ہوا جم وہری برقرار رہے تو تابت کرد کو جو کام کھیا گیا وہ ہے

ج شح {عجب له- ن (ا-جمط)}

جہاں توری سے گردسفس کے مور کا عمودی فاصلہ ع ہے اور ابت وائی محل میں مرز نقل اور ابت ان کے مرز کے درمیان فاصلہ ن ہے ۔
سو ۱۹ ۔۔۔ نباد کرجہازیر ایک وزن کے مٹا نے سے جوبنفا بلہ کل وزن کے جھڑا ہے۔ اگرشاد افقی وشدیر مواور وسطی خطسے جوڈا ہے جہاز کے کا دراؤ کر ورافت ہوسکتا ہے۔ اگرشاد افقی وشدیر مواور وسطی خطسے زاد ہی طرب کے قو نا بت کرد کر عرصف رکا وطال ایسا ہے کہ خط میلان اعظم اسطی خط کے ساتھ زاد ہیمس را (ممس طر) بنا آ ہے جہال بس مرکزی ارتفاعوال کی مسمدی میں ہے۔

مم ۹ - مربع تراش کا ایک کنده یا نی میں نیرد اس سے اس طور برکہ اس سے دونوں مربع رخ انتصابی ہیں اور تین کنار سے جوان رخول برعمود ہیں پوری طرح خوق ہیں- اگر ایک معلوم کنارہ یا بی سے باہر سے نو نا بت کرد کر تواد ان سے نمین محل ہو تنگے کہ بنتر طیکر کندہ حب سنتے کا بنا ہو ہیں۔ اس کی کنا فت و عی سال ادر سے محل ہو تنگے کو بنا ہو ہیں۔ اس کی کنا فت و عی سال ادر سے سے در میان واقع ہو ، اور اگر میر شعط بوری ہو تو نا بت کر و کر دونوں عیر سے

1-1)

ایک بیساں متوس قائم مستدمر مخروط کی کتافت نئر اورزا دیہ رائس م عمد بي محزوط ايك سيال من تيرواك اس طوريركم اس كاروس فيهي كي طرف اور امن کا قا عدد منتم کے اوم ہے - سال کی کٹا نٹ ایسے مالتی ہے جیسے گراتی سکی ن دیں قوت اور بحزو ط سکے ارتفاع کے مسادی گہرا کی پراس کی کٹافٹ مت ب - أابت كروكما تصابى على بي توازن الم مروكا بضرطيكم نیزید کد مخروط اس صورت میں بھی متوازن مو گا جبکرانتھما بی کے ساتھ اس کے محرر ميلان طئسسا وات 产 (ひよ+1)(ひよ+1)(ひ+1) = (ا+ ہے ن) اللہ جم عد قط ^{ن+ ۳} طہ(جم طر جب عم) ^{+ †} اک انقی کنارے کے متوازی محد کے گرداک محدد دراویہ طریس محمل ا اس طور رکر بٹائے ہوے یانی کا حجم غیر شغیر ہے اور او پر کے بنع کا کو ٹی ص غرق نه موسفے بائے تو ثابت کرد کہ کام جرکرنا بڑتا ہے وہ ہے - جب طهرس ط- (۱۵- **ل) حب** الطيم ایک جازے یہنے میں یانی ہے اور جاز سمندر میں تبرر اہے ے مطور حتیم کوزئین برکی ایک مضین کے در بعد تہا مرکز جہاڑ کے بیٹے میں لٹکا ما گیا ہے، س طور پر کہ حسم یا تی ہی جزء عن رہنا ہے الدیا نی کا وزن و بٹاتا ۔ ہے۔ اس کو بیرادر سوڑا عزق کمیا گیاہے اکراس کا صغیر طول معن لا اور

نابت کردکس مردی ارتفاع مرائی ہے جا سکعب کی کمیت ک اوراس کے

ایک کنارے کا طول او ہے۔

۵۵ ۔۔۔ قائم مستدر مخوط کی شکل کا ایک بتلا ظرف جس کا وزن نظر انداز کیا حاسکتا ہے انتھا ہی مور کے ساتھ ایک ایک بتلا ظرف جس کا وزن نظر انداز کیا حاسکتا ہے انتھا ہی مور کے ساتھ ایک اپنے بس بترہ ہے۔ مائع کی کتافت صدید (او بدی) ہے جال التح کی سطے کے نیچ گہرائی می ہے اور مور کا غرق سف دہ طول ف ہے اگر مخوط کے اندر مید (او بد سنے) کتافت کا ائع ہوتو نا بت کرو کہ توان قائم ہوگا بشرطیکہ

مَّرِ<u>مَةً الْمُ</u> الْمُحَالِقِينَ الْمُحَالِقِينَ الْمُحَالِقِينَّ الْمُحَالِقِينَ الْمُحَالِقِينَ الْمُحَالِقِينَ الْمُحَالِقِينَا الْمُحَا

۵ ۸ —— ایک تنجانس وزن دار مکانی شکل کے اسطوائے کا ایک طویل حصہ کونوں سے علی انقوائم دوست ہیں ادرایسے ایک مستوی سے محدد و ہے جو کمونی مکا فی سے محدد و ہے ۔ ہم کونی مکا فی سے محدد و ہے ۔ ہم اسطوانہ اس طرح سائن ہے کہاں کا محوری مستوی انتہا ہی ہے اور زیرترین کون ایک ظرت کے انتی کھر در سے بینیدے کو مستوی انتہا ہے۔ ہم فات ایسے بدلتی ہے جیسے مسل کڑا ہے۔ ہم فات ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی گئی ہے ، جیم کی کٹا فت ایسے بدلتی ہے جیسے اور کرین کی از قفاع ت () گئی اور کہ گئی کا درخاص ہم او ہے ۔ یہ فرض کرکے کہ شرائی کی حالت بیدانہیں ہوئی اور کہ کہا ہی کہا گئی کہا گئی کہا گئی کہا ہی کہا گئی کہ کہا گئی کہا گئی کہا گئی کہا گئی کہا گئی کہا گئی کہا

سے کم ہونی جا ہیئے جکہ

هاگ > (۱۲ ن م ۱۰ ن م ۱۰ ال) [جا (ن ۱۰) = (۱۲) ح الم الفاعل م

جبب أن محور كاغرق سف وطول ف اور كون كاغرق غده حصر ل ب مقطوعه کے غرق شدہ رج کا نصف قطریہ - اور اندرونی و بیرونی ا تعول کے خطوط آب

کے نصف قط ر اور ر بیں ۔ مع در ایک علوس کعب مائع میں انتصابی محد کے ساتھ بتررہ ہے نامین کو کہ تمام زاو نی ہٹا وُں کے لئے تواز ن قائم یا عنبر قائم ہوگا ہوجب اس کے لہ نیراد کے مستوی سے کمعب کی ترامش مسلس یا مثلث کمو۔

ایک اقص ناایک ان میرحس کی کتافت نوعی اس کی کتافت نوهی کا دو چندہے تیرہ اسے - ایک حیوا جنت استعمالی سنوی میں اقص نما برعمل كرتاب اوراس كوخيف طور برستائ موت محل مي ركساب الرب كو كه حقنت كم مستوى اورسيال كي سطح كا خط تفاطع اوروه محرجس كرد التمر بما ككومتنا سبے اہم مزدوع ہو سکتے ملحاظ اس ماسکی مخروطی کے جونبراؤ کے مستوی میں سنے۔

مع ۵-- اگرایک نیرے والے حبم کا تحل غیر قائم ہوتی چونکے مرکز نقل دو ہوں بہس مرکزوں کے ادبرواقع ہوگا یابت کروکر جسم مُں شطح اب کے ستوی میں ایک خیط ا من كرنے سے اس كے كروش كے ليے قائم محل حاصل ہوسكتا ہے بنظريكم

و كفوس بتعان مخروه تائم توازن كى حالت مي ايك سال مر، نيردان اس طور بركه اس كامحورانتها بي اليه اور قاعده سال سے إمريم سیال کی مخافت ایسفه برلتی سے جیسے گہرائی کی ن ویں نوت ۔ نابت کرد کی مخوط کما تضعت زاویه راس

جُمْ اللَّهِ اللَّ

ست برا برونا چارسیے - جال مخروط کا ارتفاع ف ادر محد کا عزی مشدہ طول افسیہ ۲ ه --- آیک وزن وارمنوانس کمعب ایک سال میں پوری طرح غوق رواللا الله است میں ایک سال میں پوری طرح غوق روالله ا

۸۸م --- ایک دومرا دخانی جهاز دومسادی ادر متشابه جهازون کو ایک دوسرے کے ساتھ طولًا الاکرنبا یا گیا ہے ہرائی میں ایک ہی طرح کا ہم وزن توجید لا واکبا کہے اگر علیورہ جہا زوں کی صورت میں بیلو پر ال^ا کینے کے سننے مرکز انقل کے ادبر لیس مرکز كا ارتفاع وبهوتو تأبت كروكه ووبرس جبازكي صورت مين برارتفاع سيا السيام المراكب المرادة كرمستوى كارتب المسى ايك كاحجم غرق سنده ح ادر وسطی مستولوں کا درمیانی فاصلہ ۲ ب سے ۔ ۲۸ سے ایک منتوری صبم کے رخ یا بہلو خط آب کے نزدیک انتصابی ہیں اس کو (۱۰۷) م --- ایک طوری بر جیاں ہے ! ب طرح لا داگیا ہے کہ اس کا مرکز نقل اس کے بیس مرکز رمنطبق ہوتا ہے حب کہ رکو اس کے مخاروں کے متوازی محدرکے گرد گھا کر اس میں ہٹاؤ بدیا کیا جائے کٹافت اس کی کٹافٹ کا دو چند ہے تیر ہاہے۔ ٹابت کروکہ میدانس طرح فیرسکتا ہے کہ اس کا محور انتصابی سمت سے مائل ہو اور بڑے قطروا لا براسیال کے باہر

جال رخوں کے نفست قطر من اور رہیں ۔ -- بتلے مخروطی خول کا ایک بند مقطوعہ جس کا وزن نظر انداز کیا جاسکتا ہے متحانس سیال میں تیرر ہا ہے اور اس کے اندرزیا وہ وزنی دوسرا متحانس سیال ہے۔ ٹابت کروکہ خوا و کو نسا ہی رخ غرق کیا جاسے تائمیت کی سا جيكه محدرانتصابي ہويہ ہے

グラー(グ+グ)(メ+ノ)

وسيسة نابت كروكه بالدانتها في كولال كساحة فائم وازن من إنى كالدينين تیرسکتا اگراس کا وزن (۲۰۱۹) و اور (۵،۸۶) و کے ورمیان واقع مو-اكريبال كورزن على وموتواس مين إنى فالكراس كم تورز ف كو تامي منا سكتے ہيں آكدانتها بى كولال ك ساتھ، تيرك بشرطيكه بيالدير، جويا بى دالافا اُس کا وزن ہے و اور ہے وسکے ورمیان ہو۔ 44 سے ایک مختی حس کی کڑا فت شہے قطع مکا فی کی شکل کی ہے۔اس کا وز فاص م و سے اور برواس سے ف فاصلدیک دوہرے معین سے محدور ہے پتین کے الع س بھی کشافت شے ہے ا*س طرح بتر دی ہے کہ ای ستوی طے انتصاب ہے۔ اگر* س ت (۱-که) کرو ادر ن (۱-کر) + داوی [دک ف (س ت (۱-کر) - ۱۰ او کر] تو فابت كروكه قائم وازن مع دومي برجن يم محور انتصابي خط كے سات راوي الم<u>ال المن (١-كر)-الم</u> بنائاہے۔ ہمبال کرہ = خوا کر دھنا عہم ___ ایک جبم دوا کھات میں جن کی کٹانتیں ہشے اور بٹ + شہر میں ا زا دانه تيروا سے - آزاد سطح اور سفترك سطح سے سم كى جو ترقيس مامسل جو تي تي اُن كررتي عبر ادر عد مي إدران مع مراكز تقل من ادر مج مي فيضام الأ ے نے فابت کروکہ بٹائے ہوئے سیال کی کمیت وہی دسیگی اگر گروسٹس کا مورائس انتصابی مستوی میں واقع ہوجہ تج کو نشیب فی : مین می غیرمحدو دہیں باایک ایسے ظرف میں ہیں جس کوسٹوبوں عد اور عدسے تراشعے سے فرانوں کے رقبے اور اور اوس س

(1.0)

سے عال ہوگا۔

. من ارتفاع اورم الو وترخاص كا ايك نشوس مكانى نما انتصابى محل مي ایک انع کے الدواس طبح متوازن ہے کہ اُس کا داس سیچے وارہر اوریہ است کے گرد جو انع کی سطح کے بیعے مج گہرائی پرتابت کردیا گیا ہے حرکت کرسکتا ہے۔ الع کی کتافت ایسے برلتی ہے جیسے گہرائی- نابت کرو کر توازن فائم ہوگا اگر مكافى مناكى تمانت كواس كراس يرك أنع كى كمانت كساتة ونسبت

مے وہ جہ + م فرج سے کم ہو۔

. نصف زاویه راس عه کا ایک تا نرمستد بر نظوس مخروط کلًا غ ق ث ۔ اُنع برمس کی کُن فت ایسے دلتی ہے جیسے گرونی اس طرح تررا ہے کہ اس کا راس اوبرواراً در محوراً نقعا بی ہے۔ اگر مخروط کا ارتفاع ن اور مانع کی سلخ کے بیجے اس کے داس کی گرائی ب ہوتو تا بت کرد کہ راس سے بس مرکز کا فاصلہ

= سون بر ه ب + بم ن - ف مسل عمر بر ه ب + بم ف - ف مسل عمر بر ه ب + بم ف - ف مسل عمر بر ه بر بر بر بر بر بر بر ایک اسطوانی میا جر کا نصف تطراه فط اور وزن و بوند سب یانی می سید اتیرر اسب تا بت مقروکه اس كامرك تقل تحلي رخ مع ادبر

9 + 9 Km

نیز تابت کو کداس کا در ن نواه کچه سی ہواس کابس مرکز تیلے رخ کے ادر ، ٤ × او

فٹ سے زیادہ لمندرہما ہے۔

۵۷م --- ایک اسطوان بیاله نکیسال تیلی دُهلی بهوئی دِ جات کی چا درست ښایگیا ہے۔ پرال کر میں خب بالدكى يراش دائرى سب أوراس كا قاعده چيا ادر منه كها بواسف-اس كا طول قاعده محلفت قطركا إم كاسع ادريال من جتنا باني ساسكا مداسكا وزن

کی فدری) فری - پلے اوا فد (ج) ع ک فه (ی) فری

برس ___ ایک ریشی مکافی نیا ایک انعیس می کافت ایسے برلتی ہے جیسے کہر نی اس طرح شرر باہے کہ اس کا محدا نتصابی اور راس سیمجے وارہے ۔ نَّا مِن مُرْدِكُ تُوارُن ثَا نُم إِعْيَرُ قَا نُمْ مِوكًا - بوجب اس مَحْكُر به جَ^{نِه} الله (م + ف) مصحیونا بویا برا جا سیار کا طول جی اس کا طول عرق سفده و اور مکونی

مکانی کا در فاص فہ ہے۔ ہے ہو۔۔۔ ایک بیٹا کر دنما (Oblate Spheroid) ایک انویر حبکی اور اس کا کا مربع نفعت غرق مشدہ تیردہا ہے اور اس کا کا فرت نبیت بہتے کہ ان کا مربع نفعت غرق مشدہ تیردہا ہے اور اس کا محرانتھا ہے ۔ فابت کردکہ ان کی سطح کے ادبر مرکز ، ابعد کا ارتفاع ہے

م بسراک فرس گرمنی مکانی نا اس طرح تررای کراس کامورانصا بی داس نیجے دارادر اسکہ انع کی سطے میں ہے، انع کی کتافت می کہرائی برم (۱۹ +ی) ہے جهان تکوینی مکا نی کا وتر خاص ہم و ہے۔ نابت کروکہ راس سے بسس مرکز کا فاصلہ

الله وسبع -الم --- ایک مخروط نبیج وار راس کے ساتھ الع میں تیررا ہے حس کی نمانت ایسے برتی ہے جیسے گہرائ کا مربع-الریخروط کی کنا نت مائع گی اس کتافت کے مسادی ہوجومخوط کے ارتفاع کے المہرائی برہے ومخروط کا داویہ راس جبکہ توازن تقديلي مجومسا دات

جماعه = من (بر)هٔ

سال کے نیج غرق ہے ہیں اس کا مرکز تقل ہیں مرکز پر منطبق ہزا ہے۔ دریا فت کود

کر تواز ن حقیقت میں قائم ہے یا خیر قائم۔

مع مع ۔۔۔ گردشی مکانی نما کی شکل کا ایک محیرہ انتقابی محرکے ساتھ تیر ہا ہے۔

اگر جمود کا مرکز لیس مرکز پر منطبق ہوتو تا بت کردکہ قواز ن قائم ہوگا۔

مع مع ۔۔۔ لا ا کے متوازی ایک مستوی سے سطح ہے یا اے می (الا ۔ الا)

کو نظام کرنے سے جو بھر میر اہتوا ہے وہ اپنے سے ن گئی گنا فت والے سال

میں تیر ہا ہے۔

میں تیر ہا ہے۔

میں تیر ہا ہے۔

میں انتقابی مستوی میں صغیر زادئی ہٹا ڈکے لئے تواز ن لقد بلی ہوتو

 $\frac{r_{3}}{r_{7}} \stackrel{\Delta}{\rightarrow} + 1 = \stackrel{r}{r} \stackrel{\Box}{\circ}$

فت السب ایک متساوی اساقین شلنی بترا اس سج ایک الع بین جس کی مخا ایسے دلتی ہے جیسے گہائی اس طرح تیررائے که اس کا قاعدہ الب افقی ہے اور الع کی سطح کے اور واقع ہے ۔ اگرائع کی سطح کے پنچے ہے کی گہرائی سک ہوتو ہے کے اور دس مرکز کی طبذی ہے

ہاگ تطا ہے

۱۷۴ -- ایک ناتھی بترا ایک اگع بی لفعف عزق سندہ تبرر اسیے اس طور پر کمر اس کا عرضی محور (۲ و) انتھا بی سیے۔ اگع کی کٹافت ایسے بدلتی سیے جیسے گرائی کا مربع۔ نابت کرد کہ بس مرکز کی گہرائی ۳۲ و زام ۱۹۱۹ سیے۔جہاں زء خردج المرکز ہے۔ کاللا۔۔۔۔ نفدہ: توط ایکا قائم سے نار اسطان ایک اگو میں اس مطرح ساکوں سے

کاما ۔۔۔فعف قط او کا قائم سندریا سطوار ایک انع میں اس طرح ساکن ہے کواس کا محرز نتصابی ہے اور السس کا طول ہے اکم میں عزق ہے اگر می گہرائی پر کتافت فد (می) ہوتو ناہت کرد کہ مرز ابعد کی گرائی ہے کے ایک رہے کو مورا عظیم کے گرد تھا نے سے ہوتی ہے۔ چیم ایدہ میں اسکہ بک غرق ہے ۔ اگر صغیر زادی اُٹٹا وں کے سلنے قوازن بقدیمی ہو تو ہا اُٹ کر دکہ

٢٠ + ١٠ أ + ١٠ أ - ز - ١ = ٠ أ رز = بن المرز)

٢٩ -- ايك نفوس مخروط جس كو داويد داس وعوى . وسي كم ي ايك سطّ سیدے بارے گروجواس کے مرکز تقل میں سے گزرتا ہے اور اس کے محدر مرعمود ب مركب أسكما ب - الرواركو أنع ي سطع مي ركها جاست و نابت كروكه مخروط قامم وَازْن سِكِ عَلْ مِن مِرْكًا- جَبِكُواس كَانْحُورُ افْق سَكِيما تَقْدُا وبِيهِ حِبِ أَرْم حِب مَهُ ﴾ كا

و المات كروك تيران والمصبح كواس كم مكر القل مك كرو حيوات واوير طه یں سے تھانے یں دی مرکنا پڑتا ہے

+ عَاتُ ((مر + اب - ن ٢) ط

جہاں جبیرا درسٹا کے ہوئے الع کے مراکز تقا کا درمیانی فاصل من سعے اور حب کے مرکز تفل اور تیراد کے مستوی کے رقبہ کے مرکز تفل کے درمیان افعی منساصل

ب ہے۔ اما ہے۔ ایک مکافی نا پالہ ص کا وترخاص ہم اوسیے اورجس کی کمیت کا مرکز داس عدد فاصليب ورانات مين تيراب جن كي كافيس فه اور ف مي اور ﴿ قَرْ ﴾ نَتْ تَا بُت كُرُوكُ حِبْمُ كُولُ كُلُ الْفَقِي مُحْدِثُ كُرُوجِيو كُنْ زَا وبرط مِي ملاسفين جوكام كرايرانا بعددوب

🛣 ۾ وج ط (ت (ن - ث)+(ت + ت) ت جاں ن وق مور کے وہ طول ہیں جوسالوں می غرق ہیں۔ المنه __ ایک قایم ازادیه متسادی ساقین شلف سیال بی اس طرح ترواب (۱۰۲) كراس كاراس ينتيج كي طرف ب قاعده أنفي سبه ا ادراس محررتبه كالم خصه

كے كرد حركست كرسكتا سے ، أوراس كو اس طرح ركف كيا سبے كه اس كامحورا نتقها بي ہو-اگراس میں یا بی ڈالدیا ماسے تو ٹابت کروکہ ابتدا میں توازن عبیر قائم ہوگا۔ انسی مرط معلوم كروكه كانحي بأني داسك است توازن فائم نبانا مكن موس ئے ہوسئے وزن کا ایک محزوطی ظرف اسینے انعیٰ قاعدہ کے ایک قطر كُنْ كُرُو حِرَكُ كُرِسِكُمّا سِيعٍ ، اس كُوايك وزن دارسيالَ سسے جزءٌ بحرويا كياسيے۔ ثابت كرو له توازن بمبیشه تا نم موگر اگر محزوط کا نصعت زاویه راس 🧲 ۰ سوَّ میکین اگرزادیه اس برُّا ہو تو معلوم کرو کہ تواز ن کب تائم ہوگا اور کب عیرتا ئم-مم اسسیان ایک طرت میں اےجس کا فاعت کر انفی ہے - اس میں ایک مکا فی نما ہے جس کا راس ظرف سکے ٹاعب دیرٹیجا ہواہے۔ مکا فی نماکوسیال اور یا عدو خزیج بخواسم بوسنے ہیں۔ مکا فی منا کی کتافت نوعی یا بی کی کتافت کا تھے۔ ہے اور اس مے محور کے طول کو و ترخاص کے ساخلندہت ہ : ۸ سے یہال کی کم نسم ۵۲ سرایک مکانی نا پالیس کا وزن اوس ایس افتی میزبر کواست اس کے اندر یا نی کی تجید مقدار ہے جس کا وزن ن و ہے۔ اگر میال اور اس کے اندر کے با بى منت مركز تُقل كا ارتفاع ف مؤلوان فائم موكا بشرطيك منكا في كاونز خاص >۲(ن+۱)ف ۔۔۔ ایک گردشی مجسر انتصابی محور کے مافتہ تیررہ سے۔ اس کے محد کے ایک تا بت نقط بر آوزان ركيف سليداس ومخلف گهرائيون نك وبويا كيا سے محسم كى خىكل معلوم كروكه توازن بهيشه تقديلي رسيسے -۲۷ ---- ایک تھوس مخ د ط حس کا محور انتھا ہی اور راس نیچے وارہے ایک محور کے گر د جواس کے تحوینی خط پر منظبتی ہوتا ہے حرکتِ کرسکتا ہے۔ کس گہرائی يك امن نظام كويان مي عزت كما جائت كريخو طاكا توازن فانم مو-

توازن قائم نا نے کے لئے اس میں کتنایا نی ڈالدیا جائے۔ ایک تقوس مخروط الع میں اس طرح رکھد ایکیا ہے کواس کا محوز مفعا بی ر اس کا راس سینچے وار برتن کے فاعدہ پر حس میں اُنع ہے شکا ہوا ہے ۔ اگر ا نُع كى كَبرا ئى مخروط ك ارتفاع كالضعت مواوراس كى مخنا فنت مخروط كى مُحنّا فت كا حيار كنا بوتونا بن كروكه توازن قائر بوكا الرفزوط كا زادبيراس ٢٠، است برامو-عُوس مُخروط کی بجا ہے اسب کی ارتقاب عام کا آیک بٹلا مخروطی خول رکھدیاگیا ہے جس كا زاويدراس ا مع ادربس كے اندر محور كے وسطى نقطه كى بموارسطى كك مائع ب اور اس مائع کی مخافت میرونی انع کی مخافت کا تصف سے - تابت کروکہ توازن فائم ہوگا اگر خول کا وزن اس کے اندرونی ائع کے وزن کے تین چوتھا نئے سے کم ہو ۸ ا ــــــــــ ایک اسطوا بی ظرف میں حب کا وزن نظرا نداز کیا جا سکتاً ہے یا نی-تابت كبردر سكره ك راس برركد ياكيا ب اسطور كداس ك تا عده کا مركز كره كومس كرناسي -صغير شاكوك سلف قائميت كى مشرط معلوم كرو- اور کئے توازک تقدیلی ہوتو ٹابت کرد کر حیو کے انج ۔۔ ایک کروشی محسم کی شکل معلوم کرو جوانتصابی محور کے ساتھ بیرنا سیم بطور پر کہ مجسم کے زیر ترین نفظہ سے بس مرکز اور اجھال کے مرکز وں کے فاصلوں کے ورميان استقلسب روني سب خواه مائع كى كثافت كيحيبي بمو-- ایک نصف دارمی اسطوا نرانتضا بی تحور کے ساتھ ایک الع میر جب کی كن فت اس كى كتا فت كا دوجند بعساكن بع مد اگريداسطوانداس خطاك كرد حركت كرسيك جواشعا بىستوى دخ اوسطى كأخط تقاطع سع تو قائميت ك مشرط ۲۱ - ایک فائم مستدر محزوط افتی محدر کے مساتھ ایک ایم میں جس کی گنافت اس کی گنافت کا دو جند ہے تیرر ہاہیے۔اس کے راس کو ائع کی سطح میں ایک نابت نقط کے ساتھ وسل کردیا گیا ہے۔ نابت کروکہ فائمیت کے منطقہ زادیر را میں کو ۲۰ اُ سے کم ہونا چاہئے۔

کرنے سے اچھال کے مرکز اور نس مرکز کا در میانی فا صله مهیشه متقل بہا ہے۔ خوا ہ تطعه کی بلندی کچے ہی ہو ' گردشی مجسم کی شکل دریا فت کرد-م است یا نی بارہ پرسائن ہے ادرایک مخروط اس قدروزنی ہے کہ حب تک منزنہ اس کا راس بارہ کے اندر مذکوس حاسے بیسائن نہیں رہ سکتا۔ تحروط کی کثا نت رك والاحبم اسطوانه موجس كامحوا نتصابي سب اورجس كاكمأفت امنانی، انع کی کتافت اصانی کے ساتھ نسبت فرکھتی ہے و تابت کردکہ تواران ادا، قائم ہوگا اگر قاعدہ کے نفست نظر اور بلندی کی ایمی سنبت اظرا- نفی اسے طری ہو رکا فی نما شکل کا بکساک خول آنتصاً بی تحور کے ساتھ تیررہاہے اور تك البيسة العُ سنة بحِرديا جائے جب كى كتا نت ٥ -رِ رُوشی مکا فی مناکی شکل کے ایک ظرف میں یا نی ہے اور یہ ظرف ایک ناب ے کرہ پرساکن ہے اس طور برکہ اس کا راس کرہ سے باند تربن نقطہ پرسہے۔ کے قائم ہو سانے کی مشرط معلوم کرو۔ بے دزن اسطوا نی لخول میں ا تع سے اور یہ خول دوسرے ائع میں ۔ تابت کروکہ وارن قائم موگا سواے اس صورت کے جبکہ اندرونی اللّ کی کتا فٹ کو بیرونی انع کی کتا فت انتے ساتھ جونسبت ہے وہ ایک سے کم مرد اور سبت فناة كے نفف سے بڑى موج اسطوارك نصف تطركو اندرونى الع كى ، نصف کردی خول کوجس میں ا کئے ہے ایک ایت کھر درسے کرہ کے ی برر کھدیا گیا ہے جس کا قطر خول نے قطر کا ووجیدے ۔ نابت کرو کہ نوار ان قام ، گروشی جسم اس طرح تیروا سے کو اسس کا راسس یے کی طرف اس کی شکل سلوم کرو الجبکسیس مرکز کا متفاقم مائع کی کتافت برسخصر شہور ۔ ۔۔۔ لیک مخروطی خول نیسجے وار راس کے ساتھ عیر قائم تواز ن میں تیرر ہا ہے۔

تىرائەكىسىنوى يى داخ بىگا اوراس كا فازن تا ئىم بوگا بىغۇمىكە اس كى كالمانىك دىنانى > :- -

ے سے بڑے بنسفون ٹرٹ ہیں سے بہت ہوتھ کی بجرد، کی سے ساور انتقد ان مورے ساتھ ہوئی ہیں ہے جہت کے سے بھوڑہ یہ کی سے طوف کا وزن کی ہانی کے وزن کا بہت بولغ واسے ہو ہی ہیں ماسٹر سے موض کے لیکنے سے بہت اور جدفازن کی فرعیت کرم کے کہ روس جبر تبیش کی تبدیل کی وجہ

حجم کی تبدیلی نظرید ایکر دین جائے۔

الا است و تفوس منوس من و در مرس مودی کنال کاسب اور دومه ای و ترکی را تری مرکی رخون منال کاسب اور دومه ای و ترکی رخون منافق می موسک مرافق می موسک می موس

بہ سے مرجور اور یہ ۔ کے ۔۔۔ ایک اسفوانی جانی عزی ترسنس کی درخاص کے درساوی مکافیر کی درساوی دسیں بس جرہند سے برسس کرتی اس بیندان مکا فیوں کا مشترک راس ہے اور اس طرح جاز کے بہنو بھاتہ بال کے مقوریں - جہاز سیدا میزوا ہے اور اس کا بینیا کی گہرتی پرہے ۔ نابت کردکہ بیند سے او برنس مرکز کا ارتفاع ہے

۔ گ (ہے + گئے) ہ___لیک گروشی مجسم کے کسی تطوی و قائم زاش سے بیلاہوتا ہے التی می فوق بس قائمت کے لئے ہا (ون (۲ ج - ف) کو لان آ تراش کے مود کے کم سے کم معیار سے کم مونا جائیے مزیر برال آکر در منص وائرہ یا کوئی ایسی شکل موجس کے لئے عدہ برموء وقانا کی با بعقرہ و الیسے محل میں حب اس میں محود انتصابی کے ساتھ زا ویہ طربہ آ ہو ہوگی اس میں محود انتصابی کے ساتھ زا ویہ طربہ آ ہو ہوگی اس میں مورد انتصابی کے ساتھ زا ویہ طربہ آ ہو ہوگی مستقل کیے سے میں جائے کا دیا ہو ہے کو مستقل کیے سے میں اس طرح اگری میں توازن (۱۰۱) کے لئے لاز آ

- (ف (۶ ج - ف) + عد (۶ + مسر) طه) = . جسسه طه کی ایک متینی نیست لمتی سید جبکه لم (۱ ج - ف) > عه ینی جبکه انتصابی کل فیروائم سے ۔ امثیا

ا سے بانی سے بھاری شے کا ایک برین ہے جس کوا دندھاکر کے بانی کی سطے بر رکھا گیا ہے ، اس بی اتنی کا فی بہوا ہے کہ وہ تیرسکتا ہے ۔ اگراسکو کچے فاصلے بیں بانی کے اندر ذرا جیجے ڈیکس دیا جاسے تو فابت کرد کہ وہ توازن کے ایسے محل میں ہوگا جوانتھا بی ہٹا اُسے لیے غیرقا تم ہے ۔ اگر یہ تیرد باہو اس طور پرکہ اس کا محوراً نتھا بی ہواور راسس بانی میں غرق ہو تو ہٹا سے ہوے بانے کے مرز نقل کے اور بیس مرکز کا در تفاع و توفاص سے مفعف کے مساوی ہوگا۔ اس کامحرانتھا بی ہے اور راس نیچے کی طرن ہے ۔ نابت کردکر اس کا کیسس مرکز نیز اگر مبرم کے مرکز نقل ش کے عدد و، ب،ج ہوں توہم دہ سیکتے ہیں کہ ح. طاعبے (ل و م ب+ن ج) - لیے (ع نه (م ل + برم + ۲ صبل م)

ادر س = ف اسطرح ترانانی بالفتره بوگی

مثالاً فرض کروکه او ب در اس طرح دف ، مراکز ہندسی کے خط و می برواقع ہوگا۔ لکھو سے داف جہاں ف انتصابی محل میں ڈو ہے کی گہرائی ہے تب توانائی بالقوہ ہوئی

السي صورت بين جيكاسطواء تقريباً انتصابي بو ہم تقريباً ن= الله (الله م) السي صورت بين جيكا اسطواء تقريباً انتصابي بو ہم تقريباً ن= الله (الله م) السي مورت بين جيكا اسطواء تقريباً انتصابي من اور ليا اور ما كسر بوجات ہيں

٠٠٠ بي ١٠٠٠ و ١٠٠٠ بروب ٢٠٠٠ بي المراد بالم اد بالمرا

اب فرون کروکہ سے = سے باسے اور فرض کر بکہ ہٹائے ہو سے محل میں حبم کے جم سے بھرز بیری کی گہرائی گ بہتے اس طرع سے گ = سے گ بستے صنا جإن صاحب - ح بشطيك جيرًا بو قال في القوه ووكى で、ナートーーで、アナーで、シャンア = ٢. (ت + گ) ۲ + (آ اس - آ) ۲ + (آ + ق) ۲ = = ٢ طا+ له ٢ (الله - الله) المتقل

جہاں طا اُس انتقعا بی فاصلہ کو تعبیر کرتا ہے جو مرکز تقل اور اچھال کے مرکز (۱۰۰)

ہ ۱۰ ۔ مثال - ایک اسطوانہ ودسرے اسطوانہ میں تیرر ہا ہے ۔ تیرنے والے اسطوانہ کے قاعدہ کے

مرکز بهندسی کو سیدای او اور فرص کرد که تا عَدُكَا رَفْبِهِ ﴿ سِبْ - مِيرْ فَرْضَ كَرُوكُهِ الْعُ كَي سطح سے مستوی کی مساوات

ب جال اوپروارانضا بی حظ کی سمتی جوب المام ل، م، ن میں-

تب ح - المع اور اگر قوازن کے محل میں اجبال کے مراز کا

مقام هربهوتوخه و هر کاخل ادبر دار انتصابی بربرگا الرال ۱+ م۱+ ان ی) ی فرافرا

سر لامیں اضافے مف لاکی وجوستے بیدا ہو۔

= کا لامعت لا - (معث لا - معت می) تخ - (ُلا-ی) سے معت ہی - ہے می معت کا

اب چنک سے الکا والاً - کر سے فری

اس کے کا من لاء سے معن ی

اس کے تغیرہ سے (معن ی - معن لا)

یہ نیتجہ اس بات کو زیر نظر رکھ کر بھی فوراً حاصل ہوسکتا ہے کہ سے محتری میں ہوراً حاصل ہوسکتا ہے کہ سے محتری م پرکے حاصل انتعما بی دباؤ کے مساوی ہے اور مانع کے چرم اؤمٹ لاکی وجب

و وا خل كرك في بيتر برتن كاندر جواك سع اس كى بمواريا

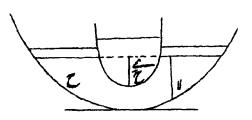
سا کن سطح کوشعار کی صفر سطح ما نو- فرض کروکه برتن کی عمو دی تراش **دب سے** او كى آب راس جكرجهم : را دوس سع - فرض كروكه توازن سي عمل مي غرق

شدہ فجم سے ہے ۔ اُج کٹ = ا لینے سے اسے حسم کے وزن کو بھی تعبیر کر تا

بنے۔ فرض کرو کو کسی دوسرے محل میں غرق شدہ مجمع ہے۔ اِس موخوالذکر محل میں یانی کی ہموار سطح بقدر فاصلہ کے کے اوپر اٹھ جائیگی۔ یس اگر صفر سطح کے نیچے اچھال کے مرکز کی گہرائی گئے ہوتو دزن سے بتب درگ بہ ہے۔ بلندی کے اوپر اُٹھا دیا گیا ہے اور کام جوہوا وہ سے گ + کے کے مساوی

ہے۔ اس کے اگر مفرسطے کے اوپر حبم کے مرکز نقل کا ارتف ع ق سے تعمیر ، موتو کل توانائی بالفوہ بڑگی

ح ق+ح گ+<u>ح</u>



فرض کروکہ انع کی گرائی لائے جم کے عزق سندہ حصد کی گرائی ہے برتن اور صفوص کی گرائی ہے برتن اور صفوص کی گرائی ہے برتن اور صفوص جم کی متناظر قبی تراسفیں کا اور سے ہیں ، انع کا جم سے اور تفوس جب کے نعر تندہ حصد کا جم سے بہت بہت کے نعر تندہ حصد کا جم سے بہت بہت کے نام کی اور توان ٹی جالتوں میں امنا ذج شام کا کے تغیر کے مسادی ہے جبکہ اور توان ٹی جالتوں میں امنا ذج شام کا کے تغیر کے مسادی ہے جبکہ

(99)

و الحي كرومبم كوايك صغير زاور طريس مكمان مي جركام الح ك داؤل کے خلاف کرا پڑاہے وہ =ا (دّ-د) فرلا فرا فری = ج طر الله الله فرا فرى + لى ج طا الدر الا قرى - ب عنى فرلا فرا فرى جہال ممل ہاے ہوے ائع کی استدارے امرالیا گیا ہے ۔اسیکن ہاؤ یں صبم کے وزن سے جوکام کیا وہ = و{طا (۱- له ط ال)+ صاط المها } جہاں پہلے کی طرح حبم کی کمیت کے مرکز من کے محدد (ضا)، عطا)ہیں۔ اور وضاء ولآء كرك لاف فرلا فرا فرى اس من بناؤير كل كام وكيائيا وه = المطاع الأفرت. فرلا فرا فرى - ورا تق - طا)} = لم طاح الآلا فرف فرلا فرا فرى - و× هرف ا = + طا (ع) (م فرث فرئ - و × ه ف) جہاں بھل صبح کے بلند ترین تقطہ سے زیر ترین نقطہ تک ایا گیا ہے۔ ۱۰۲ ا۔۔۔۔ توازن قائم ہو گا اگر حملہ بالا مشبت ہو۔ لیس مرکز کا مقام جبکہ اُس کا وجود بو اوبرى طرح معلوم بوسكاسيد - بس اكرهر بيس مركز بوقواستردا وى جنت ورات مرد طريا و (ه مرسه لث) طر

(9^)

 $= \frac{3}{3} \left\{ \sqrt{3} \frac{1}{1} \frac{1}$

و× هم= ع (ت المرا + كن وني ((مرا) فرى }

جہاں تکمل زیرترین میوارسطے سے طحی ترامش یک لیا گیا ہے۔ -- چونکے و نور (۱۱) کا نمیٹے (۱۱) درست ہے خرا دجسی اُ کُن کے یہ سیجے

علل ہوا ہویا نہ سکال ہوا اس سلے گزشتہ دو وفعات کے نتائج مجی مراکب صورت میں

ورست إي اورج كم دند (٩٨) كا ظهر (١) دند (٩٨) كع ظم (١) كى صرف

ایک خاص صورت ب اسلے ہم یہ نیٹر کا سلتے ہیں کہ متجانس ائے کے لئے می اور داما میں کہ متجانس ائے کے لئے می اور داما مامال مامال میں مار دامال میں خواہ جسم ماکن کے بنیجے تکلا ہوا ہریا نہو۔

__ كَالَّا غُرْق سِنْدَة حَسِم __ الكِ صِم فِيرِ سَخَا مَن العَ بِي كَلَّا غُرْق شَدِهِ ب - اس كِلَى الفِق محرر كَارُد

سغیرزا وائے میں گھاسنے میں

م كياماً تاسب است معلوم كرو-ادبر کی طرح و ما کو گردستس کا محور

لواور فرض كروكم محاور و الأوى

جسم میں ناہت ہیں۔ نیر فرض کرو

و ای گیرائی ک ہے اور ث = ف (گرائ)) اس طرح زوزن کے محل میں

د = ج (ت (ی +گ) ـ ت ر.) }

ادر بٹائے ہو ئے محل میں

دَ عِبِ (ف ری - لم ی الم الله علی الله) - ف (٠) }

= د+ج (المر- كم ي طرً) ت + أج الأطرُ وت

مستقل کمیت کے لئے شرط یہ ہے

النفرى + لاطى) افرلافرافرى + نبطر الله افراد ا = .

سین کرک (ی) ازلانها فری = .

يت رابوماتي ب

الركالا فرت فرلا فرا فرى + شبار لاما فرلا فرا = ٠

دونوں شرطیں بوری ہونگی اگر محوری کے گرد تشاکل ہو۔ یا اگر مستوی اوی میں سے تمام افتی خطوط ، متناظرا نفتی تر سوں سے ہندسی مرکزوں میں سے گذر نیوالے صدری تورہوں اس طرح کہ تمام گہرائیوں پر

كرلاما فرلا فرا = · اور كرلا فرلا فرا = .

حب يه منظرين بوري مول اورهر پس مركز موتو استرواوي حبت

و× ف مر× لم يا و (هم- هف) لم

= ط { ع ش إلى المع ك ف زي (الم ع) فرى - و مد ه د ف }

= ہ { طا(ا- لم طر") + صاط - طا }

ہاں ہیلے کی طرح جسم کی کیت کے مرز دف کے محدو (صنا ؛ کلا) ہیں

اور دِصا = و لَا = ن کار لات فرلا فرا فری

اور دِصا = و لَا = ن کار لات فرلا فرا فری

الله بیرونی کا م جو ہوا وہ

الله اور کے بیداکرنے میں کل بیرونی کا م جو ہوا وہ

الله اور کی کار فرا خرا ہے کار الافرا فری - و (تی - طا) } ... (1)

اگری گہرائی برتوامش کا رقبہ ﴿ ہوادر ستوی ما دی کے ساتھ تواہش کا جو خط تقاطع ہے اس کے گرد گردش کا نصف قطرس ہوتو دو سرے تکملہ برجمسل بالحصص سے عمل کرنے سے ملیگا

ا طر (ج ت الرب + [ج ت (من) - ج رف فر (امن) فرى - و مد ش) جان بلحاظ ى كے تكمل خط أب سے زير ترين مجواز سطح تك ليا كيا ہے ۔ إنكمل كى ترتيب كواك دين سے كام كاجلہ بوجاتا ہے

ا طراح ن (مراجع کش فری (اس) فری - و × ه ن

جواں سے اور اے ، ال مرحم کی زیرتین افتی تواش سے متعسلق ہیں اور اے ، مواسع اس میں مورث کے جماعت میں اور اے ، مواسع میں ہو۔

مواسب می صورت سے جبرہ ما جبیار سفوی ہو۔ وار ن مربی تائم ہوئی اگریہ جر مشبت ہو۔ 19 ۔ بس مرکز کے وجود کے بیٹے ہٹا ہے ہوے انع کی کمیت ستقیل ہونی

99 - بس مرز کے وجود کے بیٹے ہٹائے ہوئے انع کی کمیت متقل ہونی چاہیئے ادرا چھال کے مرزیں سے گذر نے والے انتصابی کو دھ سنة) کو تقع کرنا جاہیئے۔ (44)

ال و فرلا فرا فرى + الله و فرلا فرا فرى الله فرا فرى

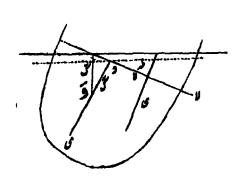
جہاں عضر فرلا فرا فری پر کا نیادا؛ وَ ہے اور بہتے کملہ کی دسعت وہی ہے جو بہتے تھا۔ کی دسعت وہی ہے جو بہتے تھا۔ جو بہلے تھی لیکن دومرائنکلہ فانول اور (۱ نب و ب کے الد لیا گیا ہے۔ اب دَین اِن (ی - ﴿ ی ط اللہ اللہ) - من (۱) }

> وَ = ج { ف (ی) - ف (۰) + لاطرفَ (ی) } = ج { ی تَ (۰) + لاط فَ (ی) }

: ﴿ وَ فَرَى = ج ﴿ لِمَا طَاتَ (٠) + لا طَ ف (٠) - لا طَ ف (- لا طَ) } = ﴿ ج لا طَ فَ (٠) = ﴿ ج فَ الرَّافَ وَ الْأَطَةُ

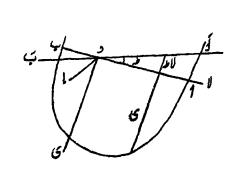
اس کے ہٹاؤیداکرنے میں انع کے دبول کے قلاف بوکام ہوا وہ توافائی بالقوہ میں اضافہ سے اور

(40)



تائيت كے لئے مضرط ہے ۔ (ما ح) ح (تى -گ) - جائے (طا -گ)

۹۸ - غیر سخانس انع - ایک جم غیر سخانس انع میں تیررہ ہے، تیراؤکے مستوی پل کے کسی خط کے گرواس کو گھانے میں جوکا م کیا جآنا ہے اسے معلوم کرو۔ دفعہ (۱۹ ۹ کی طرح محاور اوار دہی ترقیم استفال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۱۹ ۵ کی طرح محاور اور دہی ترقیم استفال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۱۰ کی کی طرح محاور کی کی فرد = ج ت ف فری



دنوره ۱۹ کے بوجب جسم کسی محل میں ائع کے اندر داخل کوسٹے میں جوکا کنا بڑتا ہے دہ کا بڑتا ہے دہ جہاں محل غرق غدہ مجم برلیا گیا ہے ۔ مبم کوجب برلیا گیا ہے ۔ مبم کوجب ایک صغیر زاویہ طہ میں کھایا حا ہے تو یہ کام ہو جا پرگا اس کے توانا نی اِنقوہ میں کل زیاد تی

= اللہ حض طرا ((مل سے تی) + اللہ و طل

اور توازن قائم دوگا بشرطیکہ

(مل) حسی ت - وطل / ج ن

46 — اگر کردش کا محر و اگر گرائی بر موادر تراد کے مستوی بر اس کے ظل کوہم محرو ما انیں اوراد بری طرح فرص کریں کہ محا درجم کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو وبقدر اللہ گ طاکے نیچے اُرّ تا ہے اور ہٹائے ہوئے مائع کی وجے توانا ئی با لقو و میں اضافہ

= + ج الله الله - + ي المداه ي ك طراء الاي طر) فراله فرا = + ج الله طرا (الرفاح ي + ح ك) + ج الله طرح لآ

اورسم برجا زبارض في جوكام كما وه

= و (طا(١- ١ ط م) + ضاطه + اك طر طا }

اس لئے کل برونی کام جو زوا وہ

= لَ ج فَ الْ (مَلْ - ح (تَى - كَ) } + لَ وَلَمْ (طا - كَ) جَابِ وَلَمْ (طا - كَ) جَالِ طَى يَرْنَا بِنَ مُولِكَا بُو جَالِ طَى يُرْنَا بِنَ مُولِكَا بُو جَالِ طَى يُرْنَا بِنَ مُولِكَا بُو طَلَ بِي اللَّهِ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّ

(91)

(44)

ینی مورو ماسطی تراش کا صدری مور ہونا میا بیئے۔ اس صورت میں یہ ظاہر ہے کہ اگر ھر ، فٹ کے اور واقع ہوتوجہم کے وزن اور عاسل میالی دہاڑوسے بنا ہواجمنت جسم کو واپس توازن کے محل رکیجا نیکا میلان ریکھے گا آور

=جنح×ىف مر×ط = ج ت ح (ه مر-هت) لم هم = الله اورتوازن قائم یا غیروائم ہوگا ہوجب اس کے کہ مر،

دویر بردیا ہے۔ چونکہ بیس مرکز ایجال کی سطح کے متصل عما دوں کا نقطہ تقاطع ہے اسلئے عام طور پر در پر می سطح کے صدری انخار کے دومستولیں میں اگر ہٹاو کیے جائیں توان کے جواب میں دولیس مركز ہوئے - ادراجال كى سطح كاايك صدرى

نفت قطرانخا ه هرسے -مقداجسام- ایک تیرنے والاجسم ایک نابت انقی محد کر گرمنے 44 سے مقداجسام- ایک تیرنے والاجسم ایک ناب انقی محد کر گرم منے بر مجبور ہے۔ اس صورت بر د فعد رہ و) کی طرح عور کیا جا سکتا ہے۔ اگر دو ما تابت محدر ہواور (صا) عا ، طا) '(لآ ، ما ، تن) علی انترتیب

مث اور کھ کے محدد ہول اور وحسم کا وزن موتو توارن کی سند طبوگی ج مف ح لا = وإصا

اگر گردیش کا محدر تیرا و کے مستولی میں ہو اور حبیم کو ایک صغیر زا دیہ طر میں گھایا حاسے توسٹائے ہوئے مائع کی وجسے تواناتی إلفوه میں اضافہ

> = الم ي شاطر (مرا - ح ي) + ع ف طح لا ادرجهمك بطاؤكي وحبست نقصان = - الم طر وطا+ ط وصا

جہاں جسم کی طحی راش کارفبہ ﴿ اور و اک گرواس کی گردسش کا نصف قطری ہے۔ اس سے یستنبط ہوتا ہے کہ توازن کا تم ہوگا اگر ﴿ مَنْ ﴾ ﴿ مِنْ ﴾ ﴿ ه ن اوراستروا دی جنت ہوگا فرق = ج ن ط (﴿ مِنْ - م محد نش)

90-- اگرمٹائے ہوئے اکنے کا مجمستقل ہو ادر اگر سٹائے ہوئے کل میں جہال کے مرزیں سے گزرنے والا انتقابی خط کھ لیف کو نقطہ هر کی میں قطع کرنے تو هر کو مرکز ابعد پایس مرکز کتے ہیں۔

پس مرکز کے وجود کے لئے تخلیلی مترکویں یہ ہیں

اگر (ی + لاطہ) فرلا فرا = کرک فرلا فراکیا کر لا فرا فرا =
اینی گروش کا محد و اسطحی نامش کے مرکز میندسی میں سے گزرا جا ہے۔

ایس کروش کا محد و اسطحی نامش کے مرکز میندسی میں سے گزرا جا ہے۔

یعنی گردش کا محور و اسطی تراش کے مرکز سندسی میں سے گزرا جا ہیے۔ (وفعر ۲ ہے کے ساتھ مقا لمرکز) - اور چونکہ اجبال کا نیا مرکز ، مستوی لا وی میں ہوتا جا ہیئے اس لئے

> کا (ی + لاطه) فرلا فرا= ۰ لیکن کلای فرلا فرا= ۰ : کلایا فرن فرا = ۰

لع - بعض علماء نفظ ہیس مرکز کو ذرا دسیع معنوں ہیں استعال کرتے ہیں جنا کجنے۔ ہیں مرکز کی تعربین وہ اس طرح کرتے ہیں کہ یہ وہ نقطت جاں ایجال کی سطح کے دومتصل عماد د کا درمیا نی افل فاصله ان محاود ں میں سے ایک کوقطے کا ہے۔

فرض کروکہ و ما گروش کا محور اور و ی انتصاباً نیجے کی طرن سے ارزوض کؤ كرسنوى لأوى بن مسمى كميت كا مركز حشا اوراجال كام كرزه واقع بن-فرض كروكه هر اور من كم محدد على الترتيب (لاً ، الم تى)اوراضا الطا) میں - نواز ان کی صورت میں آ = صنا

ابتدا ألى محل مي سرا سع مبوك الع كى وحبس والألى إلقوه

= ت ث ح تى يالم ي ث كى افراد اك

وا کے گرو صبح کو ایک صغیرا ویہ طریس تھاء اور فرض کرو کہ محاور و لا وی جس کے ساتھ حرکت کرتئے ہیں۔ اُکس منشور کا غرق سٹ دہ طول حبکی عمودی ترامٹس فرلا فرا ہے

ى + لامس ط = ى + لاط بوجاً اسب ادراس كى كميت كم مركز كى محمرا فى (٩٢) ﴿ (ى + لاطم) جم المدسي - اس ك بطاعة الموسة الع كى وجست نوانا في إ لقوه مي*س اضافه*

= الم ح أ كرا ك + لاطم الرا- طع) فرلافرا - لم ح ف كرى فرلا فرا = إن شا طري (الله على) فراه فرا + ج شاطر كال ي فراه فرا لكين عسم كم بناوكي وحبست والافي إلقوه كالفضان =ج ف م (طا مم م + صنا جب طه -طا)

= - لج ج ف طرح طاجج ب ط مع ضا اس سلتے توا ئی با تقوہ میں کل زیادتی

قاء يا من طر الاسكال فراء باج ب طا = الم ت ط (((مراح ي + ح ط) = するロば(イソーフ×人()(1)

حالت کے مرام بروائع ہوتواس کی مسادات موجاتی ہے ای ایک الله کا الله ادریس مرکزی لبندال کی ادر کیا میں-**٩١ --- ئىدىن خىم ج**ر كَلَّا غرق مېڭ دە تيررا-اس صورت میں ہیں اسی طرح کی مسا واتیں حاصل ہودیگی ك = كن فرح الدار = روز النان الان الم فرا بالريث المراد متعان*ں سیال میں غزق سندہ ج*ہم کی صورت میں اجھال کے مرکز میں کوئی مٹا وُنہیں ہوتا۔ ٩٢ -- امتله- (١) مخروط لجس كانصف ذاوبيراس إگرراس دھے کسی تراض کا فاصلہ لا ہوتو ا الله مسورة عه فراه = ١٦ لا مسسم عه فرلا فرح = ١١ الامس عدفرال اسطح فرا = المسس عفرح _ <u>کوٹ نزو</u> مساعرات زم کر دف زح سام <u>دن زج</u> لا ، و کے اور اجمال کے مرکز کا ارتفاع ہے اور اس ط و کے ادبر کیسس مرکز کاارتفاع لا قطاعه کیے ري مكانى تما عبى ورفاص ل ادرواس سيع وارسب -يهال فرح = 1 ل افراا النطح فرا = لم ل فرح

(4.)

ہوتی ہیں ، یہاں ان و دمحلوں میں اجھال کے مرکز الترتیب (لا ا ا بری) (لا ا ای) ي اور ار، ف ب متناطراب خطراش پرملی الترتیب دومرست محملول كَ لا نولا فرما ، كَ لِلنَّا فَرُلا فَوْلًا ، كَلَّ مَا فَرُلا فَرَا کوتبیرکرتے ہیں -سلسل سیال کی صورت لینے سے ك (١١-١١)= الله وال ك (١-١) = ف ل + ب م اور کری - یا = از ال ۱۲ دن ل م ب من م بہاں کے و ب ج اوح فرف = تُ ٢ الشح] " - كُون فرح ء کر پٹ فرح (= ناد + آ و زن = نَ ۾ + [ث د] " - رّ ٺ زا = ن اون + کر بن فروکا اور اسی طرح کا جل ب کے لئے ہوگا۔ لاحظ دان غرق مندہ حسیم کی

اوراسی طرح کا جل ب کے لئے ہوگا۔لاھے ا ان عزق سندہ حسم کی اور اسی طرح کا جل ب کے لئے ہوگا۔لاھے اور اور کی درنجلی تراسنوں سے متعلق ہیں اس صورت میں تن صرعاً ما صفر ہے اور اور مجی صفر ہے سوائے اس صورت کے جبکہ حسم کا پیندا چیٹا یا سستوی ہو۔ اور اور میا کی طرح حاصل ہوتی ہے اور خاص صورت میں جبکہ ہن اور مبداء اچھال کے مرکز کی متوازن اور خاص صورت میں جبکہ ہن = ، ، اور مبداء اچھال کے مرکز کی متوازن

قروں کا کل معیاد ش کے گروہو کا عَثَ (لِمَا - ح * ه سُ) طبع شَ (أَمَا - حَ * هَ سُ) لم جتع × من مر ×ط+ جث مح × طه جس میں ن مر اور ن مر کی مثبت سمت ادبروارہے۔ توازن صریاً قائم بور اگر هر اور هر دونوں سے ادر داقع ہوں لیکن اگر تھر ' نشا کے نیچے ہونو قائیت کے لئے ئے×نٹھرے ٹے مُرہ ت (امل ح موت) > شرح موت - أمرًا) غیرمتحانس الغ سایک عوس مرمندرگانت کے الو بن تیررہا ت حسم کی صورت میں عور کرو جوالیسے مائع بن تیرر ہاہے جو نزولى ترتيت كين مخلف كأنونون بيت رين ، بين سر يت كاتبول يرتقل م زمن کردکہ مشن کا مت کی ہنہ کی اوپر کی سطح کے نیچے مبتم کا کل مجم غ ق سفدہ ح ن سے تعبیر ہوتا ہے -د نعبہ ۸۷ کی طرح فرض کردکہ اس ستوی کی ابتدائی آب خطاراش ی سے ج ب اور فرض کردکہ خفیف طور پر ہٹا سے ہوئے محل میں اس ستوی کی مساوات ی = ج بل لا + م ما ہے توہیں یہ مساوات حاصل ہوتی ہے المناح المرتب في المراجب في المرب المناه المناه المناه المام المناه المام الم + إن ن + (تر- ت) فر + + (ت - ش - ا) د ا امنی طرح (ما ۔ با) اور (ی ۔ یا) کے لئے متناظر سا داتیں حاصل

= بخ شح × (هن-گ) ط یس بینیتجه نکلتا ہے کہ توازن قائم ہوگا اگر でかくびーできず(会じー型)+e(山しし)) مثنبت سواس سنبدط كرساتهك シマ×てきをこしてxo يتحبر صرم - اگر حبيم متحانش ارئع مين آزا دانه تيرريا بد اورتشاكل كا ايك ستوي ر کھٹا ہو اُدراگراس مستولی میں سکے کسی افتی محد کے گردھیم کو ایک صغیر زا ویہ لم میں کھا دیا جائے تواسترواوی جنت ہوگا ج ف ط (﴿ رَبُّ - ح×ھ ش) جہاں تشاکل کے مستوی اور اکع کی سطح کے خط تقاطع کے گر سطح تراش کے جود کا معیار ﴿ مَنْ سِے۔ ۔۔۔ ایسے حسم کا توازن جو دوما کعات میں جزو عزق سٹ دہ تیر رہاہیے۔ فرض کروکدا دیر کے مالع کی کٹافت ہے ادر نیچے کے مائع کی مت + ہے بنز فرض کردکہ کل جم غرق سفدہ سے اور سے بہت کا وہ حدد ہے جو بنج کے ان میں عرق کے میں اور کے مستویوں سے کے رقبہ (بو کہیں۔ تب جسم کے وزن کو تھا سننے والی تو یس، مائع کی کمیتوں کے اوزان سفت اورت التي بين جواريروارعمل كرتي بين --الیسی صورست لوحس میں مبھمایک ایسے انتھابی مستوی کے لحاظ سے مشفاکل سیم جومٹا وکی مستوی برعود وارشیے، اس طرح تحبر اور کمیتوں ہے۔ اور ف ح کے مراکز بندسی دف ، ھو، ھو ایک ہی انتصابی خط میں ہوسکتے۔ اگریسم کوایک صغیر زادیہ طریس تشاکل سے مستوی میں کے کسی افقی مورك كرو بناويا جائے و وازن كمل برليجان كاميلان ركينے والى

و (ت ن بِمِه + هر ن سِب طر) > ای در نت ن مِه امر ت مب طر) اور ينزكر وبرثان = و بدث اس كے توادن قائم ہوگا یا عیرقا مم موجب اس كے ك ۸۷ ___ قیو دیے ماتحت تیرنے دا ہے جیمول کے قراز ن کی قائمیت -قیدی ایسی صور تول بی جس میں جھوٹے ہٹا وکے لئے ہٹائے نے ماقع کا مجم بنیں برلتا کہس مرکز کا نظریہ سالی دباؤے خطاعمل کا تعین را ہے اور قائمیت کا سوال میراسانی سے حل ہوجا اسے -مِثَالِ کے طور پیہ فرعن کروکہ ایک حبم جزرٌ غرق سنندہ ا ایک انفی محور کے کرو حرکت کرسکنا ہے اور یہ انفتی محور اس مستری ٹائش کے مرکز بہندسی (سے ایک انتصاباً نيي واقع بهجوائع كي طحبهم من كائني ہے۔ ا رجم كو چمو من زاويه طرين بنا ويا جائے تواس بنا وكا يه افر بوگا لرم كز بندسي (البح) ينيع مبير ما كي كا اوريه بما دُ طا برمنحصر وكا - اور اس ك مقداروں کے بہلے رنبہ کک ہٹایا ہوا مجم غیرمتغیررمبیگا اوریس مرکز وہی ہوگا کویا کہ مج الع کی سطح میں ہی واقع ہے ۔ أرضم ایسے انقی محرکے گرد حرکت کرسکتا ہو جو نقط مج کے بنتے انتصالاً واقع نہ ہوتو سٹاکے ہوئے جم میں جوتد بلی واقع ہوگی وہ نظرائداز نہیں جو سنے گی ا اور قائمیت کے موال کو مٹاسے سوے مانغ کے عمل بربالاسٹ عزر کرنے سے ستطيلي مترا ايك مائع بين كالمافت آكى كنا فت كا ود چند ہے ساکن ہے اس طور پر کہ اس سے وہ سنتھ انتھا بی ہیں ۔ یہ بیترا لینے ایک انتھا بی منلے کے وسطی نقطہ کے گروا ہیتے مستوی میں حرکت کرسکتا ہے۔ نكل بيرك كونتبيرك ق مع جكراسكوچيوسط زاويدا و ب (طه) میں سٹا دیا گیا ہے - نقط و جوائع کی سطح میں ہے صلع کا وسطی نقطہ ہے-

ف ه = ١ ق قط عر ـ ي ن

(ی) ای کی نظاید - من کا ید - من

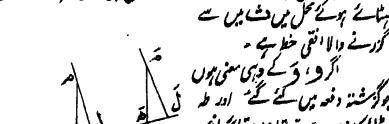
جال مساوات

و- وَ= لم ب أ المسل عدري - في) = مزوط كا وزن ٢

سے ی ماس ہوگا۔

۵ ۸۔۔۔ اگر برقن کے اندرونی سیال اور ہٹائے ہوئے سیال کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی انتصابی میں مذہرں تو فرص کروکہ ان مرکزوں میں سے گزرنے انتصابی مستوی کی سمت ہی ہٹاؤواقع ہوتا ہے ادر عبهم اس

اندرونی سیال کا هر سب اور هرا کر بیس مرکز بین-نیز فرض کرد کده ن ن توانان کے محل بین افقی



کا تم ہوگا برحب اس سکے کر

ورسل > يد و د سال

فرص كروكه باسئ بوسف سال کا بسس مرز ہر ہے ادر برتن کے ۔ اندردنی سال کا هر ادر مٹائے ہوئے سیا*ل کا دن*ِن ہوہے اور اندرونی سال کا و۔برتن کی کیت کے مرکز ن کے گرد معیار کینے سے اصل سانی واورتن کومتوازن کرنے کا میلان رکھیں کے یا اس کے برنکس بموجب اس کے کہ و×ٹ مر-ؤ×ٹ مر

مثبت یا نفی مولایی بوجب اس کے کہ

الحالية المنظمة

مثال ۔۔۔۔ ایک کھو کھلا مخروط جس میں بانی سے بانی میں تیروہ ہے اس طور پر

کر اس کا محورانتها بی ہے ۔ فرض کروکہ ن = مخود طرکے محور کا طول فَ = مخروط کے اندرونی سیال میں ڈویے ہوسے وکاطو

ی = بردن سال کی سط کے شیعے ڈربے زوئے محور کا طول مخروط کے زاوی راس کو اعد مین سے ہیں حانسل بوگا

🙈 هر = 🖐 ی مسس عه

هث = يان ـ ي ي

ت مر = ٢ ى قط مه ١٠٠٠

سله يصورت ابد مازسه متعلق بحس مي موراخ بوكيام اور روكما مو- الكلي وفع اسيسه سودا خدار جازے شعلی ہے جسر کے بل ایترا (pitch) کا ہے۔

جم عرقم كم حم (طر+ عه) حم (طر-عه)

یہ ایک ایسی مشرط ہے جو ہمیشہ صا رق آتی ہے کیونکہ عد اور طہ میں ستھ

ہراک زاویہ قائید سنے کم ہے۔ اس کئے تخروط کے تعدیلی توازن کی صورت پس سی محدو و ہٹاؤ کے لئے

توازن كو فا مُركها جاسكماب--جب ائع ایک برتن میں ہر جبکوانے اصلی محل سے فدا سا مٹا وا مگیا سے تو كُذْشَة تحقيقات كى مروس ميم حاصل سيح وارد باؤ كے خط عمل كا تعين كرسكتے ہيں ت اس صورت میں بچھلی صورت کی طرح میسلوحسب و بل ہے ا-

رس حبم اب ہے ہے آیک ویا ہوا مجمراکی سنوی کے فرمیسہ

تراش سا گیا ہے۔اس محمر کا مرکز ہندسی ھرہے اور حظ ہے ھاس ہے۔ اگر وہی محرایک ایلیے منتوی سے زاشا جا۔ جموطازاويه نباتا كي تواس خطامستقيم كالمحل معلوم كرنا مطلوب سب جو دوس

متری برعمود وارسی اور اس سے ج انجر کتاب اس کے مرکز بندسی میں سے

أكربرتن كى اندروني سطح اليس مستوى كے لحاظ سے متشاكل موجو هويس سے گزرہا ہے اور ترامض کے دونوں مستویوں کے خط تقاطع پر عمود وارہے تووہ خط حبکا تحل دریا فت کرنا مطلوب ہے ہے تھے کو مرکز ما بعد حر پر تطع کرے گا

حب كا مقام مارك كرمضة ما ج سعمام كيا جاسكا معد -

... برتن حس مي مائع بو - ايك كموكملا برنن حس س مائع الع میں تیرر اے قران کی نوعیت معلوم کرا مطلوب ہے یہ فرمن کرکے کرمیم کی كميت كمركزس سے كررف والے بٹاؤك انتها لىستوى كے كافاس صبیم مشاکل ہے ادر یک مسم اور انع کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی انتصب بی خط ميں ہيں -

اس نے ہٹائے ہوئے سیال کامجم = ہے دہم (ط- عه) (ناتفل کا رقب) = الله والعب عرم (ط- م) على الله على ا اب اگرسیال اور محزوط کی کنا فتیں مث کم تغیر ہو کہ ہٹا نے ہوئے (۸۳) سیال کا وزن مخروط کے وزن کے سماوی سے اس کئے ت و حب عدم عد حراط عدم) الم عنه المسترع م [ت مخرط كا اتفاع م $\frac{1}{\sqrt{\frac{c}{c}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{c}{c}}} \left\{ \frac{(a+a)}{\sqrt{a(a-a)}} \right\} = \frac{1}{\sqrt{a}} = \frac{1}{\sqrt{a}}$ ادر ول >وت اگر رام در مرام در مرام ا ط کو لا انتہا جمولا فرض کرنے سے صغیر ہاؤے کے لئے ہیں قائمیت کی 一点人 جو د معد (۸۱) کی مثال ۱4 کے مطابق ہے۔ فرض کردکه مخروط کا توازن تعدیلی ہے کینی فرض کردکہ خ ۽ ٺ جم عه تر محدد دہاؤ کے بدسیال کا عمل مخروط کو اسبے اسلی محل کی طرف لیجائے براگل موگا

ایک علوس مخروط اس طرح تیرو با ہے کہ اس کا محور انتصابی اور رامس

ينيج دارسيريس كوايك انتفعا بي سنؤى مي راويدطه س طها إلحيا سنديثنا مسير بوسي میال کا حجرو ہی رہتا ہے۔ ^بیالی دیاؤ کے معیار کی ہمت معلوم کرنا مطاوب ہے۔ نرمن كروكر سيال كي ستوي *عظم* سنعه حاكل ممشاره مخروطى زائش كامحدا غظم ﴿ بِ سِبِ اوراس كا وسطى نقطه ج سبيء خطوط أأنب بت، ج ج خطاب پر علی القوائم ہیں اور زاوید ﴿ وسب ٢ عمر أدر وا = داتر

وباب= ١١ - ١١ - ع

وي = أوا + وب) = أ { وجب (طروع) + وجم (طرعه) جب (طرعه) كا الم

 $\frac{d}{(dx+dx)} = \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{dx}{(dx+dx)} = \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{dx}{(dx+dx)}$

قطع انص الب كانضف محورا صغران عودون سك ورميان وسط تناس ہو مخ وط کے موریر ۱ اورب سے کینے ماکیں۔

ن ناقس كارتبه = ٣ إ (ب (وا × وب × حب ع)

 $=\frac{1}{7}e^{\frac{1}{7}}\frac{1}{2}\frac{$

اس ك هر الم م حب المعلق اورهرات على (او م) جم طم ه م الله م الله م الله ح الله

اب و فد (۹۷) میں حس کا حوالہ بہلے دیا جا چکا ہے ہم نے تابت کما ہے کہ قوازن کے یا تو تین محل ہو بنگے یا صرف ایک برجب اس کے کم

f>!<=?

اس کے نیتیے بھلا ہے کہ حب تواز ن کے تین محل ہول تو درمیا نی محل جس میں ج سب انفتی ہے خیرتا کم نوازن کا کل ہوگا۔ اور دومسرے دو نو ل محلوں میں توازن قائم ہو کا۔

أَكُّر نذار ن كا مرك ايك مل مدنو توازن قائم بوكا-

طالب علم کے کیتے یہ اچھی شق ہوگی آگردہ ان شائح کو اچھال کے سخی کی مساوات معلوم کرکے اس کے مرکز انتخاکا مقام دریا نت کرنے سے حاصل کرے۔

و د او کا و او کے مرکما اوا کے تریملے کی طرح سالی داو کا معیارا سروادی ہوگا ا غیراستردادی برحب اس کے کر نقط کو بس برانجمال کے سنے مرکز یں سے گزر ف والا

ائتھاً بی خط ، خط هد مت کو قطع کرتا ہے دنت کے اوبریا نیجے واقع ہو -اس سے رینیچے نہیں نظما کہ اگر ل مت کے اوپر واقع ہوتوجسے کو آزاد

كرد بينے سے وہ اِپنے اصلی تحل كى طرف لوط آئيگا اور اس ميں سے اہلتزا ز لر کیا با یہ کہ قائمیت کی بار ی سابق تولیٹ کے بوجب اصلی محل قائم تواز ک

کا محل موگا - علیمل کا ایک عام قانون میہ سے کہ قائم اور غیر قائم تواز ک سے محل سینے بعد دیگرے وقوع نبر پر ہوئے ہیں اور مکن سبے کہ جسم النے امسلی اس بٹاؤ میں توادن کے محلوب میں سے گزدچکا ہو-

مثلاً ایک خاص مثال حسب دیں ہے۔

(中共1年)四(1年1年) (١٨١) : هرت= ٢٤ (١ - ١٤) + (١ - ١) ١١٠ (١ - ١١) جمط هن وي جب طي (لا جم طي - م)) ا رقبه ك أق = ٢ مم جب طر اور الرهر بيسس مركز بهو اور ل منشوركا طوالَّه لكن نق عم (لأ + ما - الا م جمط) (アーキアラ)中にリー اور هرم > هن الرم اجب الم حرجم المج (الا بم طب - م) يني اگر جماطي کو دم أس صورت برغور كردكر جس مين قاعده انقى سب امداس كئے ن ف، ب ج كے متوازى سبے-رقبہ ت إف = ٢ م٢ حب ط ان= اق = ۲م، نق=۲م عب ط

ح = الم المي مسرياعه ۵۵ ه ۱ ۳ ی مسس و ھ نے = ہے ن ۔ ہے ی ادراس الله توازن قائم يا غيرقائم موكا بوجب اس كمكم ی مسرعہ کیا 🗸 ن۔ ی یا حضرم می کیا حساب میں اگر ن اور نہ سیال اور مخروط کی کٹا نتیں ہو ال تو $\frac{3}{4} = \frac{7}{2} \left(\frac{3}{2} \right)$ اس ك وازن والم ياغير قائم موكا بوجب اس كك (sp.) > ! < = مشال ٢ -- ايك سنسادي الوجيين مثلتي منشور تيردا ي اس طورير كه اس کا فاعدہ عُرِق نہیں ہے اور اس کے تحارے افقی ہیں -م اول وزن کے اُس محل پرغور کرد حبس میں منتور کا قامدہ افق سے الل يو ديكو دند (وم)-أس صورت بس اگرات = ١ ما اور (ن = ١ لا اور اگر صفي (٨٠) كى مساوات (بد) میں بہم او = نب رکھیں تر لا اور مائم مساورتوں ست حاصل ہوجا ستے ہیں۔ اب اوراج تو عالے کے محاور قرار دینے سے نت اور در کے محدو اللہ التربیب ہوئے

اس سنة الرنور كاطول ت عزق برق

الأن عهم = الله المهم المراكبة المهم المراكبة ا

اور توازن تائم ہوگا اگر

 $\frac{\delta}{\eta_{ij}} > \frac{\dot{\psi}}{\psi} = \frac{\dot{\psi}}{\psi}$

مثال ا --- ایک دائری اسطوانه تیرایا ب اسطور پرکه اس کا مورافتی اور سیال کی سطح میں ہے - اس کو اس سے مور میں سیسے گزرے فالے انتصابی ستوی میں بٹادیا گیا ہے۔

تراوکا مستوی ایک مستطیل سے اور

المراء لون

جبال ت اسطواقه كا طول اور أو نصف قطراب

ن همر= له الناسطة

اور تواز ن قائم بوگا اگر

< 10 ±

ت ۱۲۷

یا مثال ۱۷ - ریک محرس مخروط انتصابی محرد ادر شیع دارواس کے ساتھ

فیرد اید -ومن کردکه من محد کاطول سے،

ی مور کاده صد جوغ ق سے ا اعمر مخروط كا زاويدراس مي

(من = الله الميم مسري عد

 $\langle N \rangle$

(n·)

اى = رون - (فق) إلا فرب- الأما فرف + أ فرد } خاص صورت میں جبکہ فرف ء . ۔ توبیساوات ہو جاتی ہے $\frac{C_{2}}{V_{1}} = V_{1} + \frac{C_{2}}{V_{1}} = V_{1}$ اور تراؤ کی سطے کے نصف تکر انحا ہیں ترک ادر قرب جیا وفد 8 میں۔ مسه دیکتے ہیں کہ تھوس کی رو سوّاز می تراشوں کے صدری تحور د ر) ہاموازی مونا عزوری بنیں ہے۔ اس طرح اگرت = ، تو اس سے ینتی بنیں کاست کہ فرف = ، اس طرح و فود ۵ م کے تا مج صرف اُن صورتوں میں ہی درست ہونگے جن كواكس دفويس مان لياكيا ہے بينى تشاكل كے انتھا بى مستوى موجود ہيں جن میں افقی تراشوں کے تمام صدری محور واقع ہو سنے ہیں – یس مرکز کا مقام معلوم کرنے کی چید مثالیں درج کی حاتی ہیں۔ مثال السلفي الطروا ادر طول ف كا ايك عفوس اسطوان انتصابي محور اس صورت میں تیراد کا ستوی ایک دائری رقب اور وس = ١٦ أله ما فرلا = ١٠٠٠ (و - لا) ت فرلا = ١٠ و و المراجم المرفرة الماء وب طر ركان الماء

له ليكلوف كمسلكى يقيم ادر كرسنة خدد نعات كاطرزاستدلال ادر دنعات آينده ١٩٠٠،٩٠، ٩٠، مدا كل ادر دنعات آينده ١٠٩٠، ٩٠، ٩٠٠ مرا ١٠٥ در المرام ديع (Dr. Bromwich) كم عن فكركانيج بي -

اب دف ہ ہ کی روسے بڑان نے کل ایک ایسے دزنی جسم کے توازن کے کل دیا ایس ایسے دزنی جسم کے توازن کے کل دریا فت کرنے کے معاول ہیں جواجھال کی سطح سے محیط امواردایک افقی مستوی بڑکا ہوا ہو۔ پس فائمیت کے لئے اس مستوی سے مرکزنقل کا ارتفاع اقل ہونا چا ہوئے۔ اس کے لئے صروری ہے کہ لیے اور میں سے بھوٹا ہو یا مرکز نقل ددنوں ہیں مرکزوں کے ینچے واقع ہو۔

مرسد نثیراوکی سطح - لیکل سٹ کا مسلمہ ۔

فرض کر دکہ تھوس دفعہ مرد کے بوجب دو مسرے کل میں ہے اور اسکو دبانے سے غرق سندہ حجم میں ایک جھوٹی تقداد معن کے کا طافہ و ہوا ہوں نو دبانے سے غرق سندہ حجم میں ایک جھوٹی تقداد معن کے کا طافہ و ہوا ہوں نو دبانے سے غرق سندہ حجم میں ایک جھوٹی تقداد معن کے کا طافہ و ہوا ہوں نو

بانے سے غرق سندہ حجم میں ایک جھوٹی مقدار معن کا اضافہ ہواہ ہو۔ اگر حجم معن کی حیک تنی کے مرکز نقل کے محدد صفا ، عا ، طا ہوں تو صفا مف سے = (سے + معن سے)(لا - لا + معن لا - معن لا) یا معن و + م معن ن ، دنغہ مرء

اس طے عاسن علی است من ب

اور طا معن عدل (ل من و + ال م من ن + م من ب)

نیرجیسے جکتی کی موٹائی کم کردی جاتی ہے نقطہ (ضا) عا، طا) تیراؤ کی سطح کے متناظر نقطہ پر منطبی ہونے کی طرف مائل ہوا ہے یعنی آب خط رقبہ سے مرکز ہندسی بر-

الد تیراو کی سط کی مسا وات موگی

(64)

(リーし) キャリーリン)=(はーリ)ナ さしい

110

ج اجال کی سطح کی نقر مین سک ہے۔ اگر ابتلائی محور لا اور ماستوی تراش کے صدری محور ہوں تو ف = ، اور اگر سبداء کو الجھال کے مرکزر بیلے مقام منتقل کیا جائے کی ساوات ہو جا تیگی

117 + 117 = 6+

اب اگریم بس مرکزوں کی تعرف اس طرح کریں کہ وہ اچال کی سطح کی صدری عادی تراشوں کے مراکزانحنامیں تواجھال کے مرکز کے اوپر ایس مرکزوں مے ارتفاع مدری نصف تطرائحا کے یا بیت ہونگے۔

قائميت كى شرط

ا چھال کیسطے کے نقطہ (لا) ، ی) پر ماسی مستوی ہے طا-ى = الله (ضا له) + الله (عا- ١)

لداس سنوی سے مجمع کے مرکز تقل (ب برتی) کا عودی فاصلہ موگا +-{112+112+0-0}

(\vec{c} - \vec{\pi}) \frac{11'\mathcal{Z}}{1\pi'} + (\vec{c} - \vec{\pi}) \frac{11'\mathcal{Z}}{1\pi'} + \vec{c} =

إس مسا واست سنت طهر لمناسبته-جعكني كم الزكو تطئ مستوى سندج فاصله برايك ابساءزن وركف س وال كرويا جاسكناست كه ۲۲ ن ج د = ۲۰۰۰ ط لمبها نی جاز کی صورت میں حیکاؤطولی سمست میں ہو کا ادراس صورت میں ف طونی ایس مرکزی ارتفاع ہوگا۔ ية قابل فرم سي كرجمك ما سن كي سب الروش كيسب كروش ہوتی ہے۔مثلاً پنکہا نی حباز کی صورت ہیں جرائے کو حار ہے سامنے کا صو خنيف سأأبطا بوابوكا ورسيح كاخفيف ووبابوا فرض کرو کہ ابتدائی آب خط ترامش کے مرکز ہلاسی ہیں سے گذر سنے والمے انتصابی خطیر مبدا میا گیا ہے۔ اگرابتدائی تراسٹس ی =ج ہوتو خفیف طور پر سٹائے ،وسئے محل میں اس مستوی کی مساوات ہو گی ى = 3 + ل لا + م ا ل م چھو سے ہیں۔ اگرِ اُن وو محاول میں (لا مباہی) اور (لا المامی) اچھال کے مرکزوں ح (ا - الم) = كرارى -ج) لافرالا فرا = ألل + ف م ح (١-١) = (اى - ج) افرال فرا = ف ل + ب م ، ح (ى-ى)= ﴿ إِنْ عَ الْعَرْاءَ مَرْاء اللهِ اللهِ عَلَى اللهِ اللهِ اللهِ عَلَى اللهِ اللهِ عَلَى اللهِ اللهِ ا جبال الح = كالأفرلافران = إلا افرلافران ب = إلى فرلافرا

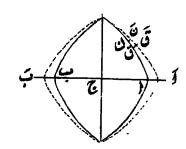
اب اگر ھادر مرکے نے محل مک اور مکر ہوں تو م م = ه م - ه م + ه ه ء مف ر + ۵ کو لکین ج کر× مفسح = ح × کرکھ ه هر = مدرج هي عند عند (ب-ر+ج ه) جہال رہسے ج کہ تعبیر ہوتا ہے جو تیراؤ کی سطح کا نصف قطر انخاہے۔ وسلة م م = منت (عدم م + ج ه) = سن (در- ه م)

بیں معلوم ہواکربیں مرکز ملحاظ جہاز کے اوپر اُٹھتا ہے اگر یہ تیراؤ کی سطح کے مرکز انخیا کے نیچے واقع ہو اور نیچے مبتیقا ہے اگریہ مرکز انخیا کے اوپر واقع ہو ۔ کے کے ۔۔۔ چیپے بانی جہاز (Screw-steamer) کا اپنے پیچ کے عمل کی Heeling over Illo Joe on

(بدوند بروند برون کی نقداو ن توایک منٹ میں جو کا م ہوتا ہے وہ ۲ ہ ن ل ہوگا- کمیکن اگر انجن ط امیں طاقت سے کام کررہا ہوتو

1 mm... = Junir : اگرِ طدوہ زادیہ ہو جس میں سے جہاز جبک جانا ہے اور مرکز تقل کے اد بركيسس مركز كا ارتفاع من مواور جهاز كا وزن مون مي و مونو ل = ٠٩٧١ ون جبط در ۱۱۳۰۰ و ۱۲ ن ۲ ۱۲۲ وق به

فاصل آب کے متوازی اوراس سے فری نا سلد بر تراش کینے سے



فرم = ﴿ فری فرض کرد که وَ قُ نَ بَ فَالِآب براس نئی تراسفس کا ظل ہے۔ تو فرمج ' وَ قُ نَ بَ بور افقان ب کے درمیا نی رقبہ کے جود کا معیاد ہے۔

ن فرج = $\sum_{i} i َ فری سمس مع فرس اور نرج = <math>\sum_{i} i \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}$

یں اگرا صنافہ کیا جائے نواس کا افر مرکز ما بعد کے حل بر۔ یہ مان کر کہ جہا زمیں تبا کل کے دوانتقابی مستوی ہیں فرض کر دکہ تیرا دُ کے مستوی کا مرکز ہندسی ج ہے ان میں سے ایک مستوی میں فائیت برغور کرد۔

ارمین خنیف اصافی وج سے فرمن کروکہ ج کا نیا مقام ج ہے اور مزید سٹاؤ معن سے تعبیر ہوتا ہے۔ (44)

رَمْدِ نُ قُ نُ قُ = ماطه سس عد فرس نَ جِف×(﴿) = ﴿ الطه مسس عد فرس اور جِوْبُكُهُ جِ جَ = رِطْ اور انتِاين جِف = جَ اس كَ رِ ﴿ = ﴾ إَ طُهُ مُسس عد فرس

اس جاکوسب سے پہلے سی ڈیوین (C. Dupin) نے اپنے ایک مقالہ میں سائنیس کی اکا ڈیمی (Academie der sciences) کو سلاٹ ایم میں بیش کیا طولی ترامنس کے انخا کے نضف قطر (مم) کے لئے سجمی ایک متناظر جلہ صریحاً موجود ہے ۔

مجی ایک متناظر جلہ صریحاً موجود ہے۔ ۵ کے ۔۔ لیکلرٹ کا مسلہ۔ اگر عرضی اور طوبی ہٹا دن کے لئے بیس مرکزی بندیوں کو لینی اچھال کی سطح کی عربنی اور طوبی تراشوں کے انحا کے نصف قطروں سکو راور می سے تنبیر کیا جائے توہم جانتے ہیں کہ

ر = ح

جہاں مج اور جمج فاصل آب کے جمود کے صدری میں رہیں ۔لیکلرے نے ان مقداروں میں حسب ذیل روابط فائم کئے

ر= نزع = ر+ حزر ، م = زع = م+ح فرم

المنظرات کے اس مصنون کا ترجمہ مسٹرمیری فیلڈا (Merrifield)

The proceedings of the Institute of Naval Architects)

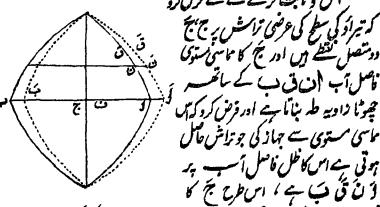
میں اور ارج سند کے (Messenger of Mathematics)
میں دیا ہے جو دو شوت د ہاں وئے گئے ہیں ان میں سے ہملاحب ذیل ہے۔ تاریخی
دیجی کی خاط اسکو بہاں بیان کیا جا تا ہے آیندہ دفعہ ۸۰ میں اس کازیادہ باضلے
شورت دیا جا نگا ۔۔

جان و جاز کا دزن ہے۔ عام طور پر معمولی بٹاؤں کے نئے اجھال کامنی نقریباً زائد کی ایس قوس ہوگا، دیوار بہلو جہاز کی صورت میں لینی ایسے جہاز کی صورت میں جسکے پہلوخط آب کے نزدیک انتصابی ہوں اجھال کا منحنی مکا نی کی توسس مقاہے۔

روب بہت کی صورت میں اگر او مکنے کے لئے مرکز ابعد هر ہوتو حاصل صرب و بھائے کی سے مرکز ابعد هر ہوتو حاصل صرب و ب و بدف هر کو جباز کا استحکام (Stiffness) کہتے ہیں۔ مہائے ۔ ڈیوین کامس کما۔ سبید حاتیر نے والے جباز کی صورت میں تیراؤ کی سطح کی عرضی تراش کے انخا کا نصف تطربو گا

ر = <u>که ایسس نمه فرس</u> ر (

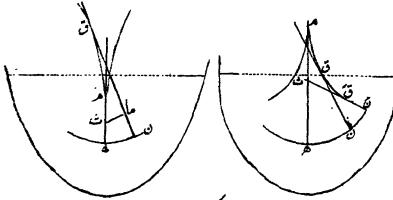
جسان فاسسل آب کے گھیرے کا عضر فرس ہے، اُس کارقبہ اِ ہے اور جادر کا اور الا اور اللہ ہماز کی اُس تراش کے طولی اور عوضی محربیں جو تیراؤ کے ستوی سے قطع ہوتی ہے اور یہ محرر اس ستوی کے مرکز ہندسی ہے میں سے گزرتے ہیں۔
راس کونا ابت کرنے کے لئے فض کرو



ر ن ی ب جب به ب راب ج ، وظل ف رقبه و ن ق ب کا مرکز ہندسی ہے ۔ فرض کروکہ متناظم عنصب ر ن ق بی اورن ق = فرس ق

(40)

يا أقل انخاكا معطر المان بي سعيملي مورت ين بربيم كا قرن بيج كي طرت



بکیلاہے اور دوسری صورت میں اوپر کی طرف مکیلا ہے۔ تشکلوں سے ہٹاؤ کے اٹرا ت فرراً ظا ہر ہو جائے ہیں۔

مہلی صورت بی تقویمی معارافر (Righting moment) جربطار مار کے دیے ہوئے کا سکونیا تی اب ہے دی ما کے مناسب ہے جونقط دی سے ماس ن فی برعمود سے اور ہٹاؤ کے زاویہ کے مناسب ہے جونقط دی سے ماس ن فی برعمود سے اور ہٹاؤ کے زاویہ کے

برھنے سے برفوہتا ہے۔

دوسری صورت میں تقریمی سعیاراعظم نمیت استیار کرتا ہے ادر پیم گھٹتا ہے ادر اس محل بیعددم ہوجا ما ہے جو ماس سٹ تی ن سے ماصل ہوتا ہے۔ یہ نوازن کا ایک محل ہے لیکن ایسے توازن کا جو غیر قائم ہے کیونکہ عامہ صلہ قائد در سے مطابق کا نکر ادر عنہ توانک نوازن سے محل باری باری سے

عام صلی قانون کے مطابق قائم ادر غیر قائم قراز ن کے ممل باری باری سے سے محل باری باری سے سے محل باری باری سے سے محدد یکھرسے دنوع بنر برو کے ہیں۔
اگریٹ کومبداء ان کرا چمال کے سختی کی مساوات ع و ن (نه)

عاصل کی جاسے تو

نت ماء فر<u>ط</u> فرفه ادر تعزی معیار مرکل **و** فرفه ۔ گزمشتہ دنعدمیں یہ بات فرنس کرلی گئی ہے کہ سیالی دماؤ کے عمل کا انتصابی خط ایک نفیف بٹاؤ کے بعد ھو ت کو قطع کرتا ہے۔ یہ صرف اس وقت درست روگا جکر بٹاؤ کی سطح مستوی نقطہ ھر براچھال کی سطح کی صدری ترامسس مروجب به صوریت به موتو بهنا دسی استعابی مستوی پر خط عمل كاظل، هو كن كو نقط هر برقط كرس كا جوسطى عما دى تراسس كا مركز انخا ہو گا۔

اس کے نقطہ کھ پراجیال کی سطح کی کسی عمادی تراش کے انمنا کا تعمت قطر ر من اورا گرتیراد کے متوی کے جود کے صدری معیالاس کے مرکز ہندسی بر می بیج ہوں تواجمال کی سطح کے انخاکے مدری نصف قط کھ پر

10 T

ہونگے اور اس کی صدری تراستیں تراؤ کے سنوی کے صدری موروں کے مواری ہونگی۔ مع کے -- قدراً ایک ہابت اہم صورت بیش ہوتی ہے - یسی ایک جہاز کے

توازن کی تائیت کاسوال جبکه رام نظینے (___ Rolling

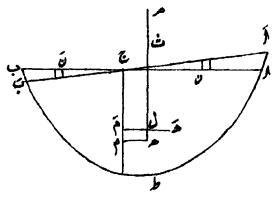
Tossing) کے بغیر ارد حکت لربنیں سیے کیوکر جاز کے دونوں سرے غیر مشاکل ہوستے ہیں - لیکن ایک بہست

لمع جاز كي صورت ين جيسے كه عام طور ير كراوي اوس (Atlantic Ocean) یں سے لئے واکے جہاز ہو سکے ہیں یہ مال لیا جا سکتا ہے کہ جہاز ایک مستوی سے جو اس کے

طِول برعود دار ہو مقشا کا تقتیم ہوسکتا ہے۔ اس صورت میں جازیں تشاکل کے قوانتصابی منتوی ہونگے ۔ اور اس سلے انتصابی خط ھ ک تیرا کے

بتری کے مرکز ہندسی ہے میں سے گزرے گا۔ نینرخا کھ دٹ اچمال کے سخنی کو متنا کلا تقییم کرتا ہے اور نقط کھ اعظے۔

ماس ہوگی -اے ۔ بسکد گزشتہ کی موسے ہم نقطہ ہے اور لیں مرکز کا ارتفاع سام کرسکتے ہیں -فرمن کروکہ جم اطب کا مرکز ہندسی ہراور اط ب کا ھرب - اُج احجواً زادیہ طر ہے ۔



اگر تراز کے مستوی کے رقبہ کا عنصر عدہ و اور ج میں سے گذر نے والے
انتصابی خطابی عود هَم م مرح = کے (ج ن بوط * عد برج ن)

هر م برح - هدم برح = کے (ج ن بوط * عد برج ن)

+ کے (ج ن بوط * عَد برج ن)

الم می کا مرکز انحا عر جوتو

لیکن اگر هر برکا مرکز انحا عر جوتو

هر الم اللہ هر بوط

ن ح به هر = الم اللہ اللہ علی مرائل مر

99 - قائمیت کے شرائط کاکا فی ہونا۔ تیراؤ کے مستوی برب کسی ایسے محور کے گرد جو پانی تراش یا فاصل آب کے مرکز نقل میں سے گرراہ ہے اگر چھوٹا کھاؤ یا گردست طربی جائے تو یہ گردش دو گردشوں طم، طبر کا مرکب خیال کی جاسکتی ہے جنھیں بالترتیب فاصل آب کے صدری محوروں کے گرد لیا جائے ۔ ان میں سے ہرگردش علیحدہ طور پرایک استروا وی جفت بیدا کرتی ہے اور اس سلنے میٹا و کے بیدا کرنے میں بیرونی عالی کاکی کام یا توانا کی بالقودیں افغانہ ہوگا

ہ کا سے ایک ہوں ہے۔ ہ کا کیت کے سئد بر کجت کسی قدر مخلف بیرا یہ میں ہوسکتی ہے۔ مرکز البدیا بیں مرکز کی میر تعرفیف کہ وہ خط ہدشت اور ایک خیف ہٹاؤ کے لبد اچھال کے نئے مرکز میں سے گزر نے والے انتصابی خط کا نقطہ تقاطع ہے ہیں مسلم ذیل کی طرف رہیری کرتی ہے۔

مسلم دیں میں مرکب مبیری ری ہے۔ بس مرکز اجھال کے منحنی کے اُس نقطہ برئا مرکز انحنا ہے جہاں پر دش میں گزر سنے والا انتصابی خطائس منحنی سسے ملیا ہے۔

یہ صاف ظاہرہے کیونکو نقطہ کھر منحنی کئے متصلہ کا وول کا نقطہ تھا طی ہے۔ بس اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ کسی ہٹا د کے لئے لبٹ مطیکہ ہٹا یا ہوا مجم دہی رہے، سیالی دباؤ کی سمت ہمیشہ امچھال کے منحنی کے ہر بیجبر کا انتصابی

کے اس تم کے بٹاؤیں ہوکام ہوتا ہے اس کے جدیں طبر طبر والی رقم خامل نہیں ہوتی۔اس کو دفعہ آیٹ دہ کا طرح نابت محلی جاسختا ہے۔ <u> طرکز لا فرلا فرا</u>

اسلتے ہم ہ = _ ایک جاں اس گروش کے مور کے گرومبم کی اوس

تراش کاہر و کا معیارہ جوستراؤ کے مستوی سے قطع بوتی ہے۔

اس کے جسم کواہنے اُصلی محل کی طرت لیجا سنے کا سیلان رکھنے والاجنٹ ینی استروا دی حبنت ہے

ع ش ح (ه مر - ه ف)= ع ث (حراح × ه ف)

عاد۔ اب چونکر حسم کی مطمی تراش کے مرکز نقل میں سے گذرینے والے صدری ا

دو ہوتے ہیں جن کے لیواب میں حمود کے متعار تمج ' جمج ہونتگے ' اس سلنے مدر میں میں میں کر کا سرا کھا ہے طالب کے مرتا ہم ایس ان حد زیر ان کے میں

ان میں سے ہرمورے گرد کا تھا تہ ہٹاؤ کے متوی میں آیک جفت بیدا کرے گا جوجسم کومتوازن کرنے کا میلان رکھے گا اگر ہون حربیجیا اور نیز حربیکی

یس بی شرطیں توازن کی تا مکیت کے لئے صروری ہیں۔

48 - کام جو مٹا کو بیدا کرنے میں کیا جا آ اسے - جب حبیم کوا یک جھوٹے زاویہ طریس سطی ترامنس کے مرکز نقل میں سے گزرنے دائے ایک صدری محور

كرديه إيا جاست توجيم برعمل كرسف والاجنت موكا

ج ف (اس مع × ۵ سف) طر اس کے طرمی ایک جیمو کی مقدار فرطہ کا اضافہ بیدا کرنے کے لئے میر فی مقا

جوکام کرسے گاوہ = ج ٹ (أ من - ح × ه ن) ط فرطه محمل اسے یہ نتیج بکلقائے کہ زادئی مٹائوطہ کے بیدا کرنے میں جوکام کیا جاتا ہے وہ = ہے ٹ (ا من - ح × ه ن) طا

میں ثابت کیا گیا تھا۔

اب بہنائے ہوے کل من جہم پرمساوی گرستقابل دومتوازی قرتیں علی کرتی ہوں بھٹی الکے اس کا وزان جربان شدی جو نقطہ سٹ میں اسے انتھا یا نہیں الکی قرت جو نقطہ هر سے انتھا یا نہیں ایک جنت بناتی ہیں ۔

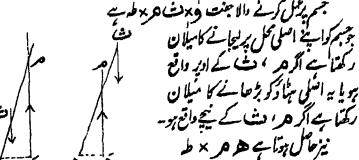
میں سے انتھا یا اوپر وارعمل کرتی ہے ۔ یہ توتیں ایک جنت بناتی ہیں ۔
اس جینت کا مستوی گریمٹ کے محرر پر علی القوائم ہوگا صرت اس صورت اس صورت میں جبکہ مفت کا مستوی میں داقع ہوں جو میں جبکہ مفت کا مستوی میں داقع ہوں جو الم برعدہ وارہے۔ یہنی اگر آئے ۔ آ

يا گرارى + الط) فراا فرا = كر اى فراا فرا

جو کالا زلا فرا در ا در کا می تولی ہوجانا ہے جس کے

یعنی بیری کر دُمٹس کا محورد ما جمع کی آس ترامٹس کا جود کا صدری محور بونا چاہئے جونیرادُ کے ستوی سے نظام ہوتی ہے۔

' حب یہ شرط پوری ہو تو ھک ہیں۔ سے گزر نے والا انتصابی منط ھ ٹ کو ایک نقطہ کھ پر تبطع کر نگا حبکہ ہم مرکزا بعدیا لیسس مرکز کہیں گے۔ جسم رعمل کرنے والا جنت ہ معدیث ہے یہ طب سے



یاس جریں تول ہوجا اسے کالا فراا فرا = ، جس کے یعنی ہیں

كيسطى تراسنس كامركزنقل د ما بروا تع بهزا چا بيئ جيساكه د فعه ۱ ه يس نابست كاگل م

فرض کروکر پیٹ رط بوری ہوتی ہے ۔ ابتدائی میں مرکز نقل سف اور اچھال کے اجسال کا مرکز ھا ایک ہی انتظالی کے مرکز کے محدود ل کو ہم (لآ ، آ) می) سے تعبیر کرسٹنے ہیں۔ نیز ہم و کھنے ہیں کرنے محدود ل کو ہم (لآ ، آ) وہی ہیں ۔ ہٹائے ہوسے محل نیں اجھال کرنے محاد ما مرکز مقام کے بیاجات اسے اور فرض کروکہ کا مرکز مقام کے برجلا جا تاہے اور فرض کروکہ کا مرکز مقام کے برجلا جا تاہے اور فرض کروکہ کا مرکز مقام کے برجلا جا تاہے اور فرض کروکہ کا مرکز مقام کے بوائے سے (لآ ، آ) ہیں ۔

اب ح لآ= کالای فراه نوا نوا کی خوا فرا
جہاع فسر ی ستون ن ق کے جم کوی فرلا فرا لیکہ اس کے مرکز نقل کواسکے طول کے دسطی نقط برلیا گیا ہے۔ ادریہ سکتے اس بنا پر سکتے سکتے ہیں ۔
ہٹا سے ہوئے محل میں متنا فر عنصری سنون ن ق ہوگا جس الطول کی + لاطر) فاصلہ برواقع ہے۔
اس کا مرکز انقل ت سے لے (می + لاطر) فاصلہ برواقع ہے۔
اور اس سلتے ن سے لے (می - لاطر) فاصلہ بر- اسلیے

رو اورس لئے ہم دیکھتے ہیں کہ جموٹے ذاویہ طرکی بہلی قرت کک تی اورس لئے احجال کی سطح کا ماسی مستوی تیراؤ کے مستوی کے متوازی ہے جبیباکہ وفعر مو د

فرمن کیا ہے توجسم کے علی میں ان تمدیلیوں کے اڑات برالگ الگ غور کیا جاسکتا ہے لے زاو تی مٹاؤکے افریر ، فرض کرکے فورکس کے کمٹائے یا بیٹھا نے میں کو ٹی میلان نہ . هوس حسیم سکون کی حالت میں ایک متجانس انع میں تیرر ہا ، دِ ے ہو کے انتقعا بی مستوی میں ، ایک جھو سٹے زا و مِنْ سِيْحُقَا وِ إِكْمَا ہِے - بِيعلوم كرنا مُطلوب ہے كہ سالى ‹ باؤجسم كوا ہے ـ ا بَدَا بِي مَحْلِ مِينَ تَعِباكُ كَامِيلان رَبِيْطٍ كَا مِا نَهْينِ-فرمن کروکہ محور ما کے گرد جو تیراؤ کے مستوی اوپ میں واقع جہم کو چھو نے زاویہ علہ میں سے گھا یا تُحیا ہے کو ها کا غذ نے مستوی پرعلی لقوائم ہے ابتدائی کل میں و لا تیراؤ کے منصرى متستون ن قب كالمجر ى فراً فرا موكا جال ى طول ن ق كوتبيركراب براسة بوسة مول يس متنافرستون ف ف كالحول ى + لاطداورا شكائم فرك + لاطه) فرلا فراسيم يس بنائ بوس سيال كام م وونون مورون من دبى بوكا اگر [کری + اوطی فرا فره = ح = کرکر می فرا فر ما جباں تکیلے میم کائس زائل پر الے سکتے ہیں جوابندا ٹی مل میں تیرا کو کی سطے سنے تلغ ہوتی ہے۔

(^r)



ہ ۱- اگراک تیرنے والے حبر کے محل میں سمت میں صنیف سا ہا ہ بیدا کیا جائے تو عام طور پر حب کم یا تو اپنے اصلی کل پر واپس ہونکی طرن ماتل ہوگا یا اس کل سے اور دور ہٹنے کا رجان رکھے کا - ہٹااو کی اس خاص سمت کے نئے صورت اول میں توازن کو قائم اور صورت ووم میں نعہ قائمہ کہتے ہیں۔۔۔

مین کیے کہا کے جو شے انتعابی سلاؤ برغور کرو۔ اگر جیم ہوالس سال میں جزاً غرق سف دہ و یا ایک فیریجانس سیال میں جس کی کتا فٹ گرائی کے ساتھے بڑہتی ہے جزؤ یا کا غرق سف ہیرز ہا ہو تو یہ ظا ہر ہے کہ اس کو دیا کہ بنیجے اسکواد برا کھانے سے یہ دباؤ گھٹ جا لیکا ۔ اس کئے ہرصورت میں سیالی دبا کہ کیا میلان جیم کو ہمس کے سکون کے محل کی طرف کیجا سے کا ہرگا۔ اورا سلطے زیر در جادرا کہ دیری کا سکون کے محل کی طرف کیجا سے کا ہرگا۔ اورا سلطے

لین یا در میکدیات وفافوس اجهام کی کے نابت میکئی سیے۔ بھارکی وجہ سے دہاؤیس جاضافہ ہوتا ہے اگراس سے تیرسنے والے جم کے میسی عد میں کیک بیواہو جائے تو توازن کا تائم ہونا ضروری نہیں کمبلکہ نی المفیقت یہ غیرقائم ہوسکتا ہے۔

کسی اختیاری مطاوی عام طور برجسه کی مطل میں انتصابی درزاو کی ۔ دونوں تبدیلیاں و توع پر برہوتی ہیں۔ لیکن اگر مطافہ چھوٹا ہو جیسا ہم سے ۱۳۳ - کسی عودی تراش کا ایک اسطوانی فرن اس طرح تیرر اسبحکداس کے ورکا ۲ ج طول نوق بنامیت جب کو محورا متعما بی مور نابت کرد کو اجیمال کی سطح کی مساوات سیم

جاں انتصابی حالت میں محدرکا جوصد غرق ہتا ہے اس کا وسطی نقط مبدا رہے محوری انتصابی اور بردارہے اور محاور لا استعموری حالت میں بتراؤ کی ستوی مطیح کے مرکز ثقل میں سے گزیے والے جود کے معیادوں کے صدری محدول کے متوازی میں اور تیراؤ کی سطیح سے ان محدول کے ساتھ کوروں کے اس محدول کی سطیح سے ان محدول کا مقدول کا مقدول کا مقدول کے ساتھ کوروں کوروں کے ساتھ کوروں کے ساتھ کوروں کے ساتھ کوروں کے ساتھ کوروں کوروں کے ساتھ کوروں کے سات

امثله

كرديا كيا كي المع كى كافت ف بعد الرئزوط اس طور برترار إبوكه اس كا قاعده بودى طرح فرق موادراس كانورانها بي مت كرزاديد طربات وأنابت كروك

44

ف (ن من المراه مراه مر) جم (ط مرم) أو الما مره مره مرم مر

٣٠ --- انتباجيوابي كالكراجس كي تكل قايم تدراسطوان خيال كيواسكتي سب إنين اس طرح تيردا سبع كواس كامحرا منعالى سعد جوصد عرق سب أميرون ك دوسرك ذرات آكر جمق التي اس طوريركاس كى اسطوانى شكل برقرارز بتى بسيداوراس كم موراويفيف تطریب مسادی دفت میں مسادی اصافہ مرتا ہے - غیر غرق سنے دہ حصہ کی انتہا ای شکل معلوم ہے اگرمرت کی کثافت امنانی ۹۹، دود نابت کروکه اَس کی سطیمنحنی

1/3= 10(1-114)

کی گروش سے مال ہوگی۔

اس - اي مسادى الاصلاع مثلث ايك انعمي تررا بعرس كان فت شلت كى كثافت كا جاركنا رع - اجمال كي يوري سطح درافت كرو- ادر نابت كروكر أن نفت اطرجال انحنا غيمسلسل يصمنحني تشحيماس زأوبه

114 17

يراك وومرك وقطع كرقي .

۳۲ --- ایک توس توسنوی او = + و او + + ب ای = ب ی = ج سے محدود

ے الیم اس طرح ترر ا ہے کا فاعدہ ی = · بوری طرح فرق ہے۔ نا بت کروکرایسے ہٹاؤں کے گئے جن میں غرق سندہ حجم سے مستقل رہے اور

کاعدہ پوری طرح یانی کے اند اور اس کے مقابل کارم پوری طرح یانی کے باہر ہے

اجمال كي سطم أي منها دات سرت

کافاصسلہ ج ہے۔

٢٥ --- ايك قائم مخوط في وارراس كي سائق ايك سال بين تيروا مع حبس كي كن فت ايسے بيتى ہے جيئے گهرانى - آگردازن كے محل ميں اس كامحورا نتصابى سمت ك ساته زاويه طدينا سنكم وتأبت كروكم

٥ تم مر قطط (جم اط - بب ع) أله على الم الم

جهال عرم وط کا نصف زاویه راس اور نذاس کی کن فت اور من سال کی اس گیرائی پر كن فت ك جوزوط ك الل صلع كمساري ك-

۲۷ ---- ایک قائم الزاویه مثلثی منشورایک سال میں جس کی کنافت ایسے بدیتی ہے جیسے تعظم إنى اس طرح بترر أب اسكارام كاراوية فالمدغ ت ب اور كنار سا نفي بي - نا ببت كروك اچھال کے سخنی کی شکل ہے

مبول سے میں میں ہے۔ ر جب الم جرام طر عد گئی ہے۔ ۲۷ ۔۔۔۔۔ لنگر چھلے کی شکل کی ایک جا ن بکٹی سے جس کی کوین ایک داڑہ سے ہوئی ہے جس کا تصف قطرہ ہے۔ یہ جا ن بیٹی یانی میں تمررہی سبجاس طور رکداس کے خطاستواہیں سے گزریوا مهية ي عظم انعق سية ، خاتب كروكه غرق منده كرا في مي ساوا تون

ى = 8 (۱- جم به) ۱۲ س= (۲ بر - حب ۲ بر)

سے عاصل ہوگی جاں س جان بیٹی کے ادسے کی کثافت اوعی ہے۔

٨٠--- ايك مكا في يترا ليك ووم سعمعين سع محدو دست جو حور برعمو وارست اور يني وارواس كم ساقد ابك ما كعي تيرا بع اسطور بركاس كا اسكوا ي كي سطحيس بديد اوراس کا مورانتها بی ست کے ساتھ زاویہ سن اعلی بنا ہے۔ ابت کروکہ اس کی كتافت ادريترسه كى كأفت مي ٢١١: ١١ الم كي سنبت بدا درمده كرسف واسك معین کاطول ور خاص کا تین گنا ہے۔

٢٩ --- ايك علوس مزوط ص كا ارتفاع ف اكتافت فذا ورزا ديراس م عدي اسين واس سك كرواردان كروش كرسكتا سبع -اس كاراس الله كي كيسطح ك اوير بلندى د ير تا بت یانی پرساکن ہے اس طور رکواس کا زیر ترین تقط خول کومس کراسے ،ورخول برکوئی دباؤ نہیں ڈالنا - اگرا ڈاوسطے خول کی کوراکنارے میں سے گورے و تا بت روکہ كره كى كتانت: يانى كى كتانت اند ١٢٨ : ١٨٩

ایک شادی الساقین مثلنی بشرا اب ج (زادیم ج ائر) ایک ای مرجبی كأفت ايس دلتي ب جيس كمران اس طرئ يرواب كداس كي سطيستوى المقابي ب ادراس كازاويرج إن مي غرق بع الراب انتقابي مت كما تزادير بيد مط بناست تو ایت کرد کو قوازن سکے دوان محلول میں جن میں اوب انعی منبی بقاط کی قیت شکل ذن کی مساوات حاصل بوگی

تدرراسطوار من جس کا عود انتصال سے الع کی کھرمقدارسے جس کی كتَّا فت ايسے بلني سب جيسے گهرائي اس ميں مساوي قائده كا قائم مخروه حب كاموراسطوازك ظبق بوتاب نيع وارواس كسائة أبست ترسته في بوسف ك الح جدوروا مع الرفخروط نوازن مين موجيكه وه الغ شرعين عزق موقة ابت كروكم مخروط كي كما فت أس کہرائی رائع کی ابتدا کی کثافت کے مساوی ہرگی جو مخردط کے مورے یا عول کے مساوی ہے۔ -ایک مفور فروط جس کا ارتفاعات ، زادید داس و عد، کتاف من ب این راس کے گرد حرکت کرستما کے اس کاراس ایک ان کی سطے میسیے ک گرائی پر تا بت كردياً كميا ہے سى كرائى روائع كى ك فت مدى سے معزوط متو ازن سے اس طور بركدامكا عورانتفالى سمن كسافة زاوبرط بنائاب اوراس كاقاعده مائع كي كل كم بابرب ينابت كردكه

مدك بم عم مع ه و ف ن الم عم (له + عر) جم (له - مر)

المناو -- ایک کو کھلا مکانی غابرتن جس میں ایک وزن وارکرہ باوا ووائے یانی میں تمروا سے - اس مسلملاس برایک سوراخ ہونے کی وج سے برتن اور کرہ کی در میانی نصایا ان کر سے سے برتن اور کرہ کی در میانی نصایا ان کر سے مساوی ہو سے جوری ہو کا کام مراور ہوگا ہوں ہو بوکرہ کے بھرنے کے لئے در کار ہوتا ہے تہ تابت کردکہ بانی کی سطے کے بینچے کرہ کے مرکز کی گہرائی میں اور میں میں اس مکا فی منا کا ور فاص ہم و ادروس سے تماسی ستری

کے فاصلہ کا مربع و ترفاص کے تناسب معکوس میں موگا۔ ھا۔۔۔۔ چھوٹی موٹا کی کا ایک کھو کھلا نفسٹ کردی بالدایسے و کھنے سے بندہ عجو اسی شنے کا بنا ہواہے اور موٹائی دہی ہے جو بیالہ کی ہے۔ اگر بیالیدایک ما تعمیں بیرر ہاہوا طور پرکداس کا مرکو مائع کی سطیس ہو تو تا بت کرد کہ و حکنے کا میلان انتصابی سے سائقہ ہے۔ یہ کہ اس کا مرکو مائع کی سطیس ہو تو تا بت کرد کہ و حکنے کا میلان انتصابی سے سائقہ ہے۔

94

۱۹ --- ایک قا مم سندیر مخوط کامستوی قاعده ناقص کی شکوکیے - بیم خوط اس طرح میر رواس طرح میر دواس طرح میر رواس کا میر را استان کا عدد اور میر رواستوی قا عدد اور قلیل ترین کمون کا درمیانی زادید به جو تو نامت کروکه

م مم ہے ۔ م مم مد ۔ قریم مد ۔ فریم مد ۔ اگرایک فائم سندی ہوتو محز وط اسے سادی ہوتو محز وط اسے سادی ہوتو محز وط السنے سے وطرک سادی فائن ہو۔ البنے سے وطری گذافت والے کسی مائع میں ٹریگا اس طور پرکہ اس کا مائن کی طلح مائے کی طلح سام میں اس کا دار قا ویہ راس م عدہ اس کا داس ایک مائع کی طلح سے نیج ک گرائی برنا بت کروکہ نواز ن کی حالت میں اس کا قا حدہ مائع سے میں ماہر ہوگا گر

غُرگ اجم عرجم طَر و ن ن ن ا (جم (طر - عه) جم (ط + عذ)) الله عرجم طر و ن ن ن ا (جم (طر - عه) جم الله و عن اور طر مساوات جمال شر اور ن اور طر مساوات

ك بم م = ن بم (ك + ه)

ست ما ن ہواہ ہے۔ 19 --- ایک ذواربۃ السطور (طَبِطَی) با نی میں اسطرہ تررباہ کے اس کا ایک کون غرق ہے اس کونہ پرسطین واسل نینوں کنا کے برسادی ادرایک دوسرے کے علی انقوائی میں۔ ٹابت کو کہ توازن کے محل ایک، با دو ، با ہمین موسئے۔ ہوجب اس کے کہ چار طحی کی مختاف کو با نی کی کتافت سے دو نسبت سے وہ ہم : یا ہے بڑی ہو ایسیا دی اجبو تی ۔ با نی کی کتافت سے دونسبت سے وہ ہم : یا ہے بڑی ہو ایسیا دی اجبو تی ۔ با نی کی کتافت سے دونسبت سے وہ ہم : یا ہے بڑی ہو ایسیا دی اجبو تی ۔ جوانسما ہی ہے ماہ کے ۔ جوانسما ہی ہے۔ ایک کرہ (اضعت تعلیم مراجے۔ ایک کرہ (اضعت تعلیم) یرفزدنا اسطور برقوازل میں ہے کواس کا بائل صلع استہا بی اور اس کے قاعدہ کا زیر ترین لقطہ
بانی کی سطے عین مس کراہے بمور طاکی کتافت کا بانی کی کتافت سے مقابلہ کو

ہستمنی ہلے = لوک بنے کے جمید سرواس کے مقارب کے گرد گھاکرا کی بیا ہے کی
منحنی سطے بنا نی گئی ہے یہ بیبالدا کی مائع میں اس طرح بنر رہا ہے کہ اس کا مورا نتصب بی
اور تنگ مرافیے وارسے اور اس بیں ایک زیادہ تروز نی مائع ڈالدیا گیا ہے، تابت کردکہ
مشقل رہے گا۔
اور تنگ مورا ہے اور اس کا اور وار مورا فائع کی سطے کے ورمیان فاصعب لم
مشقل رہے گا۔
اور سے ایک اسطوار ایک مائع میں اس طرح فیر رہا ہے کہ اس کا مورا نتھا بی مت کے مماقہ
زاویہ س - ایک اسطوار ایک مائع میں اس طرح فیر رہا ہے کہ اس کا مورا نتھا بی مت کے مماقہ
اسطوا نہ کا لفعف قطرا سکے اور اس کا اور وار سرا فائع کی سطے کے عین اور ہے۔ تابت کرد کہ
اسطوا نہ کا لفعف قطرا سکے اور اس کا اور وار سرا فائع کی سطے کے عین اور ہے۔ تابت کرد کہ
اسطوا نہ کا لفعف قطرا سکے اور اس کا میں ہو ہے۔
ایک ہی میں ہی طرح بیز ہے۔
ایک بی میں ہی طرح بیز ہے۔
ایک مائے میں ہی طرح بیز ہو ہے ہیں کہ ان کا زاویہ مائع میں ہوت ہے۔ تابت کرد کہ
ایک کا شخص می کا بی ہے۔
ایک کا شخص می کا تیں میں مطرح بیز ہوسے ہیں کہ ان کا زاویہ مائع میں ہوت ہے۔ تابت کرد کہ
ایک کا شخص می کا فی ہے۔

بیفان می می می می می می می ایر اس کے ساتھ بالی سکے ایک اسطوا نی برتن میں تیرر اسبے -اسکو ۱۲ – بیر صوبا نے کے بالی کی سطے سے عین ابر کا لاگیا ہے تا بت کرد کو کا م جوکیا گیا دہ سبے بغیر صوباک کا میں میں ایر کا لاگیا ہے تا بت کرد کو کا م جوکیا گیا دہ سبے

(1 + - 1 =)

جہاں مخروط کا دزن وسے اور ڈازن کی حالت میں ا ٹن کی سطح سے ۔ نیچواس کی گہرائی ل ہے اور ل اسطوان کا وہ طول سے جو آزازن کی حالت میں مخروط کے ہٹا سے ہوسے یا نی سے بھراما سکتا ہے۔

۱۳ - ایک قایمتند پراسطوانه اس طرح تیرر است که اس کا ایک مراغ ق سب به شراوُاور معالی سطحه معلوم کرد.

(13)

بعراس میں یا نی ڈالڑ کیا ہے اگراہ پر سی مخروط کا ادتفاع میں ہے کے مخروط کے ارتفاع کا تمری تا بواهران كى مُعْتركب كنافت الله في كَالْت الا يع عزوط كى سطى جبكو الغ مس كرا بي كست كم موتى جبلواس كا زاديد راس بومست الله بور سور الك مريع تفد ايك العرب كما الدحل أي كالنف إلى كالنف الإيكان و كما كميا سرا -فابت كروكداس كيترف عي وافعات على وسكت إن جكداس كاصرت أيك معادم كوتر ا مِن كِيا الرُّودُ عِ فِيرِ بِوكُلُ (١) لِمَا ظَرُ مُن كَ ار جراب میرد اسب که دره به ای کی سطے کے میں اور ہے و اور کفارہ کی سطحالی كى سائة زاوير ھام⁹ بنائى سبتە تا بىت كردك ف كوكادن اس إلى كادرن جوس مي ساسكات : ام ١٥٠ ٥ : ٢ ٢٠٠ اكب مخروط بس كا تفعف زاويد راس مع اور مور كاطول ف يرانسفا بي محور اور مع وارداس کے ساتھ کے سیال میں ترواسے حبکی کتافت مؤوهی کی کتافت کا سے سب فابت كروكراس ك قاحده كالحيط عين دوب واليكام اكرسال، مفل مفوس كالمحروط **ے مور پینطنی ہونے والے استعما بی خطرکے گرو ملکتے** کی زادی رممار۔ من يد مصداك معدسك وربوراس يرجودوس سكة بس اوراس افلام كويا في مِل إس طرح د كما كما اسب كدراس منتي دار اور محد المتصالي مو- الرصور ل عنيه كى كى بغيره لفام يترول ولا تا بت كرد كروب ميسه محركا طول ف جب عوست براسيه جان مخروط سكر محر كاطول ف اوراس كان ويراس ما م سلک مورط کاراس ایک برشن سے میندے برص میں ابی ہے جابت کر

کے جم اور سیا ہے۔ ارتفاع کے مکانی نما کے جم کے فرق کے سماوی ہوگا۔

کی گراسطوران کی کٹانٹ نہ اور سیال کی سف ہوتو

مذ π رک ف = مٹ (π رک کی - $\frac{\pi}{19}$ سیار $\frac{\pi}{2}$)

اور تک = ہیں۔ ف + سیار $\frac{\pi}{19}$ (ف اسطورانہ کا ارتفاع ہے)

مو ۱ سے زیادہ عام صورت ایسے ہم کی ہے جر جڑا یا کا خق شدہ ایسے ماکع ہیں تیروا ہے جر معلومہ قونوں کے زیر عمل ساکن سرکھ اور بہی قر تیں جسم سکے سالمات بر بھی عمل کرتی ہیں۔ اگر جسم متواذن مونو اس بر کی عاصل قرت سٹانے ہوسے مائع برکی عاصل توت سکے مساوی ہوگی۔ اوران قونوں کے حظوط عمل وہی جوشکتے۔

کیونکہ اگرجم ملیحدہ کرمیا جاست اور اس کی جگہ کو ہٹاستے ہوستے اکو سے بڑ کردیا جائے تو جم برسیال کا حاصل دباؤ دہی ہو گا جو ہٹاسے ہوستے اکع برسرے۔ اور اس سے دہ ہٹائے ہوسے اکع پر کی جاصل قوت سے مسادی اور شقابل ہوگا۔

قوازن کی مورت میں وُض کردکہ مائع کی آزاد سطے کا نصف تظرر اور کروی تفاع کا نصف قطر اور کروی تفاع کا نصف قطر اور کروی تفاع کا نصف قطر الرہے۔ قطاع کے جم کو مثاب ہوئے مائع کے جم کو مثاب ہوئے مائع کے مرزوں سے فاضلے اور در کی نسبت رکھیں گے۔ سے مرزوں سے فاضلے اور در کی نسبت رکھیں گے۔ در اور در کی نسبت رکھیں گے۔ در اور در کی نسبت رکھیں گے۔ در اور در کی نسبت رکھیں ہے۔ در اور در کی نسبت رکھیں ہے۔ در اور در کی نسبت رکھیں ہے۔

استل

ا ۔۔۔ دوقایم ہم محدرمی دطوں کو جن کے راسی زاوئے دہی ہیں راسوں سے جوؤ کو کیکٹیم نیا اگیا ہے۔ اس کی ایک برتن میں اس طرح رکھا گیا کہ اس کا ایک سرا برتن کے انتی قاعد۔ دہ برتما ہوا ہے۔

(46)

جاِل ال = كَالاً فرلا فره ، هـ = كله ، فرلا فره ، ب = كراً فرلا فره

اگریم نراش کے صدری بحروں کو محور لا اور محور افرض کریں تو ھ = · ، م مر ح لآ = اول کی آ = ب م کی (تی - لی ج) = لی (ال + ب میا)
اس کے اچھال کی سطح کی مساوات ہے

E-G1 = 1 + 1

۱۳ — ایک گرمننی محبم ایسے انغ میں تیر رہا ہے جو ایک انتصابی محور سکے گرو گھوم رہا ہے گویا یہ محوس ہے مجسم کامحور گر دش کے محور برمنطبق ہو تا ہے ۔ توازن کی مٹر طمعلوم کرنا مطارب کیے ۔

گھوستے دالے اکع کی کیت میں ایک گرد نفی سطح کھینچو جس کا محور گھوستے والے مائع

کے محور پر شطبتی ہو۔ اس طح سے اندرونی اکع کے تواز ن برغور کرو۔ اس اکع برسیالی واؤں کا

حال اس کے وزن کے مساوی ہونا جائے۔ اس طرح اگر اس مائع کی حکو کی تجسد لے لیے تو

اس کی سطح پر بھی یہی سیالی و اؤ عمل کریں گئے اور اس سلتے اس متسم کامجسم متواز ن ہوگا اگرام کا

وزن ہٹا ہے ہوئے سیال کے وزن تے بار بہویہ قابل توجہ ہے کہ خواہ مجسم کسیال سے ساتھہ

گھے ہے ماان کی زودی رفتار مختلف مو ما مدسائن موسوعہ ست مو نہتے ما الاصوار تہ آئے گئا۔

تھوسے یا ان کی زاد می رفتار مختلف ہو یا بیساکن ہوہرصورت میں نیتیجہ با لا صاوق آئے گا۔ مشال :سالیک اسطوا نہ تھو سمنے والے ما تکویں تیررا ہے جس کہرانی کیک یہ ڈو تباہے اسیمعلوک یہ

اگر سد زاوی رفتار ہوتہ آزاد سطے کے تکوینی مکانی کی مساوات اس کے داس کو مبدا قرار و مین سنے میں اگر سے اس کے دار سے میں ہوگی۔ اوراگر شراؤ کے دائرہ کے مینے بینی ہیں دائرہ کے مینے جو آدا وسطے اوراسطوانہ کی سطے کے تفاطع سے حاصل ہوتا ہے اسطوانہ کے قاعدہ کی گرائی تک میں اور اس کے قاعدہ کا نصف قطار تو ہٹا ئے ہوئے سیال کا حجم ، می ارتفاع کے سطوانہ

(4m)

ہ*ی طرح وفعہ ۱۰* (۲) سسے

ع (ا- س) = ع (۱- د) (ه + سر) - عم ج م (۱- س) = مراء + ر) م سے اجمال کی سطح کے لئے متناظر مقطوعہ نمائے ہے۔

۲۲ کسی تراش کا اسطوانہ-تیراد کی سطے نعت طہندسی کے خط وسے پرایک نقط ہے جوان = سے عال ہوگا جہاں کا عمودی تراش اور سے فرق مضدہ تم ہے ۔ فرین کروکہ قاطع مستوی کی مساواست

ى ول لا + م ا + ج ب ادرسيا و قامر ميل و قامر

ا چال کے مرز کے محدد (لآ) ی) ذیل کی سادا وں سے تاس ہوتے ہیں۔

ح آآ = کالای فرلا فرها، قاعده تیمل الگیا

= كرلارج + ل لا+ م ما) فرلافرها

= ال+هم

اس طرح سخ آ = آلای فراا

ء ه ل + ب م

اور ح ی = لم کری فرلافرا = لم (ول + ۲ ه ل م دب م) + لم جا ا

(44)

ادرا جِعال كى سطح ايك اورمتنابه اقص نماس حبس كے نصف مور م 1(1+1) # = V زائدنا دوچاوری کے دیے ہی سی قسم کے نتائج مال ہوسکتے ہیں -۱۱ — ناتصی مکا فی منا-رصورت اقص نماک تا مج سے اس طور برحامل ہوسکتی ہے کہ اقص مناکے نیتجوں میر ا، ب ان كواس طرح يراكل به لا تنا بي تميا جائے كه السلط معدادر بالمسلط من بالما في نما كي صدري تراشول ك ، وتر خاص ہیں -اس کے گزمشتہ کی طرح اگر سے خرق مثلہ ہمحدود مجملة بير ہوتو من المرابعة من المراد اورس دونول الل بداكاتي بوشك - اس ك تيراو اور ا چھال کی طحیر مساوی مکا فی نما ہیں۔ نیزان کے راسوں اور دے ہوئے مکا فی نما کے ریس جوفا صلیمیں وہ ج (ا-ر) اور ج (ا-س) کی انتہا ٹی تیمنیں ہیں۔ سکین وفعہ ۹۰ (۱) سے ہم ہیر و تجھتے ہیں کم اس طرح معلومہ کانی منا اور تیار کی سطے کے درمیان موریر کا مقطوعہ جر مرسی جہال

ہوتو محبسہ وا ب

- الم وك × لم ١٩ ب (١ و ب رجبام)

لكن وك « لاب = وال ، وب جب عمر يونكر برط رقبول ب كا دويند ب- اس الع عجمستقل بوف سے ينتي تفاق اس كم

رقبہ ق آب مستق ہے۔ اس ملئ مستوی تاش کے مرکز ہندسی ج کاطرین ایک گروشی زائد نماہے اور وہد اسط میں میں میں ناسے۔ جؤكم وج كاتين وتفائي ب- اس ك اجبال كي تطيم عن ايك مشام زائد نماس -ا تص مُمَّا کے لئے اچھال کی اور تیراد کی سطویں۔

ی = ج طاکے اندران سے پرسٹلہ ایک کرہ عالم + ضالہ ب طالع = ا کے سئلہ میں تحویل ہوتا ا ب اوراگزا تعی نماکے فرق شدہ حصر کاتھم سے تبییر ہوتواس کے جاب میں کرہ کاتجب م

و سائم سے تعبیر موگا۔

اب یہ فاہرہے کہ یہ جمقط کرنے والاستوی نصف قط رکے ایک کرو کوس کوسے گا

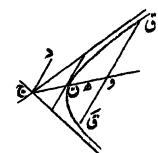
T (1-1)(++) (1-1) H +

و ب ج نیز حج وقط برتا ہے اس کا مرکز بندی ایک ایسکر دیر واقع برگا جس کا نصف قطر س ہے جہال

ص كر ١٦ (١-١١) فرلا = كر ١١ لا (١- ١١) فرلا

اورا چھال کامنحیٰ مکافی سا ا تا تا او لا ہے۔ اس مکا فی کے راس ہر بر انحاکا تضف قطر لیہ و ہے جو ہ گ سے کم ہے۔ اس طرع طاہر ہے کہ الجمال کے منحنی کے تین عماد کھینے سکتے ہیں جن سے آوادن کے تین محل کمیں گئے۔

سه یک می مین مین مین ام دور داندی توس سیسے محدود ہو توسنحی متشا بازا کہ ہوسگھے ۔ ۸ میں سیسے محدود ہو توسکی میں اور ۲ کو ۲۲ ب



لاً <u>بَ</u> الاَ - وَاَ جب لم غرلا رتبه ق ن قَ = ارَ اللهِ عَلَى
= 0 = 0

رتبه) (ج ه) = ٢ ألم الآ - و الله والله وال

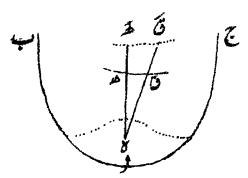
اور اس کے جھ کو ج ن کے ساتھ جو تنبیت ہے دہ تقل ہے۔ یہ میٹیجے فالص ہندسی ہستدلال سے بھی مستنبط ہوسکتے ہیں۔

۵ ه -- ایک متدیر محزوط کی صورت میں جواس طرح تیرر ایک کواس کاراس آذا وطعی کے اس کاراس آذا وطعی کے دیا ہوئی - کے بیچے سرمے تیراؤ کی اور ایجھال کی سطیس گرونٹی زائر نما ہو نگی - اگر محزوط کا راس و کوکسی تراش کا محورا عفر لوج ب اور ایس بر کا عمود وک

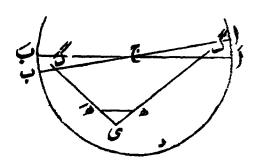
(40)

سطي المرياط هي كاستفاري لنُهُ ' لُوجب دفعه(۴۹) نیرارُ کا منحنی ن ق کا تفا**ت ہےجوایک** لے تتقارب (ب) (ج ہیں اور چونکہ (ھ = ﷺ (ی اس کئے بتوی پیتار ہوجوا یک مکا نی سے محدود ہے تو شراؤا در اجھال کے ليكن أكربترانا قصى توس سع محدود موقومنى مهم كرزناقص موبيك حوام مشغابه اور نقط مروكا ادراجهال كامنحني ايك مكافي موكا-اس کو ثابت کرنے کے لئے فرض کروکہ تیرا وُ کے خط کے مملوں اُج سب أج ب كے جواب ين مندسي مركز ول كے مقامات هُور هو إي -ار اج عن على المن ب عدا جوه عاس كل رقبه مج تعظع وعاسي توساء س× هَل = الموب × الله - به الم بر (- الله) الماؤيد س لا عس × هـ ل = الله وبر (ج + من)- له وبر (ج + من) - له وبر (ج - من) ه س ا= ميتور یه متلتی منشور کی خاص صورت سے اور مبیا وہاں يبال بمي نيراؤكي اورهمال كيمغني متشار منحي ري-مثال (۲) دفعه ۹ می صورت میل می = ۲ و۲

ه ه ، او ج ب کے مزازی ہوگا اور ه ه ، ه کے طرف کے نظاه برکا ماس ہوگا اب جندستری اوج ب نے اس کے مزہندی کی گرزادی کے کار معادق تی ہے اس کے ہ کے طرفی سے نقط ه برکا ماسی مستوی استوی اسجوں کی ہے۔ کے سوازی ہوجی۔ کے سوازی ہوجی۔ کے سوازی ہوجی۔ مرکز کی سے اچھال کی طرف اور سے عواد ہو ہوگا ماسی مستوی تیراؤکی سطے کے متوازی موجی۔ بونی وجہ سے افتاری ہوگا۔ بونی وجہ سے افتاری ہوگا۔ اس طرف خاذات کی وون شرطیس پوری ہوتی ہیں اور ڈازں کے محل کا نقین ہوجائی۔ میسکد وراس میں ہے کہ ایک وزن واڈ جو (ورا مجال کی سطح سے محدود ہے) کے قادی اسکے موادی سے محدود ہے) کے قادی اسکے موادی ایک انسین ہوجائیں۔ کے محل ایک انسی سے کہ ایک وزن واڈ جو (ورا مجال کی سطح سے محدود ہے) کے قادی اسکے موادی ایک انسین ہوجائیں۔ کے محل ایک انسی سے کہ ایک وزن واڈ جو ایک میں میں کے مائیں۔ سے بوری طرح منسین ہوجائی۔ ہے اور شہم کے اس مصدی شکل کی تندیل سے جو ہینے موف و رہنا ہے۔



فرض کروکہ حدود بب اوج ادر فرق سندہ مجر سے سئے ایجال کی طیل آئیں ہے ۔ ه ق ہے - ایسانیال کروکہ حجم سے کاٹ دیا گیا ہے اوراس کا مرکز بندسی لا ہے ۔ لو لا ہ : لا ہ : الا ق : لا ق : لا ق : ح - سے ، توسطے کو ق اجمال کنی اگرجم اس طرع حرکت کرے کہ اے ہوئے ان کا جو ند بسا قر ترا او کی ستوی طوں
کے نفاف کو تیرا و کی سطح اور ھ کے طرق کو اچھال کی سطے کہتے ہیں۔
ھ ۔۔ اگر ایک ستوی حرکت کرے اس طور پر کہ اس سے ایک مفوس مرکز ہیڈستقل مجم
فطع ہو اور اگر فطیست و جم کا مرکز ہندسی ھ ہو تو ھ پر اُس سطح کا ماس مستوی جو ھ کا طرق ہے
قاطع مستوی کے ستوازی ہوگا۔
ووسرے اضافا میں تیرا و کی سطح کے کسی فقط پر اور انجھال کی سطے کے ستا فالقطر پر کے
ماسی مستوی ایک دوسرے کے متوازی ہوتے ہیں۔



قاطع ستوی (ج ب اولیک جو فراد یه یم بواد فرص کردکداس کانیا مقام (ج ب کے جسادی ہیں۔

مخ قالان (ج ۱ اور ب ج ب کے جسادی ہیں۔

فرض کردکدان فالوں کے ہندی مرزگ مگل ہیں۔

گ ه محدود دمیں نقط ی لواس مور پرکد

می ہے: حگ :: حجم (ج جمم) د ب ب کی کو فائو اور نقط هو اس فور پرکد

می ہے: ہی گ :: حجم ب ج ب : حجم (د ب کی ہو کا د ب کی ہو گا۔

تو ہ اور ب کا مرکز ہندی موگا۔

لیکن می ہے: حگ :: می ہے: حکم کے متوازی ہے۔

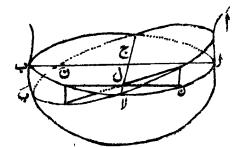
اور اس لئے ہے ہے ، گ گ کے متوازی ہے۔

اور اس لئے ہے ہے ، گ گ کے متوازی ہے۔

می ہے یہ بنتی ہی گانا ہے کہ اگر ذاوی (ج اس کو انتہا کی کردیا جاسے و انتہا ہیں۔

اس کے قطع کردہ مجم بھی وہی ہو تگے۔ کسی تفوس کی مورت میں اگر قاطع مستوی کواسنے مرکز میڈس کے گروایک بہت چیوٹے ڈاویوس کھایا جائے تو تواشوں کو محدود کرنے والے شخینیوں کے نزدیک کی سطے بغیر کسی قابل قدر فلطی کے اسطوانی خیال کیجاسکتی ہے ، اوراس کے مسئلہ بالاکی تقدیق ہوجا ہی ہے ہا بالفاظ و کیر قاطع مستوی کے مقام میں نبدیلی سے جم میں جونعقعان اور اصافہ فہرتا ہے ان دونوں کا فرق کسی ایک کے مقابلہ میں لا انتہا چوٹا ہوتا ہے۔ سر ھ ۔۔ تعرفیاست ۔ آرایک جم سجاس اُن میں جررہ ہوتو ما تع کی سطے ہمکو میں ستوی پر قطع کرتی ہے۔ اس کو تیراؤ کا مستوی کہا جائے گا۔ مثا ہے ہوئے مائے کہ بیت کا مرکز ھو اچھال کا مرکز کہلاتا ہے۔

لمہ حسب ذیل نبوت بھی دیا جاسکتا ہے۔ فرض کروکہ قاطع ستوی اس ب ایک خط سے لا کے کرد ایک جبو لیے زادیہ(طر) میں کمایا گیا ہے ادراس کے رقبہ کا عنصر فرا ہے۔



ق قطع سفدہ حجم میں جواصا فہ ہوگا اس کی جبری قبیت کرطہ ما فر اسکے مساوی ہمگی۔اب اگر میں معدوم ہو جائے قر کر افر اس ، جواس بات کی شرط ہے کہ اس کا مرکز ہندسی محورلا پر واقع ہو۔ اس طرح اگر سے کو مرکز ہندسی فرض کیا جاسے تر سے میں سے گزر نے والا پرستوی اس مشرط کو ہوراکرسے گا۔

معنی نه رسے که قطع سفده مخم کا جبری سعیار محراکے گرد کر طرفا ما فر ﴿ ہے جومعدوم مِنْ اَلَّهُ كَا اَلَّهِ اِللّ مِنْ اَلَّهُ كُولا مَا فر ﴿ = • بِمِنِي الرَّ محاور مِنْ لا ، ج ما رقب کے معدری محاور ہوں _

اگریه شرط پوری جونزم برساکن بوکا او را بت نفطه بر کاه باد آن ودوزین سسکه فرق سیکه ساوی مرگا اور مثال به موسکنی به یک تم بید توس خربر نور کری جوانی می نیروا موا درای رسی کے ذرابعہ مشکلاً انگیا ہو جویا لی ٹی سطح کے اوپر ایک انقطہ سے بندھی ہوئی ہے۔ تواز اس کی حالت میں رسی انتصابی بہو کی اور اس کے تناو اور حاصل سیالی داو (جو ہٹا سے بوسے سیال کے وزن کے ساوی ہے) کامجوع جمرے وزن سے ساوی ہوگا۔ اس سلنے رسی کا ٹنا ڈھیم کے ذرن اور مٹاسیہ ہوستے سیال کیے وزان کے زق سے مسادی ہوگا اور یہ وواؤں وزن اکن فاصلوں بت معکوس میں موسنگے جوان سے حفوظ وعل اور ڈوری سے خطسے ورسیان ایں اور محیسہ تيزن خطوط ايك بى انتصابي ستوى مين بوسنه -آینده کا تقیق مین مسب ذیل مبدی مسئله کارآد ثابت دو تنگے۔ يتوى مطح ايك تخوس مبركر قطع كرسته ا دراس مستوى كوايك بهت چيو شخه زاويو من السيعة خطام تنقيم كرد كما إحاسة جواللي سوى من واقع إو تو قطع كروه حجد و بي رسيع كا بشرطيار خطشتقيم سأوى زاش كے رقبہ كے مركز ہندسى بس سے كارزا ہو – اس کوٹا بٹ کرنے کئے گئے کسی تسم کے ایک اسلوانہ پر مورکروجس کوالیسی ستوی طم قطع كرتى سے جواس ك قاصد كساتھ فاول طانيا تى سے -فرض کرو کر تراش و کے مرکز ہندسی کا فاصلہ اسطوانے کے قا عدد سے تی ہے اور تراش کے بقیر کا صفر معن ﴿ اُورسنزیں کا درسیانی حجم سے تو ئ = <u>حمنا × ن ل</u> ا ممط × ی = ح (من المجمط × ن ل) = ح ح = ی (قاصد کارتمسید) اثب رقبه اکا مرکز بهذسی اُن تمام تراشوی کا مركز بيذمى بع جواس فقاص سندكررف والعاستوى كرت بي - يوبات ان زامول كفل ستون كاعد پر لینے سے بخ ن فلا ہر ہو جانی ہے۔ اب چونکر تمام تمامنوں کے لئے تی دہی۔

(44)

اب چونکہ خبارہ کی شکل دیگئی سیسے اس سنے کہ الاکا ایک معلومہ تفاعل ہے اور اگر غبارہ اور اس کی اندرون کیس کا دزن و ہوتو ارتفاعت کا تعین و کو ہٹا ٹی ہو ٹی ہو اسکے کل دزن کے مسادی رکھنے ہے موج آ ہے ۔

کل در ن کے مساوی رشنے ہے موجا آہیے ۔ ، ۵ ۔۔ ایک متبانس کٹوسر حبر کلا غرق سفدوایک مائٹیس نیرر اس حس کی کثافت ایسے اللہ مدر معسومی اور حدث کر مراس کر سرک کا ادب اس

برلتی سے بنیسے گہرائی جسمی کمیت کے مرکزی گہرائی معلوم کرد۔ فرض کروکر جسم کے لبند ترین اور زیر ترین نقاط کی گہرائیاں و، ب ہی، اور می گررائی براس کی افعی تراش کارتبہ سے ہے اوراس گہرائی پرمائع کی کثافت مہی ہے تر بیاسے ہوئے اکم کاوزن = کرج مہی سے فری

ب ایک مراق کے
اس سے ہٹائے ہوئے الن کا وزن = ج مرتی م اور اگر جبری کی کما فف ف ہوتو اس کے ہٹائے ہوئے اس کے دن اس کئے من میں تیررہا اس کا دزن = ج ف م اس کئے ت = مدی لینی ہما کہالیسے محل میں تیررہا سبے کہاں کے جرکے مرکز ہندسی کی گہرائی پر ہائع کی کما فت کے ساوی ہے۔ اور اگرائی خوس میں ہم ہوتا ہوتا اور ان کی مشاطیس قبید کے مالات کی نوعیت بین خور ہوگی کہائی ہم صورت میں تند کرسنے والی قوتوں کا عامل انتھا ہی ہمت میں عمل کرسے گا کیونکر دوسری تو میں (سیالی دہا کو اور جبری کا درن) انتصابا عمل کرتی ہیں ۔ معل کرسے کہا ایک نقطہ تا ہت ہوتا توازل کی سفروایہ سے کہاس نقطہ کے مراس نقطہ کے درن اور ہٹاسے ہوسے میال کے درن کے معیار مسادی بوسے جا زئیں ۔

(00)

کی مسادات ہوجاتی ہے لأ-ج - و (١ + جملم) (لا -ج لا) عـ استيمين لا عب مناسب حسسه ا على حامل مواسب اور ب ج انفي قرارياً، ہے جوں سری اور نیز ت ج عشرا اس لے یہ 至しくきと کے مال ہے۔ مشال ہم ۔ دی موں شکل اور وزن کے غیارہ کے توازن کا محل معلوم کر وحکرکرہ ہوائی کے مختلف ارتفاعوں بڑمیش کے تغیارت نظار خار کئے جائیں ۔ تبش شقل ہوتو ہی ارتفاع برہوا کا داؤہ = 11 تو میں اور اس کی کمافت = الم الم مستوی برکے ہوائی دائو کونتبیر را سے جہاں سے النفاع کی جایش ہوئی ہے ۔ ہٹائی ہوئی ہوا شغیر کانت کے طبقات کے سلسلوں بیشتل ہوگی اورا گرغبارہ کے ہٹائی ہوئی ہوا شغیر کانت کے طبقات کے سلسلوں بیشتل ہوگی اورا گرغبارہ کے زرزین نقطه کا ارتفت ع می مواوراس نقطه سے عبارہ کی کسی افقی تراش (کا) کا فاصلم لا ہوا در ف غیارہ کا ارتفاع ہواتہ سٹائی ہو گئی ہما کے ایک طبقہ کا درن ہوگا ع (ی + لا) <u>ای تو</u>ک کم من لا

امنادیب وج = طر ایس = ۱ و او ایس = ۱ ب نتر ومن روكه نقطه سے كے محدد (لا)) بي - ﴿ وَ بِ نَقَطْ فِ كِمحدوبي اور نقطه عدير كم فهادكى مساوات ب عا - ما = المجم طر- لا (فنا - لا) ادراگریا نظارت بی سے گزراے جس کے محدد و 'ب بی تو (ب - ما)(لاحم طه - ما) = (ا - لا)(ما جم طه - لا) يا لأ- (و+ ب جم طر) لا = مأ-(وجم طر+ ب) ما (بر) مساواتیں رعه) اور (بر) زائد کے تمام نقطوں کا نغین کرتی ہیں جن برکے ماس ترارُ کے خطوط ہو <u>سکتے ہیں</u>۔ نیزسادات (بر) اب اس کے بتوازی مزددج قطروں کے حوالسب ایک قائم زائد کی مساوات ہے۔ اس کے ان دونوں زاندوں کے نقاط نفاطع سے کے مسادات لاً- (و + ب مم طه) لا + (او بمرطه + ب ي ع لا - ع = -سے لامعلوم ہوسکتا ہے ۔ اس مساورت میں مرت ایک امل منفی ہے اور ایک یا تیں منبت اصلیل ہیں۔ اس کے نواز سے محل مین بوسکتے ہیں مامین ایک ۔ الرمنتورادر الع كى كفافتيل شه اور هف جول توجو تكر رقبه ن أق = ان × اق جبط = ما الحب له = ع جبطم اسطنة ۲ ف ع جبطه و ۲ × ف × و × ب جبطه ٺ ياء شدو × ب عب سے ج معین بوطاً ہے۔ فرمن کردکه منشورمنساوی انسافین سے نو اوے ب سکتے سے لاکو متعین کرنے کی

(01)

ا حب طه (۱- مسرم طم)

کے قناسب ہوگا اور یہ اسی صورت ہیں معدوم ہوسکتا ہے جبکہ طد ء ، ایا ہے ہما۔
اس منے قان در کاکو اگر ، درسا تھا ہندی مدسکتا۔

اس سے تواندن کاکوئی دوسرا محل نہیں ہوسکتا۔ مثال ۲۰۰ – ایک مثلثی منشوراس طرح تیرر اسبے کواس کے نمازے افعی ہیں۔ ہس سے توازن کے محل دریا فت کو۔

ون کرور نظل دیل مشور کی وہ تا مش ہے جواس کے مرکز تقل میں سے گزرنے والے

انتصابی مستوی سے پیدا ہوتی ہے -نِ بن بن میراد کا خط اور ہمائے ہوئے

ما تع كا مركز نقل ميك توازن كى صورت مين روبه الرف ف : رقبه السب ج : انتظو

رجبہ از ک کی ؛ رقبہ از ب کی اہتھو کی کٹانت ؛ مائع کی کثافت

ادر اس الله ن ق کے تمام کاوں کے کہام کاوں کے کہام کاوں کے ستقل ہے۔ اس لیے ن ق جو ایک ایسے دسطی نقطہ پر ایک ایسے جس کے تنقارب اب

ادر اج أي-

ينزه ك ن ن پرعموه وار بوما جاسي اور جوكه

ا ه : ه ی = (ث : ث ن

اس کے ف می من ق بر عود دار ہوگا۔ بینی ف می زائد کے نقطہ می بر کا عما دہے۔ اس کے اب بیسکار ف سے سنحنی بر عماد کھینجے کے سئلہ میں تو یل ہوجا آہے فرمن کرد کہ محادر ﴿ ب ، ﴿ ج کے حوالہ سے سنحنی کی مساوات ہے لاما = ج ا

(DT)

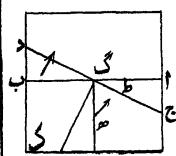
تو تحوس کا کچہ جمر یا نی میں اور ڈوب جاسے گا جواس کے دزن اور یا نی اور مواکی تا فند ل بر خصر موگا- اس کی مزیر تشریح یوں موسکتی ہے کہ ہوا کا دیا ڈیا نی کی طع پر متعا برکسی اوپر کے نقط برکے دباؤ کے ذیا دو ہے اور مواکا سطحی دباؤیا نی کے در بعد تیر لئے والے جسم کے غرق سف دہ حصد برنسقل موجا آسے جس کا ینتیجہ مواسے کواس پر مواکا اوپر وار و باؤاس کے منتیجے وار و باکوسے بڑا بواسے -

٠٠ ١ = الله ن

שׁארח נטיב בארח נע

جس سے غرق سندہ مصد کا تعین ہوجا آہے۔ ووسری سند ط صریاً بوری ہوتی ہے۔ مثال (۲) ایک مربع بترا ایک مائع میں جس کی کثافت اسکی ٹنافت کا دوجندہے انتصاباً تیزیا ہے۔ اس کے توازن کے محل معلوم کرو۔

شرائط توازن صریحاً پوری ہوتی ہیں۔ اگریترے کا نصف صدمائع میں اس طرح عرق موک وترانتھا بی ہوں ۔ عرق موک وترانتھا بی رہے یا دواصلاع انتھا بی ہوں ۔ اب یہ معلوم کرنے کے لئے کہ کوئی اور



اب یہ معلوم کرنے کے سنے کہ کو تی اور کل میں آوازن کا کل ہوسکتا ہے یا ہیں۔ فرض کروکہ پر ان کی کا میں ان کی کا می کا ان کی کا میں کا ان کی کا میں میں ہوئی شرط پوری ہوتی ہے۔ میں مہلی شرط پوری ہوتی ہے۔ میکن اگر ہے کا فلط میں اگر ہے کا گل ا = طہ اور مربع کا فلط = ۲ فر و نقطه کی کے گرسالی دباؤ کا معیار جو

(PT)

الساج

تيرني والے احسام کا توازن

-- تیرنے والے حبی کے وازن کی شرطیں معلوم کرنا -

ہم یہ فرمن کریں سلے کوسیال صرف جا دُوبر آدمن کے زیر عمل ساکن ہے اور شہم بھی صرف اسی قوت کے زیرا فرسیال میں اُڑا دانہ تیرر اسبے ۔ اس طرح جسمہ برعمل کونے والی تو تیں صرف اس کاوزن اور گردے سیال کا دیا دُہو گئا۔ اس سنے تواز ن کے قیام کے لئے

ر میں سرک بس میں دوران کے مساوی ہوگا اور انتصابی سے میں عمل کر گیا ۔ عامل سیالی دہاؤ سیمرکے وزن کے مساوی ہوگا اور انتصابی سمت میں عمل کر گیا ۔

اب میں بدملوم ہے کہ جزاً یا گا عزق سفدہ علوس کی سطح برکا عاصل سالی داؤ ۔ نارے ہوئے سال کے دزن کے سیاوی موتا ہے اور اس کی کمیت کے مرکز میں

سے گزر نے دالے انتعابی خطیر عمل کا ہے۔

اس سے بینتیج بخلتا ہے کہ حبیم کا در ن بٹائے ہوئے سیال کے وزن کے ساوی ہونا چاہیئے اور یہ کرجیم اور سٹاسے ہوئے سیال کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی اُسف اِن

خط میں داقع ہونے چاہلیں۔ میں شرطیں تواز ن کے لیے صروری اور کا نی ہیں خواہ سیال جس میں حبیم شیرر ہاہے

کسی نوعیت کا ہو۔ اگر سیال فیر متجانس ہے تو مثانے ہوئے سیال کو اس طراح ضال کرنا ہوگاکہ وہ بھی جم کو گلیر نے والے سیال سکے تالان کٹانٹ کی یا بندی کرتا ہے ۔ بالفاظ دیگر اس میں ایکسے طبقات فرض کرنے ہونگے جوگرو کے افقی طبقات کے ساتھ

مسلسل بوں نیزامی شیم کے اور اسی کفافت کے موں۔

منا الدیکھوس میم اجزا غرق سفدہ یانی میں تیردیا ہوتو اس کا وزن جٹائے ہوئے ہوئے ان کے مساوی موگا۔ ہوئے یان کے وزن اور المٹای ہوی موائے وزن کے مجبوع سے مساوی موگا۔ اوراگر ہواکو خارج کرویا جائے یا س کے وہاؤکو کٹافت یا جیش کی تنفیف سے مما وال (01)

افتی ایت مورک کر ، محموتات جوک گرائی برے اورستوی برعود وارسے اگری کرائی یرسال کی کتافت مدی کے سادی مواور اگر محررا ورستوی کے نقطم نقاطع میں سے گذرینے واليے دو على القوائم كاوريس سے براك كى كاف سے ستوى رقب منشاكل بوقة تا بت كردك دیاؤکے مرکز کا طریق نصنامیں ایک قطع اتص ہے جس کے مرکز کی گہرائی ہے مرکز کا طریق نصنامیں ایک قطع اتص ہے جس کے مرکز کی گہرائی ہے مرکز کا طریق کے سے کا فائد کے ساتھ کی مرکز کی کہرائی ہوائی جوائی کا دبارست باج مه (الاسكك) جن مر (و - س)) من جرف مر (و - س)) هده ابتدار کرد به ابتدار کرد به این ایک قدت میں جورقبہ کے مرکز مبندسی بر عمل کرتی ہے اور ایک عبنت میں جورقبہ کے ستوی میں ایک تحویہ کے گروہے تعلیل ہو سکتا ہے -نیز آبت کرد کہ اس حبنت کا محور اس ناس برعمود وارہے جو مرکز مبندسی برے سعیاد می ناتف کے افغی تعل کے مرے برکھینچا گراہے -

، ۵- ایک استوار کردی خول کا نصف قط او سے۔ اس مرکمیں کی میت ک ہے جس میں اُد كُنَا فَتْ كَالَ مَنَاسِمَ يَمْسِ إِيكَ أَابِعَ بِيرُونَى تَقلهُ وسِنَّهُ (حِسْرًا فاصلهُ مِرَاسِتُ ف مِ) ایسی فرت سے دفع موتی ہے جوفی اکا ن کمیت فاصل سکے مسادی ہے۔ نابت کرد کول برگیس کا حال دا وسے رک × هنا - الا الم ـ بإنى ـــــ بعرابرواا كيك خارث نا قص نما (ممادر الو، ب، م) سكي ٱلطوين عصد كي كل كاسبت جوتين صدري سنة يول مص محده وسبت - مورح انتصابي سبت اوركره موائي كا وباؤنظ نظر ہوسنگتاہے۔ نابت کردکشنوں سطح برکا حاصل سالی داؤدایک البی توت ہے جس کی شوت ہے نابت کردکشنوں سطح برکا حاصل سالی داؤدایک البی توت ہے جس がでいるかかっちゃという ۱۵ ۔۔۔ ایک کو کھلانا قص نما یانی سے بھوویا کیا ہے اور اس طرح رکھایا گیا کہ محور او افق کے ساتھ زاوید عدنیا سے گزرنے والے ساتھ زاوید عدنیا سے گزرنے والے انتشابی ستوی نے ہرطرف کی خمنی طع پر کاسیال دباؤایک ریخ (Wrench) مساوی ہے جس کی گھانی سے اس مِنْلَتْ کے راس النَّاکی سطے نینچے عدا بہ ، حبہ فاصلوں پروا قوہیں۔ نا بٹ کُرُوکہ دباؤ کے مرکز کی گہراتی ہے

منطبق موحاسئ نو نابت كروكه

ف: ق: ر: ۳ ل- (م+ ن) : ۳ م- (ن + ل) : ۳ ن- (ل + م)

۱۹ - ایک کسی صندوق کے صنع کا طول او ہے اور اس کے وزن دار ڈہکن کا وران و
وہ جے جوایک کنادے کے روکت کرسکتا ہے۔ صندوق کو این سے بحردیا گیاہے اور اس

کنادہ کے ایک سرے یں سے گزرنے والے قطرکے ذریعہ اس کو انتصابی طور پر دنکا یا گیاہے
اب اگراس کو مجسال زاوی رفتار سست گھایا جاسئے تو تا بت کروکہ وکو

 $5\left(\frac{4}{5} + \frac{1}{7} \times \frac{1}{7} + \frac{4}{4}\right)$

+ ن کرائیہ دراسی طرح کے دواور سبطے ہیں جہاں لا، ب ؛ ج ، ح ، ع ، ف مرکز تقل میں۔ سے گزرنے دانے محادر کے لحاظ سے جمع کے جمودی معیار دس اور جمود کے حال طریس کونتو بیرکرتے ہیں۔

کہ اِس کا نحورانتصا بی رسبے اور بچر یا ن کی کو ئی مقدار اس میں ڈالدیں اور اس کے محور میر سے گزرسے والے انتصابی مستوی سے اس کود وصوب میں تشیر کریں تو کل طرف برکا مال انتصابی د باؤ اس عديرك عالل افقي د باؤك التحساقة ستقل منبت ركمة أسم اسطح في كل معلوم أور ئ انتما في مورك كروتمناكل سي الراس كو ما كع من اس طور برخوق كما جائ ، سے او سینے نقطہ کی گہرا تی سب سے نچلے نقطہ کی گہرا نی کی نضف ہوتواس کے واؤکا مرکز كى منصيف كراسيم- اس كى مساوات دريا فت كرد ا يک تنظيلي رقبه يکيدار مائع ميں اس طرح غرق ہے کاس کی طی نقب ان ہے اور اس کا ایک شلع

ما بع كي سطح ميں سبے جبات د باز صفر ہے۔ اگر كثا فت د باؤ كا فحطی تفائل ہو تو نما ہت كروكہ و با وسكے

مرکز کی گبرائی سیے

م درک (ف)

ایک مثلثی میرسے کے راس از اس اب ج ایک متعانس العیں الرتیب کے اگ ک گرائیون ک عرق میں۔ اگر و ، ب ، ج ، سے ب ج ، ج و ، و ب ر عود علالتر تیب ع ، ج و ، و سر مودعوالتر تیب ع ، ع ، ع ، و سر اگر و که د باؤے مرکز کے میرونے میں کا میں میں کا ی کا میں

۲۹ --- ایک شنتی بدا ایک ستجانس ا معمی در می طرح عرف سے دس کے داسوں کی گرانیاں ف ۲۹ اوسط مرکز بر

گیاہے ان میں سے ایک صدیں گ گہرائی تک بان ڈالاگیا ہے - اگر سنی حصہ پر کے ل دباذگوا متصابی اورا نقی مت میر تحکیبا کیاجا ہے تو نابت کروکرافقی جزوتحلیا کاخطاعمل نقله (<u>٩- لا ٩- ب</u> ب ع ِ ک) بر سے گذر کار عس س نفعت كروى فكل ايك بالديانى سى عبرد ياكراسي - اكراسكواك اليسوستوى براشا حاب جواس کے مرز میں سے گرزا سبے اور ان سے ساتھ ویا جوا داویہ بنا اسے توبیا ہے کے او برکے حصبر روامل و با و کی سع ا درمقدار و ریافت کروس ٨٥- فيد ايك بخلي مزوطي خول مي جس كا وزن نظر انداز كيا حاسكتاب إنى بحرواً كماست اور اس کے کنارے کے ایک نقلہ سے اس کولٹکا کروازن کامحل شدریج ا فقیارکرسے داگیا ہے۔ ا كراس كاز اويداس جم الله سورة فابت كروكه بان كي سطح نقط تعليق ميست گذرف واك ایک منظم کفرالا منابع موری طرح انع می عرف ب این مرکز نقل کے گرد حرکت کرست ایج نابت کردکر دبا دکے مرز کا طرق آیک کرہ ہے۔ ، م -- ایک نفسف کردی ظرت پانے سے بھردیا گیا ہے اوراس کے وسطی نفسف قطریں سے دوان مضا بی ستوی کیمنچے گئے ہیں۔ جوسطے کو نفسف بھانک میں تراستے ہیں۔ آگر ستویوں کا درمیا زاویہ ۲ عد ہوتو تا بت کروکہ اس بھانک برحائسل داؤانتصابی ست کے سائٹزاویہ مسرا (جيع)

بنا آہے ۔ اس سے بیمقورب کا ایک ٹا بت کرہ ہے اس کو ٹ نمنا نت والے سال کی کمیت <u>سے ہوا ہے۔</u> احاطہ سے موسے ہے رہیا لِ ایک ایسے نقطہ کی طرف قرت مدر نی اکا بی کمیت سے صرب

ہو اسبے جس کا فاصلہ اس کے مرکز سے ج (< ب) ہے۔ بیرونی وباؤ کو صفر فرص کرکے تاب کرمی وی وباؤ کو صفر فرص کرکے تاب کرہ یک عاصل وباؤ دریا نت کرو۔

٢٢ - الريش عطى في كل كالك فرن حسب ذيل خاصيت ركمة البعد اكراس كواس طري وي

ساقه نهرموتو فامث كروكه

موس سیال کی ایک غیر محدود کمیت میں دوخول داخل کئے گئے ہیں۔ سیال کی مخاف ف میں میال کی مخاف ف میں اور اس کا ہرصد ہر دو سرے صد کو قانون قدرت کے بوجب حذب کرا ہے خواون کے اندر ولی وہیروتی نصف تعلیمی التر تیب اور اور اس کی مخاف تیں ہے کئے ہیں۔ خول بھی ایک ووسرے کو ادر سیال کو قانون قدرت کے بموجب حذب رخب کرتے ہیں۔ ہرخول ہیں ایک ووسرے کو ادر میال کو قانون قدرت کے بموجب حذب رخب کرتے ہیں۔ ہرخول برکی حالی قوت معلوم کرد اور فابت کردکہ بعض صورتوں میں بیر قوت وافنی ہمگی۔

س س ایک ویا موارقبہ انتقابی طور پر ایک وزن دارہ کے بیں فرق سبع اس رقبر کو قاعدہ مان کرا یک محروط بنایا گیا ہے جو کلیٹا ما کو مرغرق سبع راس کا طرق ساوم کر و جبکہ سختی سطع پر کا حال دیاد مستقل موادر تا بت کرد کہ ہد دیا کہ خور شغیر رہیگا اگر محروط کو اس افتی خط سے گردگھایا عاہے جو قاعدہ سمے مرز تقل میں سے گرتا ہے اور قاعدہ کے مستری مرعمود وارسے ۔

عباہے جوفا عدہ ہے مرز علی ہیں سے از ناہے اور جا عدہ ہے مستوی برجمود وارہے۔ ممام ۔۔۔ ایک مخوطی برتن کو جس کا محور انتقبا بی اور راس نیجے وارہ ہے محور ہیں سے گزرنے

م میں ہے۔ ایک مرو ی بران و حب و مور استعما بی اور راس سیب وارہ موریس سے ایک بعضاور والے ایک مستوی سے دو صور میں تقسیم کیا گیا ہے ان حصوں کورائس پر سے ایک بعضاور

ایک دوری سے فررید جوبرتن سے کنارہ کا قلط سے اور فاصل ستوی رعمود وار سے حدا ہوئے سے رو کا گیا ہے ۔ اگر برتن کو إِنی سے بھر دا جاہتے تو رسی کے تنا وُ کا باِ نی کے وزن کے ساتھ

سے روکا کیا ہے -اگر ہیں کو یا تی سے مجاوریا جاسے تو رسی ہے ننا و کا یا ہی ہے وزن سے ساتھ مقالبہ کردے میں میں کی کہ کہا میں کی جب کردیا جاسے اور سوری کی اس میں میں کا میں میں سے کرمی مدھے

۳۵ – ایک طور هطانح و فاکو جسٹی جو ان هلی ہے یا تی سے تجرویا نمیا ہے اس کے محد میں سے گزر سنے دانے دوستو پوں سے (جن کا در سیاتی زاویہ دیا گیا ہے) محروط کے ایک طرف جو سطح کا مصد کمٹا ہے اس رکا حامل دباؤ اور اس کا منط عمل معلوم کرد۔

اگرزا و بدراس کائمہ ہواتہ نا بت کرد کہ بہ خط مخ وط کی چوٹی کے مرکز ہیں سے گزیے گا۔ ۱۳۷ ۔۔ لیک برتن ا قصی مکا فی نما کی شکل کا ہے اس کا محدر انتصابی ہے اور اس کی ساوا ٢٥ ___ ايك مخود لل الع مسع حروماً كياسي - اس كا ذيكن وزن دار اور شيك بشيف والاستعاد ا کم تبعند سنگر حرکت کرستان و اس فزوط کو قبصنه میں سے گورسے والے تکوینی خط سے کرد ر جدانتصابی ہے) یکساں دفنارست گھایا گیا ہے۔ بڑی سے بڑی اوی دفتار معلوم کروکہ الع

يتوى مياس طرح ركها كيا سرسے كه دائرى ازاش ستوى اس كرسى - بيوسكو ملند ترين نقطار ریافت کرد جوکا الیا جاسکے اس طرح کراتی ایم انتخل بٹرنے نریائے خواہ فول کتنا ہی لمکامو۔ ریسی صورت میں تابت کرد کرخول پڑی پورا داؤ فائع کے وزن کے ساتھ م: ا کی

ه مرکز کی طرف مال سے اور ایست دلتی ہے جیسے اس مرکزسے فاصلہ فاصلہ و بر قرت کی مقدارج سب- ازاوط کی شکل اورکسی نقط برکا دیا و معلوم کروسه اگرایب انتصابی رَنْ البِينْ منتوى كے إلى افتى خامنىتىم كرد حركت كرستى تو تابت كردكريور رخ ساكن موكا بشطيكه يخطاس بغ كزرين كنارك سنت فيدو فاصلح برواق بو الك اللوس مكافى نما الكوس سكروف والصعنوى سے ترا غا كلم عراس كے مورمیعلی القوائم ہے۔یہ سکافی نما پوری طرح الغیری فرق ہے اس طرح کاس کا داس وی ہو گی گہرائی یرسیے اوراس کا مورانتھا بی ست کے ساتھ دیا جوا زا دیر نبا آ اسے - اس کی منحنی سطے پر سے م حاصل دباؤگی مت اور اس کی تقدار معلوه کرو-

س بریس مکافی رقب و ترخاص سے محدود ہے۔ اس کو وتر خاص کے گروزاویہ طه میں تحمار ایک تفوس بنایا کیا ہے اوراس مفوس کو یا نی میں اس طرح تعالما کیا ہے کہ بیمین وات رسبے اوراس کا نخاد مستوی رخ انتی رہے۔اگر منحنی طع پرسکے عال وہا وکا میلان انت سکے

الما ــــعورول اومنحنى الله ما آ = ما لا كن ورسانى دتبدك دبادكام كرسعوم مود محاود ١٦ -- بارع لي تيكة فقدار و متوازي مستوييل كيدر وإن يحديها لع الك ایر ما ہے واپسے مدئی ہے جیسے فاصلہ اگر سنداراں کھان صعیب کے دشہم مس تراکسے دا، ب موں توٹا بٹ کردکہ ان صور پر کے دماؤں میں نسبت دیڑا: ب قر سعہ ٠٠ - الكيم عليس كره ابك المقيمسوس يركهاموا سبه ادر أسده تع يس ببين أدول موا-ا منصا بي نطن سي كردست واست دوملي الغوا مرسستو يول سنة اس كرما تونتسبه كما كياسي الم كرة في مقاص ست اورسال ي درم والا بت كريك يه حصه أيب دوسوس سي عبد النهي موا المتعطيكية > سيات الم المسلقال منقادب سال كي ستي من المسلق والمسكم كوكي كمسلك سعلبوكره جرةوب بوسئ تتقارب ستمني اورزائدت مطيمي كندوه فقي اس كاد تفات كريج تمر في برواغ ب- سس فاسه ا درا رتفائكا اليسد سكافي ثمذ بحي اس ملرت فرق ب زاس ك قاعده ك منزى كري سطي كم ينج وى سع جو مخاوط سك قاعده ستعفزكي سعدنيزانق بيتست تيسه عتاس كتعمود كاسيلان بمي وبحديم فروطسك محود كاسب سيرميلان كما جزاجا سين كران ووؤل مجسعة زركي بحدب سطحول برست والوساوي بعلما عدم ___ ، كاب مناسطوار ما نع مع تقريرًا بعلهواس أورا بين أياب تكونني مطسك كوي المصلل ي يكسال نقاد سے تكورد إسے - اس كر سمنى شير كا حامل را إر سعوم كرو -اس كا ورك مرسة برعوده وسنه اس كالقطه ما بعي معدم كور _ تابت دورج دنبر مخنی (در و انج هد و ب سیسقادی در اس کی توس مستعدمان کھوا ہواہے اس کے دبا وک مرکز کی کہا تی ہے 14+17+ × 4 جإل متقادب سال كي سطح بن سبعاد منى كالمستوى أتت

١٧٨ ما اسليك نصف دائرى تصابى بيترا بورى طرح يانى ميس فووما مهواست اس محصحدود كرف والله تطر كاسرا إيانى كى سطى من بيئ أوريان كى سطى كساته اس تطركا ميلان عدب- أكر مع دباد کا مركز بر اور قطر اور است كا درمهانى دادىدهد بوار تا بت كروكم

كم مركز تقل كے ينجي وادك مركز كى كبران بوكى

(+ - 3) + (3 - 6) + (1 - - 4)

(+ + + + 3)

ہ ا -- ایک مستوی رقبہ جو ایک میال میں ڈوبا ہوا ہے لیے متوازی اس طرح حرکت گراہیے کراس کا مرکز تقل بہیندایک بی انتصابی خطیس رہنا سرے ۔ نامنت کروکہ (۱) وہاؤ کے مرکز كاطريق قطع زائيسية جس كااكب شقارب دا بوا التقعابي خطب واور (٢) اكر مختلف محلول یں اس کے مرکز تقل کی تمبرائیاں و ، و + ھ ، و + ھ ، و + ھ اور ان کے تناظ

وباؤ کے مرکزی گرائیاں ا ا ا + ک ، ا + ک ، ا + ک بول تو مَ (آن- ف) أه.

كَ هَ (لَ-هَ) كُ هُ هُ (كُ-هُ)

السمكاني ك ايك تطعرك داركا مرز مطوم كروج وترناص مطع عدود مي اوروزخام کے ایک سرے برکاماس انع کی سط میں ہے۔

اكر الع كسطح ادبر عراسها ورمكاني ساكن رب تونا بت كروكه دباؤكا مركز اكي خطستقم

ر می آھے۔ ا۔۔۔ایک مزوط پان میں پوری طرح غرق ہے۔اس کے قاعدہ کے مرکز کی گہرائی دی گئی است کے سال میں اور میں انتقال سے است کا مدال حک انتی کے ساتھ استے سے ۔ اگراس کی تحدب طویر کے حاصل وابو دا ذا کہ موں جکرانی کے ساتھ است مورسکے میلان سکے میرب الترتیب س ، س ، س میں میں نو ناست کرد کہ

د (س-س) + د رس - س) + د رس - س) - - د رس - س) - - د رس - س) - - د رس - س

اگل کواس داس سے کرداس کے است ستوی میں تھایا جاستے اور بیترا جیتے بورس طرح اللے میں ڈوبارے تواس کے دباؤے مرکز کا طریق معلوم کرو۔ ۱ ۔۔۔ ایک اقصی میتر سے دباؤ کا مرکز معلوم کرو جوبا نی میں عین دوبا ہواہے۔ اگراس کواہنے متوی میں اس طرح تھایا جاسے کو یہ میشہ انی میں غرق رسیمے تواس سے محوروں کے کا طے دما ڈے *مرکز کا طریق* بِ صَندونَ أَم إِن أَسِي بَعِرد ياكيا سبيه اس كا دُبكن وزن دارا ور مُعنيك معيض والاسب اوراسكويكية فبعنول ك فديعه اك كذاره يرفاب كرديا كياس مارى ابرى سيهكو تا عده كر برك را سب كروات وادير من كلما يا كياب كويان عين خارج بوف كي -ون زاوبوس ك ناسون كامقالم كروس برم مور دائروں کے ایب نظام کو یانی میں اس طرح دمویا گیا ہے کہ مرکزوں والاحظ ایک وى مونى گرانى ير رس نامت كروكه بورس طوريد وسب موسة دائرى رقبول ك داؤك مرکز ایک مکا تی یرواقع مرستے ہیں ۔ ا یک نیم قطع انقر محاور ۴ اور ۱) کے وبا وکا مرکز معلوم کرد جوابیسے قطرست محدود م كاسيلان مواعظم كيسائق الله الميانية العربية العلى المعلى المعالى المعلى ينے محور اصغرست محدود سب ادراسي انع ميں عين دول مواسب جس كي كِمَّا قُرِث اللِّيم بلتي سب عبير كمراني - الرَّم حراص عز الله ك سطح مين وا قع مو تو حروج المركز دریا ننت کروناکه اسکه دا وگام کز بوستکے ۔ ایک مربع بیتر اس سے ﴿ بان بر رو ابراسے اس کا ضلع ایب یانی ک سطے مرواقع ہے ۔نقطب سے ج کا کے نقط سے کک خطامت ہم بست ایسا کھینچوکہ رونوں مصول یر سکے دہا دمسا وی ہوں۔ أيسى مورث من أبت كردكم

 باثنار

44

ین مورسے وی۔ جسر کی جگر کوسیال بھر بڑرتے وقت قانون کٹانت کی ابندی کرنی جاہیئے بیسنی مسادی کمانت کی طحیر سر دیکے میال کی کٹانت کی مطور سے سائند مسلسل ہوئی جاہئیں۔

امثنله

ا ۔ ایک وزندار موٹی رسی جس کی کمی انتِ یا نی کی فنا انت کی دوجیدہ ایک سرے سے جو بانی کے با ہرہے اس طرح ملکا فی گئی ہے کہ اس کا نیج صعد فرق آب رہے ۔ غرق مقدہ مصد کے وسط بررسی کا تناؤ دوریا انت کرو۔

۲ - ایک کو کھا کرہ کا نصف قطر وہ- اسکوبانی سطین بجردیا گیا ہے اس کی سطے کوایک ایسے مستقدی سے جومرکز کے نیجے ج گہاری برداقع سے دوصوں میں نفسیکیا گیا-ان معمول برکے

والعمل نبضا بي دبا ومعلوم كرو-

م سا ایک برتن مخروط مضلع کی شکل کا ہے حبکا فاحدہ ن صناموں والاستوی کنیزالا صناع عبور کا میں اور راس نیمے وار رہ ہے۔ اس کو سیا کہ سے مجرو کا گیا۔ برتن کا مرز ح یا بہوراس بر کے فیصلہ کے گرو حکت کرسے اسکے لیکن اس کو اپنی حکہ پر محل و کا تحرید کی ایک ایک اس کو اپنی حکہ پر منافی کا تحرید کے فاعدہ سے نقط و مسطی اور کا فرا کا فاقل حکے مرز سے بازہ و رحمی ہوں ہے۔ تا بت کروکہ برسی کے تناؤ اور سیال کے کل وزن میں میں منافی ہے۔ تا بت کروکہ برسی کے تناؤ اور سیال کے کل وزن میں میں منافی ہے۔ میں میانی سے میں میانی ہے۔ میں میانی ہے۔ میں میانی کے ساتھ ہردخ کا میلان ہے۔ میں واقع ہے میانی کو میران کا میٹر کی قطراً زاوسطی میں واقع ہے۔ تا بت کروکہ بران کا میٹر کی قطراً زاوسطی میں واقع ہے۔ تا بت کروکہ وائوں کے مرکز کی گہرائی

رو در الروس (و الروس) الروس الروس و الروس الر

ہے جہاں واور ب نصف تطوی ۔ ہ ۔۔ ایک مربع بترسے کے دباؤکا مرکز معلوم کروحش کالیک مأ= / د فری فرلا ل = / د (افرلافرا - ی فری فرلا) = / د (افرا - ی فری) فرلا هر = / د (ی فری - لافرلا) فرا ن = / د (لافرلا - افرا) فری

۲۹ ۔۔۔ اگر سیال صرف جاذبارض کے زیر عمل ساکن مواور محوری انتصابی موارد می کا تفاعل برگر می کا تفاعل برگر حرفر ض کردکر فر (ی) ہے ۔ تفاعل برگر حکوفرض کردکر فر (ی) ہے ۔

¥ *₌* کر فہ ری) فرا فری

مستوی ما ی بر دی ہوئی سطح کا جوال ہے یہ جار صریحاً مور لا کے متوازی اس طل برسکے وائر کہ نتر کا اے۔

دیاد کونتبیر کرنا ہے۔ اسی طرح میا مستوی لای پرکے ظل رہے دیاؤکے مساوی ہے۔ اگر سیال ہے بچک ہواور مرت میا زیرارض اس بڑعمل کرسے تو د معت لا مف ما سیال کے اس صدیے وزن کے مسادی ہے جو معت میں ادر سیال کی مطح پراس کے ظل کے درمیان دانع سہے۔

. سے یا کرکد فرا فرا دی ہوئی سط کے اوپر کے سال کا وزن ہے۔

بہ نہائج دفعات (۱۶ م) و (۱ مم) کے ننائج کے ساتھ سوائی ہیں۔ ۷۶ ۔۔۔ اگر ایک بخوس سرجزاً یا کا کسی سال میں غرق کیا جاسے اور بیسیال دی ہو تئ قرقوں کے زیر عمل ساکن مہوتو جسے رکا عاصل سیالی دباؤ اُن تو توں کے عاصل سے مساوی ہوگا جو مہنا سے ہوئے سیال مجال تیں ۔ بوگا جو مہنا سے جو سیال سے غلیجدہ کرکے اس کی جگا کواسی تنہے کے سیال سے فرکھیا ہوا تصور

دع جفع من س دع جن ع من س دع جف ع من س ا ع جف لا من س دع حف ما من س دع حف ی من س اس سلے اگر مور سے متوازی حاصل دمار کی اعما اسے اور حال جنت ل ، هر، ن بول تو ¥= / دع جفت و فرس ما= اردع جفع نرس ے = الدع جفع نرس اور ل= ارد ع (ا جف ع -ى جف و) فرس ه = الرحن ع (ي جف ع) فرس ن = روع (لا جفء - ما جفء) فرس سبکمل کل سطے زیر بحبث پر ہیں۔ یہ عاصل ایک تنہا فرت سے معادل ہو سنگے اگر لال مما مرب ان =. ۵۷---- حوامے کی ستویوں کے متوازی مستوی کیسے سے میم کی سطح بین خلف طریقوں سے عنا مریق میں میکتی ہے شَلاً من لامعن ما الما برمعن س كافل اع حف مي معن س ادراس کے سے= کر فرافرا اور اس طرع کا = کرد فرافری ، اور

برکا بینچے دار - اِن دولؤ ں کا فرق صریحًا تھوس کے مٹماسے ہوستے سیال کا دخلاہے سے -- ایک محوس مربورس مفرر وز اد دار ای می عرق کیا گیاست ، اگاس کا مع کا تج حصد منحی سطح اور بقید عصد معلوم مستری رتب مون اوراگراس کا مجم زس ؛ دا جاست و محمد سطويركا وأسل: بأومعلوم كما ماسكماسي -کیونکھ ستوی سطوں کا رقبہ اور ان کامحل مزوم سہتے اس سنے ہم ان رقبوں پرسکے حال نعی وبا و لا اور حاصل نتصابی دما و ما معلوم كرسكت لمي اور چونكه م كی در ي سطح بر كا دما كج ت ح کے مسادی سبت ادراد پر دارا مقعا بی مسعی عمل کاسب اس سف اس کی منی سطے یر کا عاصل افقى داؤ في مواكو اورماسل تصالي داور عن في - ما مثال ۔ دائری رقبہ کو ایک عاسی خطائے گرد زاویر طرمی گھانے سے ایک تھوس جب بنایا گیاہے۔ اس کویا نی میں اس طرح تواما گیا ہے کہ اس کا تخلاستوی نے انقی اور گیرائی سی سطح پرایک ایسے سیال کا حاصل دیاؤ دریا فت کر د جوکسی معلومہ قونوں سمے دیرهمل ساکن ہے۔ زمن کروکر سیال کے زیر عمل سطح عود کے نقطہ (لا ، ما ، ی) پر کا وہاؤ کہ ہے جو باب دوم میں ماصل کروہ وبا و کی طرح معلوم کیا گیا ہے۔ ا جف ع المجت ع تونقطه (لا ، ما ، ى) برك حمادك جيرب المام مر مك ع جف و ع جف و) ع جف و) ع جف و) عضاور فرض کرد کراس نقطه کو گھیر سنے والے رقبہ کا عنصر معن سسے تعبیر ہونا ہے تو موروں کے متوازی اس عنصر سے دباد ہو بھی

بین عمل کرتی ہے ۔ یہ خطاست قیم مرکز میں سے گذرتا ہے اور ایسا مونا بھی جا ہیتے کیونکر تمام سیال دباؤگرہ کی سطح پر عمود و ارعمل کرتے ہیں۔ یہ خطاستقیم سطح کوجس نقط پر تعلیم کراہے اس کو دباؤگرہ کی مرکز سرکید سکتے ہیں ۔

٢٧ - وزن دارمائع من ايك تفوس مع بزاً يا كلاً وبوياكيا و اس كي سطير كا حاصل داؤ

معلوم كروس

اسى طرح كريم المستدلال سے صري بيزابت موسخما سے كركسى مطوس مريريكدارسال كا

حاصل دبا مجمع بح بشائے ہوئے کیک رسیال کے وزن کے برابر ہوتا ہے۔

بنتیجه و فعات (۲۰) اور (۱۷) کی مدرسے اس طرح بھی حاصل کیا جا سطے
کومس کرتے ہوئے متواذی افتی خطوط ستفیے کھینچو جن سے ایک استوا نہ سے جس کے
افد دیمتوں گھرجا سے تماس کا منحنی سطے کو ورحصوں میں نشیم کر تاہے جن برے حاصل انعلی وباؤ
اسطوا نے محرکے موازی ایں اور ایک دوسرے کے مساوی ہیں گرمقا باس اسطوا نے مورکے متوازی ایس اور ایک دوسرے کے مساوی ہیں گرمقا باس اسطوا نے میں اور ایک دوسرے کے افتی دباؤ ایک دوسرے کے افتی دباؤ ایک ورحص متوازی است میں جمل کر تاہے ۔ اب اس حاصل انتھا بی واؤ کو معلوم کرنے ماصل عرف انتھا بی واؤ کو معلوم کرنے متوازی انتھا بی واؤ کو معلوم کرنے کے سطے کو معلوم کرنے کے سطے کو مسل کو معلوم کرنے ہوئے اور دوسرے صد

اور على القوا كاسمتوں ميں حاكل فعى د ماؤ معلوم كرور يه تين قو تميں بعض صور توں ميں ايك تنا قوت ميں تولي بوسكيں كى حب كے سئے تشرط سكونيات كے مام فريقوں سے حالل كيما سكتى ہے -

منال به ایک نفست کره سخانس ای سے بھردیا گیاہے اوراس کو مرزیس سے گذر نے والے دو علی انقوا کم انتصابی ستولی سے چار صوب میں تشکیم کردیا گیا۔ ان جار سختی مصوب میں

ت اکس حدار کا حاصل عمل در انت کردس

مرکزکوسبدا ما نوا حاطرکرسند داست اختی بضعت تطرور کوموراد اور مور ما اور استعمایی معمدت تطرکو محور کا اور استعمایی معمدت تطرکو محور می فرض کروتولا کے متوازی و باؤا ربع ما وی برک دما و کست ساوی برگاجها ساوی او کا کست معلی القوایم مستوی پرسخنی سطح کافل ہے۔
ما وی او کا سکے علی القوایم مستوی پرسخنی سطح کافل ہے۔
اس سلئے ولا سکے متوازی و باؤ

برعمل رئاسیے۔ حاصل انتصابی دارد = مائع کا وزن = اللہ ج مشب ۱۹ اورخط مستقیم اساسی اللہ کا کسمت میں عمل رئا ہے۔ تینوں تونوں کی سمتیں نقطہ

(コル 共分二、八二、

میں سے گذرتی ہیں۔ اور اس لئے وہ ایک تنہا قوت

(44)

ماسی مستولیوں کے خط تماس سے دوصوں ن س اس میں میں تقدیم کیا جا سکتا ہے جن ہو کے دباؤ علی التربیب اوپر وار اور یہ وار ہیں۔ اور جونکر

اس سے دباؤ علی التربیب اوپر وار اور یہ وار ہیں۔ اور جونکر

اور س ر پر کا دباؤ = اکع کو ن س کا دن ن

اور س ر پر کا دباؤ = اکع کو س ر کا دن ن

اس کے ان کا ذرق تعنی ن س ر پر کا انتصابی دباؤ = اکع ن س ر کا وزن

اس کے ان کا ذرق تعنی ن س ر پر کا انتصابی دباؤ = اکم ن س ر کا وزن

اس طری دوسری صورتوں پر خرکیا جاسکتا ہے۔

اسی طری دوسری صورتوں پر خرکیا جاسکتا ہے۔

مشا مدہ طلب سے کہ پر تحقق غیر متجانس اکنے (جس میں کتا تھ گہرائی کا ایک تفاعل ہونی جاتے کے دیکھی درست ہے۔

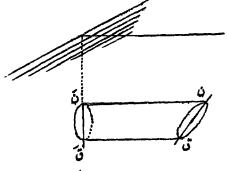
کیونکر سادی دباؤ کی مفروضہ وسعت میں جی وہی خیال کیا جائے۔

بشرطیکہ قانون کنا فت اکم کی مفروضہ وسعت میں جی وہی خیال کیا جائے۔

ام سسطی ن تی پر کا حاصل افقی دباؤ کسی دی ہوئی سمت میں معلوم کرنا۔

دی ہوئی سمت کے علی انقوائم انتصابی سند ہی پر ن ق کا خل کو اور خرض کرد کو ک

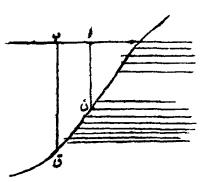
فل نَ قَى سَيِرُ كميت نُ نَ ، نَ قَ رِك داؤ، ن ق رِك مَال انعَى داؤ، اورستوى نَ قَ كميت نُ مَن ، نَ قَ رِك داؤ، ن ق رِك مَال انعَى داؤ، اورستوى نَ قَ كمة اذى انتقابى ستروں مرعل رف والى توقوں كے زرعمل ساكن ہے -



اس کے ن ق برکاافقی مباون ق برکے افقی داؤکے مسادی ہے۔ اور یہ دا اُوایک ہی خط خط مساقی میں مل رستے اور یہ دائوں ق خط خط مرزیں سے گزری والے افقی خط میں سے۔ میں سے۔ میں سے۔ میں سے۔ میں سے۔

اس الئے عام طور رکسی مطح برحاصل واؤمعلوم کرنے کے الے اس بیکا استعمالی دوائد

(4)

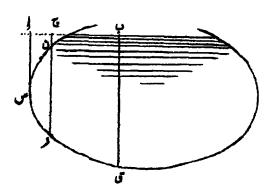


ا نع سے بھری ہوئی ہے اور مائع کونیج سے فارچ کردیا گیا ہے۔ فارچ کردیا گیا ہے۔ ن ق کے تمام نقطوں پیسکے دہا کو

ن ق کے تمام نقطوں رہے دہا و
وہی ہیں جو ہولئے سے سکے سکی سقابل ستوں می
ادر چونکو اس مفروعذ میرت میں استعمالی دباؤ
فق کے درن کے سماوی ہے اس کے
اصلی صورت میں حاصل استعمالی دباؤاد ہرک

اگرسطی کو انع جزا اور کی طرف اور جزا نینج کی طرف وائے و نقطه ن می سے بوسطی کے زیر کے خوات کا باند ترین بقط ہے ایک انتقابی سے مستوی ن رکھینجو اور فرض کروکہ انتج کی سطح پر ن س ق کا طل وج ب ہے۔ کی سطح پر ن س ق کا طل وج ب ہے۔ تو صاصل متعالی داؤن س ریر

ماسل مقابی داو ن من ریر و ن س ر کے اندرونی مائع کا وزن



ادر رق پر = ج ق کے اندرونی مائع کا درن اور پی است کے اندرونی مائع کا درن اس ر کے اندرونی است کا درن + ن س ر کے اندرونی مائع کا درن + ن س ر کے اندرونی مائع کا درن - مائع کا درن - بینیم گؤستہ ود صوروں کی دوستے مجی حال کیا جاستما ہے کوئکر ن رکوانتھا بی مائی مائی کیا جاسکتا ہے کوئکر ن رکوانتھا بی

اور نیچ کے انع کا واؤ = کر بن (ف گ + ف ی) ب فری ہور نیچ کے انع کا واؤ = کر بن گ + ل ث گ) ہور میں داؤوان دولاں کا مجوم ہوگا جو

اعمال کمتل کودر آکرے متذکرہ بالاماس داؤٹے مبلے سے استیقشیر کرنے سے ہیں داؤکے مرکز کی گرا ہی ماصل موجاتی ہے۔ مرکز کی گرا ہی ماصل موجاتی ہے ۔

منحنى سطحوں ريكے عال داؤ

بم __ایک متجانس مائع کا جو جا ذہار من کے زیر عمل ساکن ہے کسی طح پر چاسل انتصابی دماؤ درما خت کرو۔

روی مساروت فرض کروکه سطح ن تی پرایک وزن دار ما کع کاعمل مرد اسبےاور ماکنے کی آزاد سطح پراس کا همد میں میں ایک کی میں تے ہی قرار ما کع

ل و ب ہے۔ الع لیست وی ماج کے اختی دہا و اور ن ق کے تعال کے بعث شوار ن ہے۔ اس نعال کو امضابی ست میں فلیل کیا جائے تو یہ جرد تحلیلی وق کے ذان کے برار ہونا چا جیئے اور برعکس اس کے ن ق

یر کا انتقعانی دبار اُو تی کے دزن کے برابر ہوگا اور اس کی کمیت کے مرکز میں سے عل کر کیا۔ اُس کی کی سے مرکز میں سے عل کر کیا۔

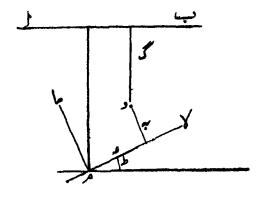
كاتطب (منا ع م) بلحاف معارى اتعى كے اور مساواتوں رُجْبِ ف = بِ جَمِ ف = - (گ - عجب ف + ج جم ف) سے ماکن ہوتہہے - ان ساواتوں سے مساورتیں يبط جب طاكوادر كوم لدكوسا تطاكر ك عاصل شده نتيون كام يع ميكر معكري و میں مطاوبہ طریق کی سیادا کے معلوم ہوجاتی ہے جو (وا ب + مرب صالح برواعاً) الے گیا (وا عالہ ب صناً) اً رو اور هرایک دورست پرمنطبق موجاً میں بین اگر عد = ، ، اور بر = . توطریق کی مسا دا ت موجا کیگی $\frac{1}{\mu_{1}} = \frac{1}{\mu_{1}} + \frac{1}{\mu_{1}}$ 49 __ ایک برتن میں و دسم کے ان میں جوایک دوسرے کے ساتھ آمیزنہیں ہوستے۔ (ووس) برٹن کا قاعدہ سنتری ہے اور اس کے پہلوستوی اورا نتصابی ہیں۔ ایک بیکو برحال و کے دہاؤگا مرکز معلوم کرو۔ رض کروکہ اور کے یا تعلی کٹافت بت اور گہرائی گ سے اور بینچے کے مائع کے کے متناظرار قام ک ، اور گٹ ہیں۔ مشترک طح انفی سنوی ہوئی جا ہیئے عب کے ہر نقط پر کا دبارُ ج کٹ گ ہوگا اور مشترک طح کے بنیجے می گہرائی پر کا وبارُ مبر گا ي ٺگ + ج ٺ ي انتعابى بيلوكا عرض ب ينفس إس راويرك الع كا داؤ = له ي ف يكل

اگر مستوی رقبه اور آزاد سطی کا خطاتها طع اسب مرتو اسب سے دباؤ کے مرکز کا فاصلہ رقبہ اور انتصابی سمت کے درمیانی زاویه پر شخصر مہنیں ہزنا (دفعہ ۳۵)اس سے ہم رقبہ کو انتصابی سے سکتے ہیں۔

بی سے سکتے ہیں۔ نرض کردکہ نابت نقطہ و کی گہرا تی گ ہے ادر رقبہ کے اندر و کا اور ما نابت میں۔ اگر و کا کا میلان افتی کے ساتھ طہ ہوتو

د = ج نف (گ - لاجب ط - اجم ط)

عباں وا ب اج وفيره معلوميت قل بين- اب طدكوسا قط كرف سے دباؤكم مركز كاطابي ايك مخروطي تراش بوگ-



وفد (۳۱) کے منل کی دوسے بھی ہم اس نتی کو اخذ کرسکتے ہیں۔ ہندسی مرز هریں سے گزرسنے والے صدری محروں کو حواسلے محر قرار ویکر اور وسے محدد (عائب) فرض کرکے ہم میعلوم کرسکتے ہیں کہ دباؤ کا مرکز خطاستیم لاجب طر+ ما جم طعہ = ۔ (گ + عد حبب طه + به جم طعہ)

(ma)

کی کررا جب ه جم طه فرر فرطه کرکه را جب طه فرر فرطه <u> کلر رہ جب ط</u> كرر جب ط فرر ف ب مارساری۔ (۱) ایک نصف داری رقبه یانی میں پوری طرح و بودیا گیاہے وائرد کی طح انتصابی سے اس کو ا ما طرک والے قطر کا ایک سرا فی کر مطی سے میں ہے فرض کردکہ قطر ادر ا نے کی سطح کا در سیاتی وادی عدیدے اور قطر اور ا برے ماس کو مامران رواؤك مرك كرك عدد (لاعما) إي تو لا كرر جب (ط + عه) فرر فرطه = كرر مم طب (ط + عه) فرد فرطه ادرِ بالرَّرْجب (طه+عه) فرر فرطه = كرُرِّرْجب طجب (طه+عه) فرر فرط رکے صدود ، سے ۲ و جم طہ "ک اور طرکے ،سے ہے یک

رون عنا و لا با ا - ت =
$$\frac{1}{4}$$
 ($\frac{1}{4}$ + $\frac{1}{4}$ - $\frac{1}{4}$ + $\frac{1}{4}$ - $\frac{1}{4}$)

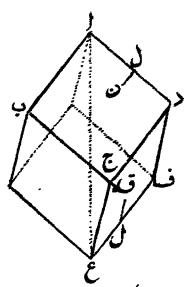
 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} - \frac{1}{4} + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}$
 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$
 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$
 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$
 $\frac{1}{4}$

انكارة عجدت كالقاء ع ف اوع ج كو كاور قرار دد - توكن نقط ق كيل 2= 1 1 - m = s

را = با (الأ + فا - الا)
اوربقید عمل بالکل بیلی صورت کی طرح دائره کا ایک ربع انتصابی سمت می ایک فاره
مین دبویا گیا-دائره ایک کفاره
مائع کی سطح میں ہے اور مائع کی کثافت الیسے بدلتی ہے جیسے گہرائی۔
سطح کے افریک کفارے کو مورو کا قرار دیں تو ت = مدائم د = ہے مدیج فالا

اس سلط داوكا مركز ساواتول

(س) ایک کمو کملا کمعب ان سے تقریباً بحرد الیا ہے۔ یہ کمب اینے ایک انصابی و ترک گرد (۱۳۹) کمیساں مور پر گھومتا ہے۔ ان کے ختلف دخوں برکے داؤ اور ان سے وائد کے مرکز سلوم کرد۔



١- ادرك ن ١ د كك -الدار اب كر مور لا اور مور ما قرار دو- اور فرض كرد كركسي نقطه ن (لا ا ما) ك نقطه (سے انفی اور انتصابی فاصلے می اور ر ہیں آت

タカニー イタニョン ル تطبی محد داستعال کرنے سے اور و کل کو ابتدائی خط لینے سے ہمیں « عرج ن^ی ر جب طم حاصل ہونا جا سیمیے اور

> لا = كرر جمط جب طه فرر فرطه = ٣ و يرکرڙ جب طه فرر فرطه

(۲) ایک داری رقبر حب کا نصف قط السب انتهابی ست میں اوبویا گیا سب اوراس کا مرکز بندی گیرائی گ بردافتے ہے ۔ گہرائی گ پروافتے ہے ۔ مرکز کو میدا اور اس میں سے گزر سے والے نیمج فارانتها بی خط کوا بتدائی خط قرار دو-اگر

نقطه (را طه) بركا دباؤه ديمولو

د = ج سف (گ + ر جم طه) اور مركز كي نيم ائ

۲ گرگر در جم طه) قرر فرطه ۲ گرگرد (گ + رجم طه) قرر فرطه

ينيتم وفعدوه اكم الكم مشلهت فوراً اخذكيا عاسكتاب _

(۱۷) ایک انتصابی ستطیل سر کاعرض انقی ہے کرہ ہوائی کے زیرعمل ہے جوستقل تیش رہے۔ اگرستطیل کے قاعدہ پر کرہ ہوائی کا داؤ ۱ جوتو ی لبندی پرداؤ ۱۱ وس ہوگا وفغددم)،

اوراگرب سے مستطیل کا عرض تعبیر توستطیل کی ایک افقی بیٹی برکا و باؤ

۳۰ آوم × ب سن ی

اگر منتظیل کاطول و جوتواس برکا عامل دمارهٔ

تولاً = كر (ع - لاجم طر - ما جب طر) لا فر لا فرا كر (ع - لاجم طر - ما جب طر) فر لا فرا اور اسی طرح آ = - بن جب طه

(۱) دائره کا ایک ربع انتصابی منت میں ایک وزن دار شجانسس مائع میں عین وبویا گیاہے

اور اس کا ایک گذارہ مانع کی سطیں ہے۔ اگر سطے کے اندرکے کنادے وکا کو

ر ر. الما الاسطال المرا فرا

مآ کے معدوم محمل دہی ہیں جو لآ کے سے ہیں۔

اب ويحكم كرا فرلا فرا = المرارا"-لاً) فرلا = الله وا

كركا افرا فراء المرك الا (الا- الا) فراه = لم الا

آراً زلا فرا = بهار (وا - لا) فرلا = بهار الله الله

لا = الك فرا فرال ، مَ = الك افرا فرال صمال برتاب -

بیں یہ فاحسہ ہے کہ دہاؤے مرز کی گہرائی گرسے ہدیے سیال کی کمیت کے مرز کی برائی کا دوجندہے۔

۱۷ سے سندوزان وار مالع کی صورت میں دباؤے مرکز کا مقام سنلہ ذیل سے ہندسی طور پر مالل دیستاں میں

ا المسبب الروب كسية ي من أي ايما خاستيم لها جائے جو ما نع كى مطر كے متوازى اور رقبہ

کے مرکز ہندسی سے اُننا ہی نیچے واقع ہو جتنا اس سے (مرکز ہندسی سے) اُنع کی سطح اوپر واقع سے تواس خطامت فی کا قطاب لمجانظ مرکز ہندسی مرکبے معیاری قبطی ناقعی کے جس کے نتیم می

سے تواس خطامت فیرکا قطب کمجا ظ مرکز ہندسی برسکے معیاری قطع ناقص کے جس کے نیم محور اس نقطہ پرگردش کے صدری نیم قط ہیں دباؤگا مرکز ہوگا۔

رقبر ا ادر گردش کے صدری نفست تعاول کو اور ب، فرض کروتو بصدری نفست

اب - كرا فرا فرا الا = كرا فرا فرا

معیاری (Momental) ناتص کی ساوات ہے

 $J = \frac{\gamma_1}{\gamma_2} + \frac{\gamma_3}{\gamma_3}$

جاں والے کورم کزیندسی رہے صدری مور ہیں۔ فرض کروکہ لآ، کا داؤ کے مراسکے محد دہیں اور سطے میں سکنط کی ساوات ہے

لاجمطه ما جب طروع

د = ج ف ماجب طر ، اور اسك

ان آخری مسادالوں (به) سے ظاہر ہے کہ دہاؤ کے مرکب کا مقام مستوی اور افق کے درمیا فی فاؤنہ پر سخصر نہیں مِوّا۔ اس کے اگر ستوی اور سال کی سطے سے خطاتقاطع کے گردستوی کو گھایا طبعے۔ میں مرکب

تودبا وكم مركز ك مقام من تابي داتع منين موكى-

اگرساوالوں دھ آئیں گے کوسٹنگل قرار دیا جائے تینی اگرستوی کوافقی فرط کیا جائے۔

تو آل اور آ رقبہ کے مرکز ہندسی کے محدد ہوجائے ہیں اور یہ نتیجہ ونعظ کے سے معدوم ہونے لیکن مساوالوں (ہر) ہیں آل اور آ کی قبتیں طریق منحصر نہیں ہیں اور طریکے معدوم ہونے سے ان کی گل رکئی فرق نہیں آبا اور اس صورت ہیں مرکز ہندسی کے محدومائسل نہیں ہوئے ۔

اس بفا ہری بے طا ابطانی کی تو فینے اس طرح ہوئی ہے۔ طرکو کشنا ہی جھوٹا لیا جائے مستوی اور سیال کی سطح کا درمیانی سیال ہیں ہوئے۔ اور مستوی کے اور میتوں میں محدوم ہوئے ہیں لیکن یوسٹا وسٹ کی نسبتوں میں محدوم نہیں ہوئے بلکہ انتقال میتوں میں محدوم تہیں ہوئے واؤ ہوستقل نسبتین آبس میں رسطتے ہیں ان ستقال میتوں میں میں موروثی ہیں۔

طرکی کسی محدود قیمت کے لیے تی واؤ ہوستقل نسبتین آبس میں رسطتے ہیں ان ستقال میتوں میں یہ معروب نہیں۔

اس د فغدگی مسا دانتیر ہمستدلال ذیل سے بھی حاصل ہوسکتی ہیں۔

منوی رقبہ کو محدد وکرنے والے خط کے برنقط سے انتصابی خطوط سیال کی سطح بک کھینے ہار طمح سیال کی مجھ کمیت ان میں گھر جائیگی سا سیاستوی سکے تعالی کا انتصابی جزو تخلیبائی سیال کی ہی کمیت کے وزن کے برابر ہوگا اور میہ وزن کمیت کے مرز میں سے گزرنے والے انتصابی خط میں ممل کرے گا اور جہاں پر میہ خطام متوی رقبہ کو سطے گا وہ وہاؤکا مرز ہوگا ۔ وہی محورلو تو ایک عنصری منشور کا وزن جو ستوی کے نقطہ (لام ما) میں سے عمل گرا سے ج مت ک معن لا معن ما جم طہ ہوگا جہاں افق سے ساتھ ستوی کا میلان طرح

سریعے کا منت کے مفت کا مفت کا عجم طاہر کا جہاں افق سے ساتھ مستوی کا میلان طاہ او راس سنٹے مستوی کے نقطوں پڑھمل کر کئے والی ان متوازی تو نوں کا مرکز مساوا توں

(494)

تو ما مركر د فر ا فر لا = ولا كرو حاصل دباؤكا معيار = ولا كرو قب كم عامريك دباؤل كمعيادون = ولا كرو قب كم عامريك دباؤل كمعيادون كالجموعية

= Z دست است لا × ما

= كرد افرا فرلا كرد افرا فرلا .. ما = كرد فرا فرلا

مستعلے رقبہ زریجت پر کئے گئے ہیں۔ اگر قطبی محدد استعال کئے جائیں آداسی طرح کے طرق عمل سے

آ = <u>كردر ترم طور فرطه</u> ، ما = <u>كردر الب</u> طرفر فرطه ما الكردر فرطه المراد فرطه

۳۵ - اگرسال متجانس اور به بیک برواور مرف ما ذربار هن بی عمل کرسے تو

مِال كُسطِ كَينِي نقط ن كُر كُران سب - اسك اس مورت بي

بعض اوقات مستوى اورسيال كى مطيك خطاتها طام كو ايك محور مقركراً منية ابت بوتاب - اكر اس خعالو بم محور لا فرض كري اور ستوى اور افق كورسيان داوية طربوق (77)

تورقبہ کے غصر معن لا معن ما پر کا دباؤ = ۵ معن لا معن ما ن كالل دباؤ = ركم د فرما فرلا

مان كمل كل قبازيجيث برايا كياس-أرقطبي محدد استعمال كحائين توحاصل دمائر

=] در فرر فرطه

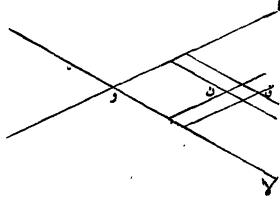
سم السائد العین اسطیستوی کی صورت میں وباؤکا مرکز دونقط ہے جہاں ستوی سے اس تنہا قوت کی سمت لتی جوستوی سطے رہے تمام سالی دباؤں کے حال کے ساوی ہے۔ یہاں دباؤے مرازی نتر نفیت مستوی طلحوں کے کھافلہ سے کی گئی ہے۔ آیندہ بیمعلوم بردگاریختی سطحوں برسالات کا حاسل علی بہیشہ ایک تنہا قریت میں تحلیل بنیں کیا جاسکتا ۔ ونان دارسیال کی صورت میں یہ طا ہرہے که انقی رقبه کا دماؤ کا مرکز اس کا مرکز ہندسی دوگا کیونکھ

اس کے ہزنتطد برکا دہا ہوسادی ہے اور چونکہ گہرائی کے بڑھنے کے ساتھ دہا ویجی بڑھتا جاتا ہے اس کے غیرا فقی ستوی میں دہاؤ کا در در کا ہندسی کے شیعیے واقع ہوگا۔

ى مترى زفيه كا دواؤكا مركز معلوم كف ك النصنا بط _ ز ص روكم مترى ك الذر على القوائم محا ورسك بحاظ بسے كسى نقط كے محدد (لا ؛ ما) ہيں اور اس بركا و باؤ 2 ٪ اور

اس کے سالھ کے نقطہ کے محدد (لاب معن لا) ما + معن ما) ہیں-

نز (آ ، ما) دائے مرکزے محددیں۔



(11)

باب سوم سطحوں پرسیالات کا حاصل دہاؤ

۳۱۷ - جم نے گذشتہ اب میں یہ دیکھاہے کسیال کے کسی نقط پر دبا وُکس طرح معلوم کیا حباہ ہے جبکسیال دی ہوئی تو توں کے زیمل ساکن ہو۔ اب بم اُن دبا وُسکے حال دریانت کرنیگے جوسیال سطحوں بربیدا کرنے میں جن سے ساتھ وہ تماس رکھتے ہوں۔ سطحوں برسیال کے عمل کو ہم اس ترتیب سے بحث میں لائیں سکے سے بہتے سیالات کا عمل مستوی سطحوں بر بجرجا و مدار من سکے است سیال کاعل شخنی سطحوں برادر سخریم کسی دی ہوئی تو توں کے ائت ساکن سال کاعمل شخص سطحوں برادر سخریم کسی دی ہوئی

مستوى سطحون برسيالي دماؤ

چونکئستوی سکے تمام نفطوں پر دباؤستوی برعمود وار ہوستے ہیں اور ایک ہی سست ہیں عمل کرتے ہیں اور ایک ہی سست ہیں عمل کرتے ہیں اس لئے حاصل دباؤ ان تمام دباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے ۔

یس اگر سیال سبے بچک ہوادر صرف جاذ براد حل سے زیر عمل ہوتو کسی ستوی پر کا حاصل دباؤہ

ع ن ی فر ایمان متری رقبه کے مفرز (گاگرائی ی ہے ۔ و ن تی ا

جبال اسے مستوی کارقبرادر تی سے اس کے مرز ہندس کی گرائ تنبیر ہوتہ ہے۔ عام طور پراگر سیال کسی تسم کاہراور دی ہوئی قوق سے زیر عمل ساکن ہوتو مستوی کے اندر محورلا اور مالو اور فرض کروکہ نقطہ (لا مل) بردبائد ہے۔ $(\frac{r-1}{r}) = + \sum_{r=0}^{\infty} \frac{1+\frac{r}{r}+\frac{r}{r}}{r} = + \sum_{r=0}^{\infty} \frac{1+\frac{r}{r}}{r}

مم سے اگرز مین کوشیانس مائع کا ایک کرہ خیال کیاجائے تو نابت کردکہ اس کے مرکز پرد ہاؤ ہا ت و پونڈ فی مربع نٹ مرد کا جہال زین کے مادہ کے ایک معب فٹ کمیت کا وزن مث پونڈ ہے اورزمین کا نصف قط و فٹ۔

۸۷ ۔۔ تباذ کی ابع کا ایک کردہ جبری نصف قطر اسپے کسی نقطد پراس کی کثافت میساں طور پر بڑھتی حہاتی ہے جیسے دہ نقطہ مرکز سکے قریب آتا جاتا ہے سطی کٹا نت مضر ادر او سط کٹا فت ت ہے ۔ ٹابت کردکہ مرکز پر کا دہاڑے

﴿ اللهِ ا

۲۹ --- تجافر بی سیال کاایک کرد سے جس کا تفعت قطر اسبے ۔ساوی ٹیا نت کی طعیں صدودی سطے کے ساتھ ہم مرکز کردے ہیں۔ اور آزاد سطے سے مرکز کی طرف جائے ہیں گیا فت کسی قافون کی بموجب برحتی حالی ہے۔ نامت کرد کہ مرکز مرکز مرکز او اُس و با ڈسسے جبکر کٹا فت کیساں ہو فقدر

م و المرارت من المرار

کے بڑا ہوتا ہے جہاں ف بوری کمیت کی اوسط کتافت کو ادر ف اس حقد کی اوسط کتافت کو ادر ف اس حقد کی اوسط کتافت کو تعبیر کرتا ہے جہار میں میں اور جہ تاؤب کامستقل ہے۔

مین مترازن موجانی ہے - تابت کروکہ بیلی صورت میں مرکز پر کا دار و دوسری صورت میں مركز برك دباؤس بقدر

[(デーリンナリ(リーニ)ナー](ナーリング(ギーニ)を用か

لا بذائب۔ هم۔ ایک متعان تجازی تھوس طیرے و { ا + عدع ز عمر طم ا) سے محدود سے - اس

عوس کی کیت ک اور تافت و ب اور عداتنا چوناہے کداس کا مربع نظرانداز کیا ماسکتا (١٦) ب- ير مشوس ايك تجاذبي مائع سے جمكي ست ك اور ثمانت ف سے كفر أبوا بعثابت

حروكه آزاوسطي ك مساوات تقريبا

ر=ب (ا+ مه عن (جمطه) }

ہے جہاں

(١٠٥٠) ك ب ٢٠ (١٠٥١) (١٠٥١) و١٠ (١٠٥١) ۲۹ کی کیساں بے بچک سال کی کمیت شجاد ہی اکا یوں میں کے سے-اپنی ذاکشش کے زیما تر یہ ایک کرو کی شکل اِضیار کرنا ہے جس کا نصف قط و سے اسکوایک کمزوز قوت کے

ميدان ميں ركھا كياست مس كاتجاذبي قوهب

كسن من المنه عن (جمط) (ن سا) جاں ائع کی ادسطار وی سطے کے مرزسے کر نایا گیاہے۔ مین کے نفوذی رقوں کے مرجع نظرانداز ملے جاسعتے ہیں۔ ابت کردکر آزاد سطح کی سادات ہے۔ $\frac{1}{r_{\perp}} = \frac{\gamma_{C}}{r_{\uparrow}} + \frac{\gamma_{\downarrow}}{r_{\downarrow}} + \frac{\gamma_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}$

کے کسی نقطہ برکا دہاؤٹ بہو تو ٹا بت کرہ کہ خول کے اندکمیت کے مسادی مصول کے حساب سے اسط دباؤ ہوگا

۱۲۷ - ایک بندنف کردی برتن کا نفعت قطراب-اسکواس طرح دکھا گیاہے کہ اس کی متوی سط افتی اور اور بروار بروار برے اس میں بنجانس وزن دارہ کر ڈالا گیاہے جرمور کی طرف ایسی قوت سے جذب ہوتا ہے جرمور کی طرف ایسی قوت سے جذب ہوتا ہے جرمور سے فاصلہ کے کمعب کے تنامب معکوس میں ہے۔ مائع کا جم اسقدرہ کہ اس کی آزاد سطے نفعت کر ہ کوراس سے زادی فاصلہ ﷺ پرملتی ہے۔ اگریہ نفا م محررک کرد کی اس زادی رفتار سے سے گوسے قواز ادسطے برتن کے سمت می رفتار سے سازاب برایسے دارہ میں ملتی ہے جرکا فعف قطرب ہے تا بت کردکہ اکا تی فاصلہ پر قوت سنز زاب برایسے مربوط ہیں برونی جا میں اور ب اور سدساوات ذیل سے مربوط ہیں

 $\frac{115 e^{2}}{4 - \frac{1}{4}} = 17 - \frac{1}{4} + 17 = 17 + 17 = 100 =$

ساس سائع کی کچے کیساں کمیت کر وی تعکل کی ہے۔ اس کی کثافت ن + لا ہے اور ضف قطر الساس سے کرو وور اب یجک ارتفاق حس کی کثافت منت ہے اور بیرونی نفست قطر دیا۔ یہ پورا نظام حرف اسینے ذاتی تیا ذب کی وجہسے توازن میں ہے اور نیز کوئی برونی دباؤ عمل نہیں کرا۔ نا بت کروکہ مرکز پر کا دباؤ ہے

(لا) ما ، ی)یزنوت(فیاکا فی کمیت) کے اجزائے کیلیا۔ و لا)۔ ب ما ' ہے ہی ہیں-مبدا و پردباؤ ادر کتانت علی الترتیب د اور مش مشکر مساوی ہیں۔ ابت کر کہ وبع ثكاء ٨ ١١ ١٦

(۲۹) مع مرواکی دی بون کمیت ایک موابنداسطوانه میں سے جب کا محورانقدا بی ہے موا اسطوائے محورے گروا منانی زارن می گوم رہی ہے۔ محورے بلندترین نقطه بر و باؤ و اور اس کی مختی سطح کے لمبندترین نقاط بر د باؤ دے نابت کروکراگر سیال مطلق طور يرساكن بونا تومورك بالاني نقطه بركا دماؤ

رو - کر) سرتا ، جاں ہوا کا وزن بھی محسوب کیا گیا ہے۔ س کی کیم کیت مستقل تبرشس برایسی قرن سے در عمل ساکن ہے جن کا قوہ فضار کے کسی نقطہ برفد ہے (فضار کے مدودی مغرائط کچہ بھی ہوسکتے ہیں) آس نقطہ برجہاں فر فربوتا ہے، دہاؤ ہ اور کثافت ن ہے۔ راب کیس بسے قرن کا عمل ہادیا کہا ہے اور اسکوالیسی فضاییں مذکریا کیا ہے جسیس

اس كى كثافت كيسال من بهتى بعد تابت كردكه يسيلاؤك باعث كيس بي ذاني قالا في إلغؤه كانغضان يير

ث*ارکار د و شد خ* ز س جهات كمل كو كميسر بجرس سن كئ بين جكروه ابتدائي حالت يس بقي _ اله الم ایک تعلدارسیال کی دی ہوئی کمیت کے ایک استوار خول میں وافل گائی ورست دہتاہے بیمیال ایسی فرز سے نظام کے زیمل سکوں افتیار کر تاہے جس کا توتی تفاط ب المراكز
م ساب انع كى كيم مقدار جس كى تأنت اليسعداتى سب جيسة كرائى ايك الني مكانى الماس من ارتفامی مج ب ب ارتفاع مک بحری بونی سرے ایابت کررکد اس کی کتان ایسے بدائی بھیسے کہ ان کام بع اگراس کو ایسے بران میں منتقل کیا جائے حسکی شکل منحنی ١٠ = ٢٦ ف لا (١٥- ١١) (١٥ - ١١) کو محور لاکے گرد کھمانے سے حال ہوتی ہے جہاں و کوئی سنقل ہے۔

۵۳۔۔۔مازب الذات مانع کی کمیت حباری خابخت مٹ ہے تواز ن میں ہے تا اوک شنر کا معکوس مربع کا فالون سے انا بت کرد کہ ائع سے کسی کرہ میں ادسط دباؤ مرکز بیاسے دباؤست بقدر بل ١١ من ز كر كراوكا جمال دكره كانصف قطرب

۱ س مسلک بند کھو کھلا قائم سند رمخوط ایک افقی مستوی پراسینے قاعدہ پر کھڑا ہوا ہے۔ ال كوائع ست عين مجرد إكيا جلس كى كثافت ايسى بدلتى بي خيسة كمرا ئ-اس كي بعد الو البط كراس طرح تماماً كمياسيه كماس كاراس عين سنة ي پرمواور محرر انتصابي مو- "است كروكه اسكى منحنى سطح يركا حاصل دباؤ مقداريس غير شغيرر بتباهب ليكن التع كى تواما في بالفؤه نسبت

سے برلجاتی ہے ۔ یہ فرض کرایا گیا ہے کہ اگر مائع کوستوی پر ڈالدیا حاسے تو توانا تی ! العوه صفرہو تی ہے۔ 2سے ایک سال فاون

رت۔ شبی ہ (د۔ د)

کے مطاب*ق خیعت طور پر* دتباہے جہاں م ایک جیو فی مقدار ہے۔ نابت کردکہ اس سے یال کی ہے۔ ۱۹ ت ایس کمیت اسینے زاتی سجا دنب اور بیرونی دباؤ جسکے زیر عمل ایک کردی نتكو إختياركرتى سي حبركا نعنف قطر لقريباً

الرا - المسيد به م ١١ وا في المالي م ا م م سے گیس کی کے کمیت جوشنفل بیش رہے تمام فضار میں بھیلاد می *گئی ہے اور نف*ظ

فاصله برسیال کا داد معدوم بوجاتا موسد مصدوم در مانا موسد مصدوری (cardiod)

(= ((1 - جم da)

کو اس کے مورسے گرد جوانصابی ہے (راس او بر کی طرف) گھاکر ایک ظرف بنایا گیا ہے۔ اوراسکو بانی سے صین بھر دیا گیا ہے۔ کیسال زاد می رقمارت یا آن محورسے گرد گھوم رہا ہے۔ بیافیار معلوم کر وجبے صغر دباؤ کا خط طہ = ﷺ ہوکسی دوسرے نقطہ بریمبی دباؤ معلوم کرد۔اور وہ نفت اط مھی دریافت کرومن ریکا دباؤ بڑے سے بڑا ہے

می دریاف ارجن برقا د؛ دبرس سے براس بر اس بیری بول ہے جس کے ذرات ایک نقطہ کی اور سے اس بیری بول ہے جس کے ذرات ایک نقطہ کی طوف ایسی قرت سے جنب بوتے ہیں جوالیسی بدلتی ہے جیسے فاصلہ اس سیّال کی پوری کمیت دی گئی ہے۔ ایک دائری تسرس برکا درازی تسرس کر در برت ۔ مرکز برت ۔ مرس سے دائرے بین کا مرکز قرت کے مرکز برت ۔ میں کر جواری پر ہیں اور جرستوی لا ما کو سبدا و پر مس کرتے ہیں کہ من کہ تعلیل سے جان نقطہ ن میں سے کر زیوا ہے دائرہ کا نقین (را طرا نفر) سے کیا گیا ہے جمال نقطہ ن میں سے گذر نیوا ہے دائرہ کا نقید ن اور موری کے در میان جوزاوی نبا ہے اس کو فنہ اور موری میں سے گزر نیوا ہے ایک تاب سیتری کے در میان جوزاویہ نبا ہے اس کو فنہ سے تعریر کا گیا ہے۔

فرد میں (ا جم طر) فرر + ت مب طرفرر + قت ر فرطر + ن رحب طرفر فر جاں ائے کے مقرم برقوتیں میں، م ت ، م ن علی الترتیب ج ن کی سمت میں دائرہ کے نقلان برے ماس کی سمت میں اور دائرہ کی سنوی پر سے عمادی سست میں عمل کرتی ہیں۔ سام سے پاک مجدار سیال کی کمیت ک ایک مورک گردکیساں ناوی دفیار سدسے گھوم میں

سرم -- ایک مجداد سیال کی کمیت ک ایک محور کے کو کیسان ناوی رفیار سدے تھوم رہی بے اور محور کے ایک نقطہ کی طوف ایسی مضعش کے زیر عمل ہے جوفا صلہ کے مرکزا کے مساوی ہے۔ مد، سراسے بڑا ہے۔ تابت کروکر مساوی کتافت سف کی سطح کی مساوات ہے مد (الآ + آ + مح) - سدا (الآ + آ) = م لوک { معرار مدسستال × میں م ر فقار معلوم کرد که حبس سنے لمزند ترین نقطه بید دا کو صفر ریا سندیک اوراس صوریت میں کاعدہ بر کا دباؤی بھی معلوم کرد –

۲۵----ایکنزن دار مانع انقی مستوی پرتها برواسه اور ایک تابت مرکز کی طرف ایسی مشقل قوت سیست عذب برور باسرے جس کی خدت جاذبه ارحن کے مساوی ہے ۔ مساوی دیا وکی مطوں کی کنکا مدانی

نیز مستولی برکا د باؤمعلوم کرداور تابت کرد کی حب مستوی قوت کے مرز میں سے گروتا ہے تو یہ دہا داکتے کے وزن کا سے ہتوا کہے ۔ نیز سسنوی برکا دبار کاس صورت میں مجی معلوم کرو جبکہ

مستوئ فوت کے مرکز کے لیکے یا او پر واقع ہو۔ ۱۲۱۔۔ ایک ہمذات خول کا دوکر بی طحیر اِ حاطیا کرتی ہی جوہم مرکز منہیں بخول کا او و قدرت کے تعافران

مہداں نتیاں سے اور اس سے اندر کے صداد سے ان اس کا انداز کے سے جڑا بھر دیا گیاہے جو ہوکے ساتھ یکساں نتیاں سے کروں کے مرکزوں میں سے گزینوں بے طالبتنٹرے کے کو تھوستا ہوتیاں بھر کیا اور کا دائو طے کو کئی کا فی کم ہو

۲۷ ---- ایک استوارکردی فول متحالف بے بیک سال سے بعر دیا گیا ہے حس کا ہر ذرہ ایک دوسرے کوالیسی توت سے مذب کر اس جرفا صلے کے مربع کے با سکس برلتی ہے تاست کروکہ

رو مرصد و این و سام برب را به برها سام مرب به باست بربی سی بایت رواد مطلح برست و این برای سی از بنیوالی کره کی سطح برسکه و با در سیال کے کسی افرارونی تفطر برسکه و باتوی فرق اس نقطه میں سے گزینیوالی کره کی جمو تی سے چھوٹی تراش سکے رقبہ سکے متناسب ہے۔

م استواك كلابرتن حس من مان سبع كيسان زادى دفتارست ايك انتصابي مورسك كرو

گھما اِگراہے برتن کی شکل ادراس سے ابعا دمعلوم کروکہ وہ عین فالی ہوجائے۔ ۲۹ ۔۔۔ متعانس سال کی ایک فیرمحد ودکمیت ایک بند سطے کے گروہے ارسطے کے اندرونی

نقطہ (گ) کی طرف الیسی توت سنے حذب ہورہی ہے جوفا صلے کے کمب سے تناسب معکوس میں ہے اگر سطے سے کمسی نقطہ ن برہے عند برجود ما دسے اسسے سست ن و میں تحلیل کیا جائے تو نا بت کردکہ اس طرح حاصل خدہ نمام معتطوں کے قطری داؤں کا مجوسہ

تعلیل بها مجاسے کو تا بت کرور اس ورح کا سر معلوم معلوں سے نظری دباد س کا جموسہ مستقل رمبتا ہے خواہ مطلح کی حبسا مت ادر اس کی نشکل مجھوہی ہولبنٹر طریکہ نعظمہ ن سسے لا متنا ہی

سے مال ہوتی ہیں جاں ادافتیاری مبدل ہے۔ ٢٠ - ايك كموكولاكره حس كا نصف قط الرجه اكا أل كما نت كم متماس الع - ا عین مردیا گیا ہے۔ اسکورو خارجی جاذب مرکزی فوٹول میں اور تیا سے درمسیان مِنْ الْهِ بَنِي فَاصْلِهِ جَ سِهِ اینسے مِقَام پر رکھ رہا گیا کہ قران کی دحبہ سنے اس کے مرکز ششیں مسادی گرمغال ہیں۔ نابت کردکوسی نفطہ برکا دباؤ سے + \frac{1(\sigma + \sigma') \frac{1}{12} \frac{1}{12} - \frac{1}{12} + \frac{1}{12}}{\frac{1}{12} + \frac{1}{12} \frac{1}{12} + \frac{1}

(١٤) ا ٢-- ايك كره جس كالضف قطرج ب ستجانس العسي تقريرًا بحروياً كياب يدكره وت کے دوبیرونی مرکزوں کے زیاتر سے جوکرہ کے تطریر مرکز کی سفابل جا نبول میں است وا ف فاصلوں رواغ بن کسی نقل پر وت کے برمراز کی شش فاصلے مربی کے تناسب مكوس مي اور ما في كاكميت بران كاكتفي الترتيب عيد الرعيس ادر سيد الاج اس بي-

نابت كروكه مركزيركا دادسي

١٧٧ - ايك الن كانت جوايك اسطواني بتن ميسد ايست دبتي ب عيسيد كرالي اسكو ووسرے برتن میں متقل کیا گیا ہے جس میں کتاف السے بدائی ہے جیسے گہرائ کا مربع-

اس سنط برتن کی شن معلوم کرد-۱۳ سنط برتن کی شن معلوم کرداوید راس الله به با نی سعی عین بحر دیا گلیا ہے اور اس کا ۱یک کمون ایک افعی مستوی میں مصنبوط جرد اگلیا ہے مستوی کو کیسا ل زادی رفتار سند ليك انتقعا بى محدك كرد جرمخوط كراس مي كُلْتاب كما ياكياب - برى سن برى

۱۲ -- اگرائع کے ایک عفر (جنعظہ لا) کا می برہے) پر عمل کرنے والی قوق ل کے اجزاے تعلیلی محوروں کے متوازی علی الترمیب

كىتناب بران آبت كرك وازن كن بركي مرتسي بير عامل بونا جاجيك

١٥ - مانع كي تي كميت وردن

"G-(1+4)=-"1-" (1+6)= 1-" (G+1)= 8

ے زیر از ن میں ہے۔ کتا نت معلوم کو اور نا بت کود کرمساوی وا دُکی سطمیں گروشی زائد نماہی ۱۶۔۔۔۔ ا کع ترت سے ایک سیلان میں ساکن ہے جا ں

ما + ي = منفل سے وال بوتے ہي

۱۸ --- سادی دا وی سطحین سعلوم کروجگرکسی نقطه (لا) ما) یکی قوتون کے ابوالے تخلیلی ما (ما + می) یکی قوتون کے ابوالے تخلیلی ما (ما + می) می (می + لا) ما (ما - لا) ہوں نیابت کوکر مطلوب طمیس زائدی مکا فی تناہیں

ال (لا + ى) =ج (١ + ى)

4 --- ائع قوتوں کے دسے ہوسے نظام کے زیر ممل متوازن ہے اگرت = فد (لا الا می) مشہ = فد (لا الا الا می) کسی نقطه بر کی کتا فعظ کی دومکن قیشیں ہوں تو تا ہت کروکھ ہر مورت ہیں مساوی دبا وکی سلحوں کی مساواتیں فد (لا اللہ ما اسی) = •

كم خنى قائم زائد ہں۔

۸۔۔ ایک مٹوئس کرے کے اندر در کر دی جوف میں جیکے نشف قطر عثوس کرے کے نشف قطر

کے تصف ہیں لنگوا کئے سے بھرویا گیا ہے۔ معموس ا درمائع کے ذرات ایسی نو توں سے ایک ا درسرے کو مذب کرتے ہیں جوالیسے بلتی ہیں جیسے فاصلہ نامت کردکد مسادی دیا و کی سطمیر

منوس کرہ کے ہم مراز کرے ہیں ۔

q --- نا سِت کراد که قو تنبر جو

٧ = مه (ا ا + ما ي + ي) ما = مه (ي + ي لا + لا) كي = مه (لا + لا +))

مصافیرونی بی انع کی کمیت کوساکن رکهینگی اگر انج کی کنافت ایسے بدے جیسیوستوری

لا + با + ى = · = من الما الما من المورد من وارد المساوى وارد المساوى كثافت ك

کے منحنی دائرسے ہیں۔ مرکز پر ایسے

والسائراً يك مخروطي سالى العُ مع بعروا حاسة تونا بت كردكه العُ كے حجم من سي نقطه پر

مے اوسط دباؤ اور سالہ کی سطے کے ایک نقطہ مرکے اوسط دباؤ میں نسبت سے : ہم کہوگی۔ ...

اا --- ایک ب وزن برتن قائم مخروط کی شکل کام جسکا زاویدراس م عمر سے - برتن ولم نع

سے بھرونا گیا ہے اوراس کو کرکے کسی نقط سے نظادیا گیا۔ اگر مو وط کے بحر کا سیلان اتصابی

سمت كساته برز نابت كردك

مم ۲ ہر - شلے مم ۲ ہر = مم ۲ عد - شلے قم ۲ عد ۱۱--- ان کی کیکست ایک مرکزی جاذب نورت (میے) کے زیر مس ایک سنوی رساکن م توت کا مرز مستوی سے ج فاصلہ براس عامت دائع ہے جن طاب ان نہیں ہے - مارئع کی آزاد

كردى مطح كانفىف قطراو ب. نائبت كرو كرمننوي بردباؤ

= \frac{\pi}{2} \frac{\pi}{2} /del>

۱۷۱ --- ایک متجانسس انع دو قوتوں کے زیر عمل ساکن ہے جوالیسے دلتی ہیں جیسے دو ٹا بت تعظوں سے فاصلوں کے سکوس مریعے سیاوی وا اُو کی سطویر معلوم کرو-

کو منز دادگی ط ایک کرد موتونا بت کرد که ایسے تقطوں مے طریع ی بیاد بار قوت کے

ایک مرزمے فاصل کے العکس متناسب ہے کرے ہیں۔

(P4)

آزاد بنطح کا نتین ہوسکتاہے نیکن ہوبا درسے کہ ہمیشدازا دسطے کا موجود زوء مکن نہیسیں وہال آزاد سطح کے وجود کے لئے صروری ہے کہ مساوی دباؤ کی سطحیں کروش کے محدرکے لحاظ سسے

ا -- ایک بندی جا اقس کی تشکل میں ہے اوجس کا محداعظم انتصابی ہے تین مختلف التوں سے جن کی تأفیس مشاء مش_{اء} اساء ہیں بحردی گئی۔۔ اگر سطور کا صل کے فاسطے ی ایک اسکوست علی الترتیب ری ری کرم ریموں تو تامت کرد که

ر (نفر - نفر) + ر (نفر - نف) + ر (نف - نق) = ٠

٢--- ايك ساكن متيانس الع كى دى بونى كميت ك ذرات فالزن قدرت كيموعب ايك دوسرك وحدب كرق بيكسي نفطه بركا دبار كمعلوم كرو-

ر ایب مانع کی تنا نت ایسے برنشی ہے جیسے آزاد مطے کے نیچے گہرا فی کامریع - (۱)متعطیلی رقبه يرد الوسلوم كروجو تصاباً عين ووبا مواسم اورجسكا اكسفلوسط مي سع (١٠) والري رقبربر

كا دا دُمعلوم كرو جو ما تع مير عبن دُوبا بواب، م سب مكاني رقب كوجوور عاص سبع محدود سع إيك الع مين انتصاباً عين وجروبا كما سبع الكا راس ائع کی سطیمیں ہے۔امپروا وُمعلوم کرو (۱) حبکہ الع متجانسے رود ۲) جبکہ العُرکی کُٹافٹ

ه مسدمساوی داندگی طعیس در افت کره جکر توتین نابت مرکزون کی طرت اُنل مون ادایس برلتی ہو**ں جیسے ان مرکزوں۔سے فاصل**ے۔

ب من من المسلم وارسطی (وور البة السطوح) و النها بحرد یا کیا ہے) اور اس طرح تھا ا کیا ہے کہ ان کے دومقابل کے کنارے افقی ہیں۔ اس کے مختلف بہلو قدل بہلے واک

ما نُع كني وزن ك معائد مقالم كرو-ا سے اور نقط ال ا ای پرنی اکائی کمیت محدوں کے متوازی قرایس

ا(٥-ى)، ١ (٥- ى)، ١٠

عمل كريس ترفابت كروكم مساوى وباؤكي مطيس زائدى مكافى نما برسادى وإ داد كمافت

ميكرد كحوتاب

فرد = ف [سا(لافرلا + ما فرما) - ج فرى)]

د = م ث : م دک ث = س^{ا لاً + ال} ح ی + هر

اس طرح مسادی دا فزک طمین درسادی کنانت کی طویر سکافی نما بیر. نرن*ن کرد*کہ برتن اسطوا نہہے جو ہینے تحورے کر و گھوم رہاہے اور نیز سیال کرکا کمتیت

دی مر ن سنے میں تقوم ملو کرنے کے لئے سیال کو عنصری افعی حلقوں میں **(برایک کی کتا** اے کیساں)

ترتیب جا بہواخیال کرور اور فرض کروکہ اونیا کی برایک علقہ کا نصف قطر رہے اور انعتی موٹائی معن در انتھا ہی دوارتفاع موٹائی معن کی ہے، اور اسطوانہ کا نصف قطر و اور ارتفاع

با سیے بو طعنی کمیشار ۱۹۲ منٹ دمعت می

المال کا کمیت (ک) = رُ رُ ۱۱ من ر فرر فری

جال مبداكواسطوانك قاعده سي ليا كياب

ت = في مر وسرارات عنى

 $|a| : \sum = \frac{77}{5} \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{$

اس مساوات سے هر معلوم بروجانا ہے۔ ۳۲ --- اگرسال بکسال زمنارے گوم رہا ہواور کسی شم کی قرنوں کے زیر عمل ہوتو تو از ن کی مساوات عام ہوگی

فرد = مت { لا فر لا + ما فر ما + دے فری + سد (لافرلا + ما فر ما) } قوازن کے امکان کے سلنے خواکی تین مساواتیں پوری مونی جاہد ہن خدکا پورانکلی ہونا ظاہر مردادرا گرینشر طیس بوری ہوں قر مساوی دباؤ کی سطحوں اور تعیش صور توں یس

کوئی اصافی قان ن کی ایسی صور قون میں سیال کا ہر ذروایک دارہ میں کیساں رقار سے حکت

کرگا درسیال کے کسی ذروک پر عمل کر نیوائی ہیرونی قون ا دراس پر کے سیائی دباؤکا عاصل ہو

کہ سدار کے مسادی ہوتا ہے جو عور کی طاف عمل کرتی ہے جہاں سد زاو می دفعار اور ر ا
محورسے ذرو ک کا فاصلہ ہے ۔ اس لئے نیٹی کلما ہے کہ ہیرونی قوتوں کو اگرسیالی دباؤ
ادر نورسے قمل کر نیوائی قوتوں کی سنا ر کے ساتھ ترکیب دیاجا سے قربیں سکونی توازن کا ایک

نظام سلے کا جس پر دفعات کو شتہ کی مساواتیں استعال موسکتی ہیں ۔

متجانس لائع کی کی کمیت ایک برتن میں کیسال دفتار سے ایک انتصابی محورے کرد کھوم دہی

سے کسی نظ لو ہو اوادر مسافری دباؤ کی سلمیں معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

انتصابی محور کو محور می ذعن کرد۔ قرت کی کسنا رکوموروں کے متواذی محلیل کرنے

سے میں ادر سیائی توازن کی مساوات

عامه بوماتی ہے۔ فرد = ف (سالا لافرلا + سال افرا - ج فری)

اوراس کے

اس کے سادی دباؤکی طعیں گردشی مکا فی نما ہیں ادراگر بن کے ادر کا سرا کمیسا ہوا ہو تو آزاد سطح مساوات

ساً (لا + ا ") - ۲ ع ی + مف = مشا

سے عاصل ہوتی ہے جمال ۱۲ برونی دباؤے ستقل کا تعین ہرخاص صورت میں مغروضہ چیزوں کی موسے کیا جاسٹتا ہے -

مان مدار الله معدد المرابع معدد الماسك المرابع معدد الماسك ادر ١٦ = . تو مورك بلندترين

نقط کومبدار وارنینے سے د عن حبکہ لا ، ا ، ی صفر ہوں ادراس کے هر عن اور

د = ف (لا + الا) - ج ى } ١٣ - اب ايك ليسه م اوستال ي صورت برغور كروجوليك برتن بي بندست جوايك انتصابي

زمه

(۱۲۳) اس نیتحد کو مه بیر او × بیر ۱۹ ث و این کشش میں رکھا جا سکتا ہے۔ یہ جوار کیشش کوظا ہرکر ایسے بو مانے کی کل کمیت پر جبکہ وہ مرکز تقل برایک ما دی ذرہ میں کمنف ہوجا ہے عمل كرتى إدر در مقيقت يه طريه فرض كرك معى فوراً عال كما حاسكتاب كريه ما كع تے مرزر کی کشش اورستری کے تفامل کی وحبہ سے ساکن ہے ر مع) ایک وِز نَ دارا نُع کا ویا مواحجم ایسی فوت کے زیرعمل ساکن سے جوا یک ٹا بت فقط کی طرف عمل کر تی سے اور ایسے دلتی اے جیسے اس نقطہ سے فاصلہ۔ ناكب نقطه كومبال قراره و اورى كوأنتصابي مت مين ينيح كى طرف نايو- تو ٧ = - سرلا ما = - سرا ، ع = ح - سرى

> ∴ فرد = ٹ{ - مدلا فرلا - مد ما فرما + (ج - مدی) فری } اور الله عمر مر الأج الأ + ي + ع ي

مساوی دباُدگی سطحین کرسے ہیں-اورا زا دسطے بیرونی وباُوکو صفر فرض کرکے مسا وا ع لأ+ الم + ي - الح ي = <u>الم م</u> سے ماسل ہوتی ہے۔

اس کودنے موت مجم کے مساوی رکھنے سے مشقل هر معلوم موجاتا ہے اور مجم کسی تقط برکا وہا ور اور می کمن تقط برکا وہا و را در اور می کی روین اس کیا جا سکتا ہے۔

س سارسال كى محدمقدار كيسان رفارسے اوراسينے فروں كے اضافي مقااب كى تبدیلی سکمانیر(بعنی سنزائم کی ایک است ورسے گرد کھوسے او گذشته ساواتوں کے قوام ہم سی نقطد پر کا داؤ اورمسا دی داؤ کی طحوں کی نوعیت معلوم کرسکتے ہیں۔

1 23.5

كزره ساكن سي تو

فرو = ف (- مراك فرط - مراك فرما - مراك فرى)

س کے مساوی داو کی طعیں متفایراتھ شاہر اور آزاد طلح ک ماوات جبکہ بیرونی داؤ

- ج على المراكب المرا

اب جس شرطت متعل ملوم براب مدير ب كمائع كافح دياكمياب ادر

ع = بر اوبع (مرف) الم

و ۲) ایک نابت ستوی برا نع کا دیا جوا مجرای ایس وت کزیر اساکن معروستوی ک ایک نابت نقط کی طوف عمل کرتی ہے اورالیسے دلتی ہے جیسے س نقطرسے فاصلہ-

فأبت نقطه كوميدا قراد ديكركسي نقط يردا ومعلوم كرن تمح كم لف حبله

د = مر- المرف (الم + ما + ع) = مر- المرف رالم + ما الم جال رمبائت فاصليك-اوراكر الله الاوابواجم بوتو أزاد طع نصف تطرلا والانفث

كره سيه -اور

(5-岁) 山ルニコ

مستوى كاده مصحبكوما يمس كرتاب ايك داره ب مكل ضعف قطر الب ادراس كئ اس يركا دباؤ

= اُ اُ د ر فر ر فر طه

ツェルカー

حل کوبورا کرنے سے سلے بورے حجوں کومسادی رکھنا جا ہیئے جس سے ہیں گئا =ج ف حاصل ہوتا ہے جوف اورج میں مطلوبر بطہ ۔

۲۸ — جا ذبه ارض کے زیرعمل کیکدارسیال کاسکور.

 $\ln \frac{ic}{c} = \frac{5}{2}ic$

يبان مجى ساوى دار كسطوير افتى ستزى بي اورستقل ج كانتين ى كىكى دى ہوئی قیت کے لئے داو کے لئے داو کے معلوم ہونے سے بوسکتا ہے ۔ یااس صورت سے

متعلی کسی نے مجے دا قوسے معلوم ہونے سے ۔ مثال: ایک بنداسطوا ندیں حبکا محورانتھا بی ہے ہواکی دی ہو کی کمیت ہے۔ اسطوائہ عمرے سے ی کو نامینے سے

ك = رُفْ الرَف
جسے تے معلوم ہوجالیے۔

۲۹ -- مسا دات عامہ کے استعال کی مثالیں ۔ (۱) فرمن کوکہ مائع کا دیا ہوا مجم سے محدوں کے متوازی قولوں

كُنْفَ جُوكُ (ك - لا) كا اور نيز (ك - لا) كا ديا بهوا تفاعل سيم من دونون جلون کو مساوی رکوکر لا کو لا کی رقوم میں معلوم کر<u>سکتے</u> ہیں ۔ نرمتناطرتوں کے جوں کوساوی رفضے سے ہم الافرال = تا فرا فال کر سے م جس میں لاگی قیمت لاکی رقوم میں مندرج کرکے ہم مطلوبیسا وات معلوم کرسیتے ہیں۔ اور پھر پورے جوں کو ایک دوسرے کے مسادی رکھ کرگ کی قبت معلوم کرتے ہیں ۔ مثال ا سایک اسطوانی برتن میں اُنے کی کٹا نت ایسے دلتی ہے جیسے گہرائی قانون کٹافت نعلوم کرو اگرا نے کوایک مخروطی برتن میں ڈالاما سئے جسکاراس بنیچے کی طرف ہو۔ ث = مه (گ - لا) اور ١١ والا = ليه ١١ لِلا مسس عد نير ٦١ واگء ليا ٦١ گنامسٽء ، ن=مران مرائد <u>گا-لاً = مرسن</u>م (ساک ی - ساک ی + ی) اگرگہرائی می ہو۔ مثال ۲۔۔۔ انع کی مجدم نوارجس کی کتافت ایسے برلتی ہے جیسے گہرائی ایک او ندھیے اس کر کا ایسے مرق کی شکا معام کرتا یا الطحه مکانی نمامیں دی ہوئی بلندی تک بهری ہوئی سے ایک ایسے برتن کی شکل معلوم کرتا ^ہ (چرگروشی سطح کی شکل میں ہو) کہ اگراس النے کواس میں ڈا لاجا سے تو مختافت السے بدلے اس صورت مي ت=ماف-لا)=مراف-لا)جان ف كرائان بن-لا = ف - بر فق - لا) الرم = مرج سادات ۲ و لا فرلاء كأ فر لأسے ع كاء ٨ و (ف - لا) (فنج - (ف - لا) } حاصل ہوتا ہے۔ بة شى+ ۱۱ ئى شۇ كى + ۱۱

ع۲--- یہ ایک مشہور قانون سے کہ اگر جاذبہ ارض ادر چکنی سطوں کے دباؤ کے زیر عمل کو ٹی نظام متواز ن موتو توازن قائم ہر اسے کبنرطیکہ مرکز نقل نیلے سے نیلے کن مقام میں واقع ہو۔ حِس سے مین تیجہ نخلیا ہے کہ فیرمتجانس ائع کی صورت میں کمرا بی کے سائٹ کثافت کو بڑھنا چاہیے۔

اس طرح اگرایک غیر شیائن انے کوایک برتن سے دوسرے برتن میں ڈوالا حلیے توسیے وزني مته ينجيم مبطه حباستُ كي اور قانون كثا منت يقدناً برلحائيگا -

مانع کی بچومِقدارحسِ کی کثافت گہرائی کا ایک ویا ہوا نفا عل ہے *نے بھٹے* اگراس مائع کو دوسرے برتن میں منتقل کمیا حاسے کو سنے

برتن کا کوینی شخی ہے اور ما = فد (لا) دوسرے برتن کا۔ پس اگر سیلے برتن میں لا لمندی والی ت دوسرے برتن میں لا لمندی والی تهد کے متنا طرو تو چونکه جمرسا دی میں اسلنے ہیں حاصل دوگا

اً إن (ظ) أَ فرظ = أَ إِنَّ (ظ) أَ فرظ

بعمل ممل سے لا كو لا كى رقوم ميں حاصل رسكتے ہيں۔ وراسكتے ت جو لا كا تفاص

ے کا کا نیاتفا عل بنجابے۔ نیزاگران دوبر تمنوں میں الع کی گہرائیاںگ ، گ موں توگ کو گ کی رقوم میں معلوم کرستے ایں اور اس لئے کا فت ٹ گہرائی گ ۔ لاکی زمین معلوم ہوسکتی ہے۔ معلوم کرستے ایں اور اس لئے کا فت ٹ گہرائی گ ۔ لاکی زمین معلوم ہوسکتی ہے۔ الكرينا قالون كنافت وإجائ اورئ برتن كيشكل معلوم والمطلوب بوتوتهم اسطرح

(11)

اور و فغه(۱۵) کی مساوات (عه) ہوجاتی ہے فرد دی ب و ی حبکوایک انتصابی حیوے اسطوانے کے توازن برغور کرنے سے بی بلا واسطہ طام د = ج ٹ ی + a اورمساوی دبا و کی سطی افقی مستوی ہیں۔ اس سلئے آزاد سطح افقی مستوی ہے ادراس لئے سباکو آزا دسطے میں ادر 17 کو بیرونی داؤ قرار وسيف سسے د = ج ت ی + ۱۹ اگر آزاد سطح برکونی دما و نه جو تو د دج ب ش ی مینی کسی نقطہ رکا رہا وا اڑا دسطے کے نیسے اس نقطہ کی گہرائی کے متنا سب ہوگا۔ غيرمتجانس سيال كي صورت بين مساوات سے فل ہر ہے کہ ب کو ی کا تفاعل ہونا چاہیئے۔ اس سے معلوم رونا ہے کہ ایک ہی اُفقی طع كي تمام نقطو سيركما نت اورد إلى متقل بوت مي-مثال کے طور رفرض کر وکہ ٹ 🙃 ی ت = مہ ی ن __ دو الصفح و المحمم ميز نهيس موست ايك خرار على بس داك كف بي البت كروك مكى مشترک سطے سے آزاد سطول کے ارتفاع کتا نتوں کے الفکس متناسب ہوتے ہیں۔ مشترک سطی بروبا و دہی ہیں اور اگر شترک سطے سے آزاد سطوں کے ارتفاع ی ، تی ہوں

اورا تعات كى كتافتين ت، ت مون تويد داؤعلى الترثيب

(11)

(19)

کیونکہ اس عنصر کی سطح برے سالی دباؤتمام کے تمام مرکز کی مت میں کوستے ہیں ا اورا سلنے عمل کر نیوالی تولوں کامعیار مرکز کے گرد معددم ہونا چاہیئے -فرطن کرد کم مرکز کے محدد لا، لا، می ادراس کچھوسے کرد کے افد کسی نقط سے معسدہ اب چونکه مرزیر کی کثانت من ہے اسلے جلہ کے فرم (ے بر- مام) ہوجا اسے الأفرع فريه فرحه (ت+ جعن ف عد جعن ف به جعن ع) (ب (ع + جعن عم الأفرع فريه فرحه (ف + جعن الله عد المحين الله بالمعن عن الله المعن عن الله المعن الله الله المعن الله الله الله جهن مے بہ جف مے م) - مر (ما جهن ما عد بحف الله به جعن ما مر) } + جهن ما مر) } اب الكر عفرعه فربه فرجه = ، اكونكره كامرز حجم كامرز تمل ب اسى طرح إلى برعد فرب فرجه و ، ، وغيره ، ادراگر فرة = فرعه فرب فرج ، تو الأعازة = إلا با فرة = الأمرا فرة = الله (عما + برا + حبا) فرته = الله كرم المركز فررً = الله المركز الله المركز ا اسطرح اكرعه ، ب ، م كى اعط قوق كونظرا ذاركرديا جاست ومعياركا جلى موماتيكا \ جن (ت سے) - جن (ث ما)} ۱۹ ارق ما) اور چونکہ میسفرموجا ہاہے اس کے ج<u>ن (</u> رف ک) = ج<u>ن ی (</u> رض ما) ۔ جا دبہ ارض کے درعمل ساکن سیال۔ موری کوانتصابی لیکری سیجے کی طرف ایٹے سے

مېم نے شکل د ۲ اکی معیاروں دالی سا دانق کوابھی تک استعال بنیں کیا لیکن بیم ابت کرسکتے ہیں کہ دہ مجمعی مساوانوں (۵)ستے پوری ہوتی ہیں۔ شلا

∭ما ج<u>ف د</u> نرلا فرا فری

پر عور کرو ساگر ہم اُسی نشور پر پہلے کی طرح کمل کریں اور اس کا خیال رکھیں کی منشور برامشغل ہے تو ہمیں حدود ن اور ن ، ن س اور ن م دعیرہ کے درسیان کمل کرنے سے حال ہوگا

کراد فرا فری

اور اوبر کی طرح یہ گا حل ما فرسس کے مساوی ہے جس میں یوری سے بر تمل لیا گیا سپے - بعنی مساوات (ہم) اس عالت میں بھی درست رہتی ہے جبکہ ہم شکس میں ا (یا می) جڑو خربی کے طور پر مساوات کی طرفین میں شال کرویں - اسی طرح کے استدلال سے حاصل جوا ہے کا

ككن (ائد - ىما) فرلا فرا فرى

اس طرح (۲) کی تصدیق ہوتی ہے۔

بر ما در رہے کہ چونکہ سال کال فرضی یا حذبی زور کی مزاحت کے نا قابل ہوتا ہے اسلئے
اس قسم کے زور متوازن سال کی کمیست سے اندر ہنیں یائے جاسکتے
اس قسم کے زور متوازن سال کی کمیست سے اندر ہنیں یائے جاسکتے
کہ محوروں کے گردمعیار نینے جوسما واٹیں حاصل ہوتی ٹین وہ لاز ما پوری ہون چاہئیں حبکہ
محوروں کے متوازی تو تول کے تسلیل کرنے سے حاصل مندہ مساواتیں پوری ہوں۔ کیونکہ
توازن کی صورت میں موخرالذ کر مساواتیں سیال کے کسی محدود یا صغیر جزئے لئے درمت ہوتی
ہیں اور تو توں کے اسی توازن سے لازم آتا ہے کر معیاروں کی مساواتیں مجی درست ہوں۔
میں اور تو توں کے کردی عفر کے توازن سے عورکرنے سے ہم یہ بھی ٹاہت کرستے ہیں کہ
سال کے کردی عفر کے توازن ہے غورکرنے سے ہم یہ بھی ٹاہت کرستے ہیں کہ
ساز کی خراط ہونے ۔

لكين الرطم، طب، طب المساها في ن ن ن الله المرواد عما وول کے میلان محررلائے سافھ ہوں تو

فرا فری ۔ - فرس جم طم = فرس جم طم = - فرس جم طبی = = - ل زرس = ل زرس = - ل فرس = ·····

علامت منفی ایشبت موگی موجب اس کے کزاوید سفرجه ایا و همونعین موجب اس کے كرمنشورميدات كمل مير وأحل إس مصفارج مورا موس

اس لئے (۱۷) میں حدو و پر کی تمیشیں رکھنے سے

الرحف د فرلا فرا فري = الر (م ل قرس + د ل فر س + دي ل فرس + سينسب

-ا ک د فرس پوری سطح پر -----اس قمیت کو (۱) میں استعال کینے سے مساوات

// جفن درست کا فرلا فرا فری = ۰

· (۱۸) حاسل ہوتی ہے اور نیز اسی طرح کی دو اور مساواتیں حاصل ہوتی ہیں اور چوکہ یہ سیکھے سیال یں میکس کی تمام وسعتوں نینی تمام بند سطوں کے دیے معدوم ہوستے ہیں اس-ان کے مشکم صفر ہونے جائیں

فزد = ت (لافرلا + ما فرا + م فرى) ك

کسطرے دباؤی اساسی مساوات حاصل کی جات ہے۔ فرعن کردکہ سال میں ایک بند سطح سس تھینے گئی ہے۔ اوراس کے کسی نقط بر بیرونی عماد کے متی جیوب المام ل م م ، ن ، ہیں۔ سطح منس کے امدرہ سیال ہے اس کی کہت کے تواز ن کی شرطوں کو اختصاراً یوں بیان کر سکتے ہیں کہ حدو د پر کے عمادی دبا و کسیت پر عمل کرنوا بی تو تو اس کا قواز ن کرتے ہیں۔ اس طرح محود کے متواز می تحلیل کرنے سے ہیں شکل ذیل کی تیں سیاواتیں کمتی ہیں۔

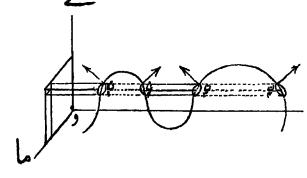
کر کر د فرس = کرکٹ لا فرا فرا فری ۱۱) اور محوروں کے گرومعیار لینے سے سمیں شکل ذیل کی مزید تین ساواتیں حاصل ہوتی ہیں۔

رد (ن، می) فرس = راک فراه می ما) فرلا فرا فری ... (۲)

جهاں دوہرے کمل کل مطع مس بر اور تہرت کمل کل بند فضار میں لئے گئے ہیں۔ اب محملہ کل جف نہ فرلا فرا فری برعور کرد جسکے صدود محمل وہی ہیں۔ محودلا کے متوازی

اب مند (<u>الا جنت لا</u> حرما فرب فرق به تورق بسطاره من الما من ا

ایک چا صوروجواده ع و بعث مرتبای رف مهمرس روی یا مورت مهم می است. برط که جزا فراس ، فرمس فرس ... قط کرا به امن شور کے ساتھ ساتھ کمل کرنے ہے بین صال موگا



ادر نٔ ۳ تا ن م وعیرو کے درمیان نسب گیا

ن ۳ ن

فرد = . ' فرث = · ینی ۷ زلا+ما فرا + کے قری = -جن ث زلا + جن ث فرا + جن ث زیء · حین لا اس بنے پیایسی طحوں کی تفرق سیاوا تیں ہیں جواسیتے باہمی تفاطع سے مساوی وباؤاور مادى كأفت كم منيوں كانفين كرتي ہيں-رب سے میں مانسل برگا (E) ليكن شرائط توازن اوراس کے مساواتیں (ج) ہوجاتی ہیں فراو جعن نے جعن ما حض می جعن کے جف ا جفى حفى حف لا جف ال جسادی داوک اورسادی کتافت کے نعینوں کی تعزی سا واتیں ہیں۔ سوم ۔۔ اب ہم ایک محدود کمیت کے سال کے توازن پر عور کرنے سے یہ تبا کیں سے کم

كيونكم فرد = - سف فرقه اور فرد بوراتسرقه السلام ف كو قوه فركا لفاعل بونا چاہیئے۔ اس طرح فہ اوراس کئے مشاعد کے تفاعل ہی اور مساوی وہا وکی سطیس مساوی قوه کی سطیس تھی ہیں اورمساوی کثانت کی سلحیر تجی۔ أكرسيال كحكدار مواورهمبسث متنغيرتو

زد _ _ زنه نا هر دی

ہس طرح اسی قسم کے عمل مستدلال ہے، نست ، ﴿ كَا تَفَاعُلْ ہِے اور مساوى وہاؤ كى تطحير مسا دى تېلىش كى تقحير يى بىي-

سكن إكر لا فرلا + ما فر ا + مع فرى بوراتفرقه م وتوسيطير على طوريز نطبق بيكي-فرقن آروکر سال غیرمتجانس اورب بیک سے تومساؤی داؤی اور مساوی کثافت كي سطحهر حسب ذيل مساداتوں سے حال ہوتی ہیں

ك يه ميتم طريقية زيل سي مجي مستنظر ميسكته من -

قریب کی دومسادی داؤ کسطوں برغور کرد-جن کے درسیان میال کی ایک تاہے اور فرض كروك ايك سطح كے نقطه ف كرو ايك حيثا وائرہ نبايا كيا ہے اوراس كے محيط ميں سے گزرنوالے عما دوں سے سال کو کچھ حصد علیحہ کرلیا گیاہے۔ سیال کا یصعد توت عالمزان کے سروں اور محیط پر کے واؤکے زیر عمل ساکن ہے اب چزکہ تقریبات بیست چھوٹا اسطوانہ سے اوراس کے محیط مرکعے تمام نظطوں برد باؤمسادی میں۔ اس سے دولوں رخوں برکے دباؤں کا فرق وست عالمہ کی وحراسے بدا موا عامنے جواس منے اُس مت يس على كن سب جس سمت ميں كرتے ہو يعنى نقط ن يرك عماد كيهمت بي-

اگرفتہ تیں ایک تو، سے حاصل برسکیں تو حاصل قوشت ہم قوہ سطوں کے علی القوائم ہوگی اوراس کئے مسادى دا و كى طعير بم توسطحول يضطبق موتكى -

ی دبون سیرم و مسیری میں ہے۔ بمبر اِس عنصری اسطوانہ کے تیان ن برغور کرائے سے عمل کرنیوالی قرت بی اکا کی کسیت = <u>دی داؤی سطور کا میالی جا</u> ادرونكراس منصرك كميت إلاست اس فاصله كمنتاسب بع اس المحكانت مستغل بونی چاہیئے مینی سادی داؤکی مطمیر سادی کنانت کی مطمیر بھی ہوتی ہیں۔

د = فر (لا) ما ، ی)

فر (لا، ما، ي) = < فيمتير ، دي سيوسادي دا وكي طول كالكساف المالت نيزد كوسيال تع بيروني دا و کے مساوی رکھنے سے بیرونی سطی اگزاد مطح حاصل ہوتی ہے۔ اگربيروني داؤ صفر بوتو آزا وسطح بوگي فر (لا ؛ ما ً ، ي)= -

جرسط(۱)کے نقطہ(لا، ۱ ء ی) بیکے عماد کیسمتی جبیب انتمام کے تنا م

کے مساوی ہیں نین تف کا ، ن ما ، ن سے کے مساوی ہیں اوراس

- و ں ساون دا دی تا پر اس تقطیس سے تعمینجا گیاہیے ۔ سادی داوُلی طعیس وہ ہیں جووت کے خطوط کوعلی لنوائم قطع کا نمتے سے میں میں میں میں میں میں اس کا میں اس کا میں اس کا میں اس کا میں کا میں اس کا میں کا میں کا میں کا میں

می عاصل بوسکتا ہے کیوکر ہم جانتے ہیں کو اس قسم کے نظام کے وجود کے لئے ساوات

تفر بوا چاسین بالفاظ ویگروتون کا نظام تخطی اجائی بونا جاسینے کے عام صورت میں اگروتوں کا نظام مجانی ہوتو نٹ کولاز ا توہ فد کا نفاعل بہنا چاہیئے

10

(د + معن د) عدد عه = ن عدس معن س اوراس لئے انتہا لینے سے

فرد تر فس فرس

مینی کسی سمت میں داؤکے اضافہ کی شرح ودمقداروں کا حاصل صرب ہے۔ ایک مقدار کا حاصل صرب ہے۔ ایک مقدار کتا فت ہے۔ ایک مقدار قوت کا وہ جزو تخلیلی ہے جواس سمت میں مقدار قوت کا وہ جزوتخلیلی ہے جواس سمت میں اگر نقط ن کے محدولا اسلامی اور سس سکا جزائے تخلیلی محدوں کی سمت میں کا ، ما ، ہے ہوں قو

س = الا فرال + ما فرال + م فرس

> س = ق فرر + ت رفرط + مع فرس فرس اور د کی ساوات بوجاتی م

فرد = ف (ق فرد + ست رفرطه + سے فری)

ببراگرن کا مقام قطبی محدول (۱ طد) فه) کے مخاطست ویا جائے اور قوت کے اجزار تخلیلی من اور اور قائد اور قوت کے اجزار تخلیلی من اور اس است اور اس جو علی الترتیب رکی سمت میں زاور میں قوم علم برگاکہ مستوی سے عمود کی سمت میں تخلیل کئے گئے ہیں تو معلم برگاکہ

فرد - سر فرد + ن رجب طه فرد + ست رفرط

اسی طرح فرد کے لئے جاکسی اور میدووں کے نظام میں معلوم ہو سکتاہے ۔ ۲۱۔ سمسا دی دبا و کی شطحیں۔ تمام صورتوں میں جن میں کیسیال کا نوازن حمن ہول سے حال ہوگا

م زد یکی زر در) فرد افتیارکرتی سے اور د کا نتین ہوسگا ہے۔ اگر تبیش متغیر دونو دباو ایش در کنانت مین به ربط

د = م ث (۱+ قد ت) مِواہے جہاں میں ت مئی میں ہاسے نا بی گئی ہے اور عه = ۳۹۹۵ · · · و ا اس سے ہیں عال ہوگا

د ع م ت ع ﴿ و الله ع الله ع م ت ت

جال ۵ = م ع ، ادر ت = ل + دا ، د کوترشطان کیت بی جس کاصفر سه ۲۰ متی د بوتا ہے۔

اس صورت ين فرد = الافراء + مافرها + عفرى

اوراس کے ت تفاعل بوناچارسیے لا ا ما،ی کا-

ان ميسكسي صورت مين أكركسي فاص نقط بركا دارك دا جاسك توسنقل مدانت

بوسكام-

نیکدارسیانون کیصورت مین اگرسال کی کمیت اور وه حکر حس مین بیمدد می معلوم وا

ل معلم ہر مباہا ہے۔ ۔ د دریافت کرنے کی سادات طریقہ ذہل سے بھی حال ہو مکتی ہے ۔ فرض کروکہ ن ق ایک بہت چھوٹے اسطوانہ کا محورہے جو ن ق بر کے علی تعویم

فرض کروگر داور د + سف د نقاط ن اور ق برکے دباؤیں- صطحی ترامش كارتبب أورمت مى بن فى كاطول ب اب اكرست ن فى مي درومت ك برعمل كرنوال وتوس كاجزو تحليلي س معن ك موتو

اس سائے بدفا ہے کوسا دامان (ج) جیتہ یوری برق سے مکین ایر سے بیٹی پنیون کا لنا جاسيتها إر الرخ في فونور وسكه زير عمل غير شجا مؤسسيال كا توازن بعي مينته تمكن موتات ب بسنان فيستنز موازده اساداتي موطاني اي حدادً حدادً جداي جدال جدال حدال حدالا ادراس كف الريسورت بي بيت ورى بوتى بيراير سنة الريق مي ايم الم - يوسي الراء كالراب كالمراب كالمت معلوم بوليتي الراء المحاكا وإمواتفال موتو (ب) مساً دانیں دہ سر طیر ہیں جن کا پورا ہو العظر وری سیصکادی ہوئی توتیں ڈکا ملکے سيال كونوازن مي ركه سكير-١٩ - ارستال: - ارسيال كيادار مونوايك ادر مرط كا اعما فرد جانب كونك لا = م ت الرسيشيستين د مرد المراد ال اگروتین قوه فست عاصل موسکین منی اگر الافرلاجما فرأ حسنت فزى ريرراتفرقه (-- فرفه) بو تو رم مرف _ _ وزفه ن م وک جے = - ف ، جالت متعل بھے۔ يني ده جي و الرف = الم جب قرتين أيت مركزون كي طرف ماكن مون اورافا عبلون مسكم تعامل مول (وفعون) وتوبير ميها وايت دبيتكل

سطی کے ایک نظام سے علی لقوا م قطع ہوسکتے ہیں۔

ا استجاد ما تعات الرسيال متعاف الرسي المرب يجك بوتو لا فرلا + ما فر ما + صفرى الورق و لا + ما فر ما + صفرى الورا تقوق من الم ياسك -

بِ سرد ہو، پہر ہیں اردور ان من ہوئے۔ بالفاظور کیر قرار کا نظام تحفظی ابقائی ہزاچا ہیئے اور قولوں کی تبییر قوہ تفاعل تے مکانی تعزیرت سے ہونی چاہیئے۔

بن چربه اگرفه توه تفاعل زونو

فرد = - ت فرقر <u>د +</u> نه = م (منتل)

مثلاً اگرقوتیں نابت مرکزوں کی طرف یا ان کے اِہرواد عمل کر نیوالی ہوں اور وہ ان مرکز ول کے

ناملوں کی تفاعل ہوں تو کا ملوں کی تفاعل ہوں تو کا در) $\frac{d-d}{d}$ ما = کے $\{$ ن (ر) $\frac{d-d}{d}$

 $\left\{\frac{3-3}{2}\left(\frac{3}{2}\right)\right\} \leq \frac{3}{2}$

جان (الب اج) اس مركز كي مود إن عبطان وت ف (ر) الل م

اب لَ = (لا- لا) + (ا- ب) + (ى-ع) ا اب كَ = (لا + ما فرا + كَ فرى = كَ ت (د) فرر

ادر زد و ف کوت (ر) در

اس عبورت میں چونکہ

جن لا = ک ف (ر) المرد ماب ف (ر) المال المرد ماب ف (ر) المال المرد ماب في المرد مال المرد
 $\left\{ \frac{d-1}{\sqrt{1-\frac{1-\nu}{2}}} \times \frac{1-\nu}{\sqrt{1-\frac{1-\nu}{2}}} \times \frac{1-\nu}{\sqrt{1-\nu}} \times \frac{1-\nu}{\sqrt{1$

(11)

جعناً د جعناً د جعناً د جعناً د جعناً د جعناً د جعناً د جعن المجعن عجن المجعن المعنى عبداً المعنى ا جعت د جعت احمد الا جعت لاجعت ا اس ك كرسته مساواتون سيم مندرج ذيل مساواتبن عاصل موتي مي . جن رث ع) = جن رث ما) ے جف ف ما جف ف = ف (جف ما حف الله عن ا ما جفت الم حف الله عن الحف الله عن الله لا، ما اسے عرب دیرجع کرے سے لا رجعن الم - جعن على + ما (جعن الله - جعن الله) + ما (جعن الله - جعن الله) + ے (جف م کے ۔ (م) جو توا دن کے لئے نے در ور می مضمرط ہے۔ اس مساوات کی ہندسی تغیر بیسے کہ قرت کے خطوط

لات عدمت لات وه توت تغییر بوگی جون قیرا سکے محور کے متوازی عمل کرتی ہے جمال لا مت کا مت کا مت کا اسکا کی ہے جمال لا مت کی مامت کی ہے مت کے در ہ مت کر بوال تو توں کے اجزائے تحلیلی ہیں۔
اس کے ن ت کے توازین کے لئے

(د +مع د)عه- دعه= لا تعدمت لا

مت د یه ٹ کا مت لا

انتہا سینسی حبکہ معن لا اور اس کے معن لا انتہا کم کردیے جائیں نقطہ ن پر کی کٹا فت ن ہوگی اور ہیں حاصل ہوگا

> جف د جف لا عن المع جف لا

ای طرح کے عمل سے جعن دے ۔

جن د <u>ث ے</u> سوف ی

نکین فرد= جف د فرلا + جف د فرا + جف د ری

ن فرد = ث (لا فرلا + ما فرما + ے فری) (مه)

اس مساوات سے داؤم ملوم ہوجا آہے۔ ۱۹ سے مرکا داؤ متبوع متنبروں لا اللہ اللہ کی کا تفاعل ہے ۔ اور مم جانتے ہیں کہ

له تبوت بالایں عداس قدر چوٹا لیاگیا ہے کراس کے ضلی ابداد بقا بلد معن لاکے نظرانداز کے جاسکیں مین لاکی تندیلی معن لاک تندیلی داتیج موثی ہے اس مدیک اس مدین کا کہ میں جو سعن سے افزاندیں ٹرا۔

(1.)

سیالوں کے توازن کی شرطیں

عام سے عام صورت میں فرض کر وکوایسے سیال کی کھیکست جو کیک دارہوا نے لیک برا عيرتجانس، دى بونى قر توسك زيمل اكن ب اور فرص كروكر وازن كي ظرب

اورنسی نقط برکا دباد معلوم کرنا مطلوب ہے۔ فرص کردکر سیال کے کسی نقطہ ن کے محدد علی انقوائم محوروں کے کافاسے لا کائی بیں۔ اور ق اس کے تردیک ایک ایسانقطہ ہے کہ ن ق محور لا کے متوازی ہے

فرص کروکہ لا + مف لا ا من نقطه ف کے محدد ہیں۔ ن ف کے گردایک چیوا منشور

ما اسطوانه بناؤ جو ن قِرِيك على القوائم مستوول مص محدود مور

فرص کروکراسطوانه کی عمودی تراشل کارقب علا نقطه ن برکا دباتو د اور نقطه ق برکا

دباؤ د + من د سے۔ اب چونکور، بهت چمواله به اس ملے مستوی ن پرکے کسی نقط پرد باؤ تقریب ا

د کے سادی جوگا اوراس کے اسپر کا دباؤ

(4 + ج) مه ہوگا جہاں جہ بقالمِ درکے صفر ہوجا اس جیکہ عہ کولا انتہا کم کیا جائے اس لئے کہ مہ کو ہم اسقدر چھوٹا فرض کرسکتے ہیں کہ بتقا لمرد کے جہ نظرانداز ہو سنجے ۔ اور اسطوا نوکے ن ان بر کا دباؤ دعه کے مساوی بیاجانے - اور اسی طرح رخ ق برکے دباؤکو اسکیں (د+مت د)

اگراسطوانه ن ق كى اوسطكافت ف موتو اسكى كميت = ف عد معت لا اور

گزرنے والی متوں میں ہے اُس مت میں کمّا فت زیادہ سے زیادہ سرعت سے بلتی ہے جو اس نقط میں سے گزر نے والی کیسال کمّا فت والی سطح پر عماد ہو۔ نیزاس سطح کے ماسی مستوی میں جوسمتیں ہیں اُن ہیں سے زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم کمّا فت کے نغیر والی سمتیں وہ ہیں جوصدری تراشوں کے عاسوں بِمنطبق ہوتی ہیں۔

- رفتار کی اکائی م فِٹ فی نانیہ ہے یا بی معیاری چیز ہے ادر قوت کی اکائی هـ ۱۲ بونلا وزن سم - وقت اورطول کی اکامیان معادم روس ۔ یا نی کے ایک کعب فِٹ کے وز ن کوتعبیر کرنے والا عدداس کے حجم کو طا ہر کر۔ یت کو ظام کرنے والے مَدد کا ہے ہے اوراس کا کے فٹ تھانے میں نے والے عدد کا بہاہے مطول کمیت اور دفت کی کائیاں دریافت کرو۔ ِ اَگرِکرہ ہوا کی کا دبائو ِ دباڑکی ایکائی' آواز کی رفتار ' رفتار کی اکا ایک اِسراغ بیجا ذ اسراع کی اکا ٹی ہوتوقت کی اکا لی تقریبًا معلوم کرو۔ ۸ ـــاگر و نث اور ب نماینی طول اور وقت کی اکائیا سور اور یا نی کی کشافت معیاری کتا^ت بموتو اورب میں ربط معلوم كروكم مساوات و = ج ت ت ح سي كسى چيز كاوزن إو مؤول دِهِ فَكُ فِي ثَا نِيرِي رِفْعار رِنْقِار كِي إِكَا بِيُ ادرَكْرِتْ داسْلِحِسْمِ كَا اسْرَاعَ امْ ىيت كى اكا ئى موتويا ئى كى ڭا فت معادم كرد-معزوط میں حب کامحورانتھا ہی ادر اس نیمے کی طرف ہے والدیا گیاہے۔ اس ی نقط برکٹا کنٹ سطح پر کی کٹا فٹ سے بقدر ایک ایسی مقدار کے بڑی ہے جوالیسے بدنی ہے جیسے سطے سے نقطہ کی گہرائی۔ تا بت کروکہ جب الع کو طانے سے اس کی کثا نت ما ب دوجایت و یکنا فت اصلی حالب براس نقط برکی کثا فت سے مساوی سیے جس کی گہرائی مخروط محیحور کی ایک چونھائی کے مسادی ہو۔ ا - ث كَانت واك ما تع سے بھرے موسئے برتن میں سے ما تع كا اللے وار حصته نكالداكياب ادراس كوفته كفافت واف العسب بعرد ياكياب - اكراس عمل كوهم مرتبه ومراياحات وبرت ميسكان كي كما فت معام كرو -ٱگریتهٔ کثا فت دانے اُن اُکارِجم ِزُانتیا ٹی صغیر قطروں میں اس کے المرشکِ حاصل ستنده مائع کی کثافت عادم کر ویش ١٢--- ايك مانعُ كى كتأ فت نقط به نقطه بدلتى بينيم- ثابت كروكه ايك

= - روزع = - رم زع ارح ارد = م = م وك عرب و د وك سيم

اگر کیک برتن کے گرد کے ہوائی کرہ کے موجود گل میں و توع پذیر ہوئی ہے مثلاً اگرایک اسطوانہ مِنْ نَسْتَادِینے کے ذرلعیکیں بندگی گئی ہوتو ہوا ان کرہ کا دباؤیکیک کے کا مرمیں مدورتیا ہے ۔

اسطرت الركوه بوان كي دبار الم براجوان جم بوزجم عن دبان كالمرون كالبوكيات وه

-- آ (د-۱۱) فرح ، جاں ح د = ۱۱ ح = M - F - T (5-5)

امثله

(ان ثنانوں میں ج ۲۷ سے مساوی لیا گیاہیے جبکہ فٹ اور نا نیدا کا ٹیاں ہوں) ا مستطیلی رقبه و ب ج د سیالی داد کے زیر عمل ہے۔ و ب ناب خطر تیم ہے۔ اور رقبه برکا دیا وطول ب ج (لا) کا ایک دیا ہوا تفاعل (د) ہے ٹابت کرد کہ ج د کے کمٹی فقطہ

الرام ایک تابت نظم برادر اب ، اد کی متین نابت برن ادر اگر اب = لا ادر ا د = ما زج پردباز = <u>زرد</u>

٢ - ساوات و = ج ت مح ميراگروت كى اكانى ١٠٠ يوندون طول كى اكانى ١٠٠

ادر دقت كى اكانى المانى المانى المانى كانت معلوم كرو-

س س اگروقت كى اكا كى ايك وقيقة طول كى اكا كى ايك تو بور ادر اگرمعيارى شف كے ١٥ كمعب اليخ كاوزن ٢٥ اونس موتو قرت كى اكانى ور إنت كروس

بم بسمسادات و = ن ف ح بن وقت كي اكاني من اينون كي تقداد طول كي اكاني من فرس کی نظاد کے مسادی ہے۔ قرت کی اکا نئی . ۵، پونٹروزن سے اورمعیاری فرکایک

كمعب فت كاوزن ٥٠٠ ١٣٥ اونسب - وقت كي كاكي عليم كو-

اس کے سردں رکے دائر اور ختی سطے کا دہا ؤاور وہ بیرونی فوتیں جواس بڑمل کرتی ہیں ایک متوازن قوتوں کے نظام کو بقبیرکرتی ہیں-
فرض کروکد ۱۰ که نقاط ت آور ن برکے وابئیں۔اوراسطواز کی تراش ق کا رقبہ
عہ اور تراش ن کا رقبہ عَربے۔ خ ن پر کے دہار کہ عَمر کو اگر اسطوانہ کے ن
محور کے متوازی تحلیل کریں تو جزو تحلیلی قدم کے مسادی ہے۔ اورا سکنے
ک عد - د عد = ن ن کے متوازی قرت عالمہ کا جزر تحلیلی تطرف نام میں سے گزرنے والے متوی کی مت خواہ کچھیں ہویہ قرت عالم جبرا سلوائم کا نصف
لا انتہا چھوٹا ہو یا لآخرا سطوانے کے حصے ق ن پرکی وقت عالم سے مسادی ہوجاتی ہے
جبکہ بیر حصد ایسے مستوی سکے ذریعہ کا اُما جائے جو نقطہ ن میں سے گزرے اور محور پر عمود ہمو۔ بس قوت عالمیہ نیات
ب ق معتبر من من عدفر لا گریس ن <i>ت عدفر</i> لا
جہاں کے میں دہ توت ہے جو میالی ورہ کے برانظ ق سے فاصلہ لا بر عمل کرتی ہے۔ اسلے \ddot{c} س خ فر لا \ddot{c}
۵ = ۷ + ک ^۳ س ت فرلا
الله حسب زل تشریح نبوت سکه اس صدکو عمل کرد سنه گی - و زند می سرون به تا تا مدر سال از این این می این این این این این این این این این ای
فرض کروکہ و ب کا ب تعظم ب میں سے گرنے واسے وستوی ہیں ۔ ف عنی انترتیب ون والد است میں استرتیب ون والد استراح می
توق و به اورق و ب (جن مے مجم ساوی دیں) بنتہ اور اور ق و ب اور ق
برعمل كرف والى تروس كا فرق = وف ق اور ب ن ب برعمل كرينوالى قوت كا فرق
= (سَ ثَ- س شُ) × قم و ن وَ عمق (س شُ) × * * م × و وَ ' (عه تامشس ت) مارته مِهِ)

اول الذکر تومتیں رخوں کے رقبوں پر بتھسر ہونیکی دحیہ ایسے مدلثی ہیں جیئے ہمزات اِمتجانس فرض کیا گیاہے) کے کنارے کام بع اور تانی الذکر قوت مجمرا در کتا نیستا پر منحصر ہونے کی دھرایسی دبتی ہے جیسے مجسم کے کنا رہے کا مکعب- اوراس سنے اگر محبم کولا انتہا تھٹا دیا جائے جبکہاس کی شکل ہیشہ متنا ارہے تر موخرا لذکر قوت مقابلہ رخوں ریا کے کے معدوم ہوجاتی ہے۔ اور اس سئے یہ دباؤ خود متواز ن قو**توں کا ایک نظام میں ا** منین منسرض کرو که رون و ب ج اور ب ج د برکے داؤی خرمیں علی الترتیب دادیہ تعبيرون بي كنارك و د كمتوازى ان قوتون كو تعليل كرو- و يونكدرفيه و ب مجادرب د کے ظل و د پرے علی افتوائم ستوی روہی ہیں (فرض کروکہ ہرایک عہے مسادی ہے ۔)ا واؤس سے براک دیا کے ساوی ہے۔ اب چونکه دواربعته انسطوح کے رخ کسی منت میں لئے جا سکتے ہیں اس لئے کسی فقط رکھا (4) ئیرسُلاسونت بھی درست رہنا ہے جزار سال متحرک ہو۔ کردکھ ٹوی ایمبرٹ کے _اصول كيمطابق أكرموثرة ووس كسمت الط دى جائے ويد بيروني يا عالمة ونوں كے ساتھ ال كروخوں يرك دباؤك سائق متوازن بزركين- ادرمونز قوتين السي رتبه كي حيوني مقدارين بي حب رتبه کی عامل قوتیں ادراس کئے بیقالبرد! وُں کے معدوم ہوجاتی ہیں۔ مسئلہ بالاکا حب ول تبوت کوشی کی مثالی سے لیا گیا ہے۔ فرض کرد که ن اور ف سیال میں ایک دوسرے سے محدود فاصلے پر در نقظ ہیں۔ محور ن ق كُ رُدايك ببت محموة نفعت قطركا اسطواء بناؤ - ق من سي اكيب توى ق كے على القوائم كھينچو اور ن ميس سے كوئى مستوى گذارو اور ن ق كى كيت كے توازن

فالى كرك وزن كرف سے معلوم ہوسكتا ہے نیز جوار بھالاك وق ع سے بیموم جوتا ہے کہ سالات برسورج اور جاند کی شفیر اسی طرح عمل کرتی ہی جس طرح کدرمین کی شفس ان واقعات کی بنا پر نیزاس طرح سے اوروا قعات کی بنا پر ان دیا جا اے کرتما مرشم سے سالات قانون تجازب کے تابع ہن مین بیغیاس قانون کے ہوجہ پرکشسش کا عمل کرتے ہیں اور ان بریمی ان اوی ہضیا ^ہ کی کششش کا عمل ہوتا ہے ۔

سسالى دبازكى بيانستس

تماس رکھتی ہے اور اس کے رقبہ ا ہر جوسیال کاعمل ہے اس سے خلاف تواز ن پیدا کرنے کے لئے سطیر توسف ق لگانی پڑتی ہے۔

مرتقط را سکومت فیر خیال کما جائگا اوراگرایک نقط کے گردیے جھو نے (۱۳)

رقبه عدير فوت عِمَل كرك تو الم السك تفريعًا وا وكى مشرح رقبه هرير تعبير بروكى -الْمُ عَكُولاانْ الْمُ الْمُروا مِاسِعٌ وَ فرض رُوكُ انتها مِن عَد عد نب بطور تقريب كي إس

< كوبم نفظه زير مساليردا وكا أب قرار دسينگ - د ده قرت بوگي داكان رقبه برلكاني جائيگي اگراس اکا تی رفته پرسف رح داد کیساں خیال کی حاسے اور پیقطہ زیر بحبث پرے دا ڈے سے

ل اُگر کسی تقطر بر دباؤ ۵ مورواس کے گرد کے چھوٹے رقبہ عدبہ قومت ۵ عد+ جید

رغی جهاں حبہ انتہائیں < عد کے منا المریس صفر ہوجا ہاہیے ببکرعہ (اوراسکی د حب دعہ

بال كركسي نقطه يرو ما و بروست مي دسي بوتا سب سيال كنواس ت سب سے ہم ہے اس کا تبوت سال کی بنیادی فاصیت سے حسب دل طریقہ

اكرتم سال سنَّه اكب جموعة ذوارىعبة السطوح كة وازن برغور كريس ويهعلوم بركاكم اس كرون برك دبادادراس كميت بركي قوت عالم وكرمتوازن قوق كاليك نظام يداكرتي اير _